

TUGAS AKHIR
BIAYA OPERASI KENDARAAN
SEBAGAI DASAR PENENTUAN TARIF ANGKUTAN KOTA
DAERAH ISTIMEWA YOGYAKARTA
(Studi Kasus Bus Perkotaan Kopata Jalur 06 DIY)

Disusun Untuk Memenuhi Prasyarat Meraih Gelar Sarjana s-1
Di Jurusan Teknik Sipil Fakultas Teknik
Universitas Muhammadiyah Yogyakarta



Disusun Oleh :

BAYU INDRA RISKI YANTO
98110214

JURUSAN TEKNIK SIPIL
FAKULTAS TEKNIK
UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH YOGYAKARTA
2008

HALAMAN PENGESAHAN

BIAZA OPERASI KENDARAAN SEBAGAI DASAR PENENTUAN TARIF ANGKUTAN KOTA DAERAH ISTIMEWA YOGYAKARTA (Studi Kasus Bus Perkotaan Kopata Jalur 06 DIY)

**Tugas akhir ini disusun sebagai salah satu syarat
kelulusan jenjang Strata 1 Jurusan Teknik Sipil Fakultas Teknik
Universitas Muhammadiyah Yogyakarta**

Disusun Oleh:

**BAYU INDRA RISKI YANTO
98110214**

Telah diperiksa dan disyahkan oleh Dewan penguji :

Ir. Wahyu Widodo, MT.

Dosen Pembimbing dan Ketua Tim Penguji

Tanggal :

Ir. Anita Widiani, MT.

Anggota Tim Penguji

Tanggal :

Ir. Sentot Hardhiyono, MT,H.

Anggota Tim Penguji Merangkap Sekretaris

Tanggal :

MOTTO

” Ilmu itu kehidupan hati dari kebutaan, sinar penglihatan dari kezaliman dan tenaga dari kelemahan.... ”

(Al Ghazali)

”Sesungguhnya sesudah kesulitan ada kemudahan, maka apabila kamu telah selesai (dari satu urusan) kerjakanlah dengan sungguh-sungguhnya (urusan) yang lain. Dan hanya kepada Allah-lah hendaknya kamu bersembah”

(QS : An Nash 6-8)

”Tiada pemberian orang tua kepada anaknya yang lebih utama dari pada pendidikan yang baik”

(H.R. Tirmidzi dan Hakim)

”dan rendahkanlah dirimu terhadap mereka berdua dengan penuh kesayangan dan ucapkanlah : ”wahai tuhanku, kasihanilah mereka keduanya, sebagai mana mereka telah mendidik aku waktu kecil””

(QS : Al Israa'67)

”Allah meninggikan orang-orang yang beriman diantara kamu dan orang-orang yang berilmu pengetahuan beberapa derajat”

(QS : Mujadilah 11)

HALAMAN PERSEMBAHAN

Tugas akhir ini kupersembahkan kepada:

- *Ibundaku tercinta (Ibunda Djuwarsih) yang telah membesar kan, mendidik, serta memberikan kasih sayang dan do'a (semoga ibunda mendapatkan kebahagiaan dunia dan akherat)*
- *Ayahandaku tercinta (Ayahanda Rasum Priyanto) terima kasih atas dukungannya dan bantuannya selama ini.*
- *Kakaku tersayang (Eka tin rahayu, ST dan keluarga) Terima kasih atas dukungannya dan bantuannya selama ini.*
- *Kakaku tersayang (Evi Dwi Astuti dan keluarga) terima kasih atas dukungannya dan bantuannya selama ini.*
- *Semua keluargaku tanpa terkecuali terima kasih atas segala pertolongan dan dukungannya.*

KATA PENGANTAR

Assalamu'alaikum warahmatullahi wabarakatuh

Dengan mengucap syukur kepada Allah SWT , atas segala limpahan rahmat dan hidayah-Nya sehingga penyusun dapat menyelesaikan tugas akhir dengan judul **Biaya Operasi Kendaraan Sebagai Dasar Penentuan Tarif Angkutan Kota Daerah Istimewa Yogyakarta** (Studi kasus Bus perkotaan Kopata jalur 6 DIY)

Tugas akhir ini merupakan salah satu syarat untuk memperoleh jenjang strata satu (S1) pada jurusan teknik sipil fakultas teknik Universitas Muhammadiyah Yogyakarta.

Penyusun menyadari bahwa keberhasilan dalam menyelesaikan tugas akhir ini tidak lepas dari dukungan, bimbingan, dan bantuan dari berbagai pihak. Oleh karena itu pada kesempatan ini penyusun mengucapkan terima kasih kepada yang terhormat:

1. Bapak Ir. Wahyu Widodo, MT selaku dosen pembimbing utama yang telah banyak memberikan arahan dan bimbingan selama penyusunan tugas akhir ini.
2. Bapak Ir. Gendut Hantoro, MT selaku dosen pembimbing muda yang telah banyak memberikan arahan dan bimbingan selama penyusunan tugas akhir ini.
3. Ibu Ir. Anita Widianti, MT selaku dosen penguji pada ujian pendadarannya, terima kasih atas bimbingan dan masukannya.

4. Bapak Ir. Sentot Hardwiyono, MT selaku dosen penguji pada ujian pendadarannya, tarima kasih atas bimbingan dan masukannya.
5. Ayah dan Ibunda tercinta atas segala pengorbanannya demi kebaikan Ananda.
6. Seluruh karyawan dan karyawati Koperasi Pengusaha Angkutan Kota (Kopata) Daerah Istimewa Yogyakarta.
7. Sahabatku yang selalu bersamaku baik suka maupun duka (terima kasih atas segalanya): Tri, Maskur, Sidik, Safi'i, Inunk, Yoga, Arzt dan Jihad tetaplah jaga kebersamaan.
8. Teman-temanku angkatan 98 terutama kelas C.terima kasih atas semangat dan dukungannya.
9. Semua Pihak yang tidak dapat penyusun sebutkan satu persatu, terima kasih atas bantuan dan dukungannya.

Penyusun menyadari bahwa penyusunan tugas akhir ini banyak kekurangan, maka saran atau kritik yang bersifat membangun sangat penulis harapkan.

Akhir kata semoga tugas akhir ini dapat bermanfaat bagi penulis pada khususnya dan bagi para pembaca pada umumnya.

Wassalamu'alaikum warahmatullahi wabarakatuh

Yogyakarta, November 2008

Penyusun

DAFTAR ISI

| | Halaman |
|---|---------|
| HALAMAN JUDUL | i |
| HALAMAN PENGESAHAN | ii |
| MOTTO | iii |
| HALAMAN PERSEMPAHAN | iv |
| KATA PENGANTAR | v |
| DAFTAR ISI | vii |
| DAFTAR TABEL | x |
| DAFTAR GAMBAR | xi |
| DAFTAR LAMPIRAN | xii |
| INTISARI | xiii |
| BAB I PENDAHULUAN | |
| A. Latar Belakang | 1 |
| B. Rumusan Masalah | 2 |
| C. Tujuan penelitian | 3 |
| D. Manfaat Penelitian | 4 |
| E. Batasan Masalah | 4 |
| F. Keaslian Penelitian | 5 |
| BAB II TINJAUAN PUSTAKA | |
| A. Definisi biaya operasi kendaraan | 6 |
| B. Konsep biaya | 6 |
| C. Metode perkiraan biaya | 7 |

BAB III LANDASAN TEORI

| | |
|---|----|
| A. Komponen Biaya | 9 |
| B. Komponen biaya operasi kendaraan | 9 |
| 1. Biaya tetap | 9 |
| 2. Biaya variabel | 11 |
| 3. biaya kepemilikan aset | 12 |
| 4. Discount factor | 14 |
| 5. Present value | 15 |
| 6. Annual value | 15 |
| 7. Biaya lain-lain | 16 |
| a. Biaya overhead | 16 |
| b. Biaya tak terduga | 17 |
| C. Keuntungan | 17 |
| D. Expected benefit | 18 |
| 1. Single payment present worth | 18 |
| 2. Uniform series present worth | 18 |
| E. Tarif | 19 |
| 1. Sistem tarif | 19 |
| 2. Penetapan tarif | 20 |

BAB IV METODOLOGI PENELITIAN

| | |
|----------------------------------|----|
| A. Tahapan penelitian | 22 |
| B. Metode pengumpulan data | 23 |
| C. Data yang diperlukan | 24 |

| | |
|---------------------------------------|----|
| D. Alur penentuan tarif dan BOK | 25 |
| 1. Biaya Operasi Kendaraan | 25 |
| 2. Penumpang | 26 |

BAB V PENGUMPULAN DATA DAN ANALISIS

| | |
|---|----|
| A. Data Rute Kendaraan | 28 |
| B. Biaya Operasi Kendaraan | 29 |
| C. Data Jumlah Penumpang | 30 |
| D. Analisis Biaya Operasi Kendaraan | 32 |
| 1. Biaya Tetap | 32 |
| 2. Biaya Variabel | 33 |
| 3. Biaya kepemilikan asset | 34 |
| 4. Discount factor | 36 |
| 5. Present value | 37 |
| 6. Annual value | 38 |
| E. Biaya operasi kendaraan total | 38 |
| F. Keuntungan | 39 |
| G. Expected Benefit | 40 |
| H. Penentuan Tarif | 42 |

BAB VI KESIMPULAN DAN SARAN

| | |
|---------------------|----|
| A. Kesimpulan | 45 |
| B. Saran | 46 |

DAFTAR PUSTAKA

LAMPIRAN

DAFTAR TABEL

| | Halaman |
|--|---------|
| Tabel 5.1 Trayek atau Rute bus Kopata jalur 6 | 28 |
| Tabel 5.2 Perincian Biaya Tetap bus kota Kopata jalur 6 | 29 |
| Tabel 5.3 Perincian Biaya Variabel bus kota Kopata jalur 6 | 29 |
| Tabel 5.4 Karakteristik penumpang bus kota kopata jalur 6 | 31 |
| Tabel 5.5 Hasil hitungan Biaya tetap Kopata jalur 6 | 32 |
| Tabel 5.6 hasil hitungan biaya variabel kopata jalur 6 | 33 |
| Tabel 5.7 Perhitungan Depresiasi bus kota Kopata jalur 6 | 35 |
| Tabel 5.8 Perhitungan KPA bus kota kopata jalur 6 | 36 |
| Tabel 5.9 Perhitungan BOK bus kota Kopata jalur 6 | 37 |
| Tabel 5.10 Perhitungan biaya overhead bus kota kopata jalur 6..... | 38 |
| Tabel 5.11 Rata-rata jumlah penumpang per hari | 42 |

DAFTAR GAMBAR

| | Halaman |
|---|---------|
| Gambar 4.1 Tahapan penelitian | 22 |
| Gambar 4.2 Alur penentuan tarif | 25 |
| Gambar 5.1 Aliran dana Expected benefit | 40 |

DAFTAR LAMPIRAN

- Lampiran 1 Peta rute bus jalur 6
- Lampiran 2 Daftar Rumus
- Lampiran 3 Rumus-rumus Ekonomi Teknik
- Lampiran 4 Daftar Istilah
- Lampiran 5 Format daftar survey penumpang
- Lampiran 6 Data penumpang Bus kota Kopata jalur 6 hari sabtu 8 september,
hari minggu 9 september dan hari senin 10 september 2007
- Lampiran 7 Daftar pertanyaan Interview
- Lampiran 8 Daftar Biaya Tetap, Biaya Variabel, Biaya Overhead, Biaya
Kepemilikan Aset dan Data Pelengkap.
- Lampiran 9 Penjelasan pendadaran
- Lampiran 10 Tabel Pemajemukan Diskrit

INTISARI

Angkutan kota merupakan bagian dari transportasi yang berada di perkotaan, agar dapat berjalan sebagai mana mestinya diperlukan adanya pengelolaan yang baik. Salah satu faktor yang sangat penting dalam pengelolaan angkutan perkotaan adalah masalah harga tarif. Keseimbangan tarif angkutan kota dengan biaya operasi kendaraan sangat diperlukan agar tidak ada pihak yang dirugikan baik pihak operator maupun konsumen angkutan kota. Penelitian ini bertujuan untuk menghitung biaya operasi kendaraan yang harus dikeluarkan perusahaan angkutan kota, menentukan besarnya pemasukan perusahaan angkutan kota, menentukan besarnya harga tarif yang didapat berdasarkan analisis biaya operasi kendaraan, membandingkan harga tarif yang dihasilkan dari penelitian dengan harga tarif yang berlaku sekarang

Metode pengumpulan data pada penelitian ini dilakukan dengan menggunakan Metode Observasi dan Metode Interview Biaya Operasi Kendaraan (BOK) digunakan sebagai dasar penentuan tarif angkutan kota. Pada analisis data ini Expected Benefit atau besarnya pemasukan yang harus didapatkan perhari digunakan sebagai dasar penentuan tarif angkutan karena dibebankan pada jumlah penumpang perhari .

Pada penelitian ini digunakan metode biaya operasi kendaraan (BOK) dalam penentuan tarif. Tarif diperoleh dari besarnya biaya operasi kendaraan dan biaya lainnya yang dibebankan kepada masing-masing penumpang

Besarnya biaya yang harus dikeluarkan perusahaan angkutan kota selama satu tahun untuk satu bus adalah Rp.125.112.850/bus sedangkan besar pemasukan angkutan kota selama satu tahun $(276 \times 2000 + 90 \times 1000) \times 240 = Rp.154.080.000/bus$. Dari hasil analisis dalam penelitian ini didapat tarif sebesar Rp.1.925,25/penumpang, selisih harga tarif yang didapat dari hasil analisis biaya operasi kendaraan dengan tarif yang berlaku sekarang yaitu:

- a). Untuk penumpang umu/mahasiswa $Rp.2.000 - Rp.1.925,3 = Rp.74,7$
- b). Untuk penumpang pelajar $Rp.1.000 - Rp.962,6 = Rp.37,4$

Dengan demikian operator atau pengelola angkutan kota masih mendapatkan keuntungan dari tariff yang berlaku saat penelitian ini.

BAB I

PENDAHULUAN

A. Latar Belakang Masalah

Transportasi yang memadai dapat memperlancar distribusi arus barang dan jasa guna menunjang pertumbuhan ekonomi. Angkutan kota merupakan sebagian dari transportasi yang berada diperkotaan untuk memenuhi kebutuhan masyarakat umum. Sarana angkutan kota dibutuhkan oleh sebagian masyarakat untuk menunjang kebutuhan sehari-hari, baik menuju tempat kerja, sekolah atau kampus, pasar, dan lain-lain. Agar dapat berjalan sebagaimana mestinya diperlukan adanya pengolahan yang baik. Salah satu faktor yang memegang peran penting dalam pengolahan angkutan perkotaan adalah masalah harga tarif penumpang angkutan perkotaan. Penentuan tarif sangat penting, karena pada dasarnya akan senantiasa berada pada dua kepentingan yang berbeda. Pada satu pihak, operator selaku penyelenggara akan menetapkan tarif setinggi-tingginya untuk mendapatkan keuntungan yang sebesar-besarnya, sementara pada pihak lain, konsumen dalam hal ini penumpang selalu menginginkan tarif serendah-rendahnya dan mengharapkan pelayanan dan fasilitas yang sebaik-baiknya.

Keseimbangan antar operator dan konsumen sangat diperlukan agar tidak ada pihak yang dirugikan. Pihak operator selaku penyelenggara tidak rugi dan senantiasa dapat memberikan pelayanan yang terbaik, sementara

dari pihak penumpang selaku konsumen juga tidak merasa dirugikan membayar tarif kendaraan sesuai pelayanan dan fasilitasnya. Jika kondisi seperti ini dapat dipertahankan maka fungsi dan keberadaan angkutan perkotaan akan berjalan dengan maksimal.

Berdasarkan permasalahan-permasalahan diatas, maka perlu dilakukan suatu studi tentang penentuan besarnya biaya tarif bus perkotaan dengan metode perhitungan biaya operasi kendaraan. Perhitungan biaya operasi kendaraan yang tepat akan menghasilkan harga tarif yang sesuai. Sehingga tercipta rasa keadilan antara penyelenggara angkutan kota dan juga pemakai angkutan kota, sehingga nilai ekonomi dari angkutan kota juga akan naik.

Karakteristik penumpang pada jalur 06 mempunyai variasi, selain melewati rute yang ramai juga melewati rute yang sepi penumpangnya, sehingga jalur 06 dapat dianggap mewakili seluruh jalur angkutan kota di DIY.

B. Rumusan Masalah

Permasalahan ekonomi yang masih sangat melanda Indonesia membawa dampak yang serius terhadap operasi angkutan umum. Masalah ini terutama berpengaruh terhadap besarnya nilai tarif yang berlaku, karena pendapatan yang diperoleh pemilik angkutan umum salah satunya ditentukan oleh besarnya nilai tarif yang berlaku. Tarif yang tidak sesuai akan

menyebabkan tidak seimbangnya pendapatan yang diperoleh pemilik angkutan umum dengan biaya operasi kendaraan yang dikeluarkan. Berdasarkan masalah tersebut, perlu adanya penelitian terhadap penentuan tarif agar kinerja dan pelayanan yang dapat diberikan oleh angkutan umum perkotaan tidak menjadi menurun.

C. Tujuan Penelitian

Tujuan diadakannya penelitian ini mempunyai empat sasaran yang saling berhubungan setelah diadakan analisis. Keempat sasaran tersebut adalah

1. Menghitung biaya operasi kendaraan yang harus dikeluarkan oleh perusahaan angkutan kota.
2. Menentukan besarnya pemasukan perusahaan angkutan kota.
3. Menentukan besarnya harga tarif yang didapat berdasarkan hasil analisis biaya operasi kendaraan.
4. Membandingkan harga tarif yang dihasilkan dari penelitian dengan harga tarif yang berlaku sekarang.

D. Manfaat Penelitian

Beberapa manfaat yang diharapkan dengan diadakannya penelitian ini adalah sebagai berikut:

1. Mengetahui variabel-variabel biaya operasi kendaraan angkutan kota dan pemasukan pendapatan perusahaan angkutan kota dalam hubungannya dengan penerapan harga tarif angkutan kota.
2. Sebagai bahan perbandingan apakah tarif yang berlaku masih sesuai untuk biaya operasi kendaraan yang berlaku saat ini.
3. Sebagai bahan masukan kepada pemerintah daerah dan perusahaan angkutan kota tentang besarnya biaya operasi kendaraan di DIY.

E. Batasan Masalah

Agar penelitian ini lebih terarah dan pembahasan lebih mendalam dilakukan batasan-batasan penelitian dengan tidak mengurangi sasaran penelitian. Pembatasan masalah dalam penelitian ini adalah sebagai berikut :

1. Penelitian ini diutamakan pada angkutan bus perkotaan di DIY khususnya angkutan kota jalur 06.
2. Pada penelitian ini, biaya operasi kendaraan (BOK) dihitung menggunakan metode BOK.
3. Faktor fisik jalan seperti geometrik jalan, tipe jalan, kondisi jalan, jenis perkerasan, kelandaian jalan, kondisi lalu lintas dianggap tidak mempengaruhi penentuan biaya operasi kendaraan (BOK).

F. Keaslian Penelitian

Berdasarkan sumber dari Koperasi Pengusaha Angkutan Kota dan sepengetahuan penulis tugas akhir dengan judul Biaya Kendaraan Sebagai Dasar Penentuan Tarif Angkutan Kota DIY (Studi Kasus bus perkotaan KOPATA jalur 06 Daerah Istimewa Yogyakarta) belum pernah diteliti. Beberapa literatur penelitian yang berkaitan dengan biaya operasi kendaraan adalah sebagai berikut :

1. “Analisis Biaya Operasi Kendaraan Dalam Penentuan Tarif Angkutan Perkotaan Daerah Istimewa Yogyakarta (Studi Kasus Angkutan Perkotaan Koperasi Pemuda Jalur 17)” oleh Henderyadi Jaya Cipta (2006) Hasil dari penelitian itu adalah Rp.1.799,88/ Penumpang umum/mahasiswa atau lebih rendah Rp.200,12 dibanding tarif yang masih berlaku Rp. 2000. sedangkan tarif untuk penumpang pelajar Rp.1.349,25/penumpang atau lebih rendah Rp.150,75 dari tarif yang masih berlaku sebesar Rp.1.500
2. “Analisis Biaya Operasi Kendaraan Dalam Penentuan Tarif Angkutan Perkotaan Daerah Istimewa Yogyakarta (Studi Kasus Angkutan Perkotaan Koperasi Pemuda Jalur 19)” oleh Sri Agus Riana (2004). Hasil dari penelitian itu adalah Rp.986,54/ penumpang umum/mahasiswa atau lebih rendah Rp.13,46 dibanding tarif yang berlaku Rp. 1000. sedangkan tarif untuk penumpang pelajar Rp.591,92/ penumpang pelajar atau lebih rendah Rp.8,08 dari tarif yang berlaku Rp.600

BAB II

TINJAUAN PUSTAKA

A. Definisi Biaya Operasi Kendaraan

Biaya operasi kendaraan didefinisikan sebagai biaya yang secara ekonomi terjadi dengan dioperasikannya suatu kendaraan pada kondisi normal untuk suatu tujuan tertentu. Pengertian biaya ekonomi yang terjadi adalah biaya yang sebenarnya terjadi. Jadi disini bukan hanya biaya yang dirasakan sesaat saja oleh pemilik kendaraan seperti pembelian bahan bakar, tetapi juga termasuk biaya-biaya yang terkait lainnya yang tidak dirasakan secara langsung pada saat dilakukan pengoperasian kendaraan (Morlok, 1995)

B. Konsep Biaya

Biaya merupakan faktor yang menentukan dalam sistem transportasi untuk penetapan tarif dan alat kontrol agar dalam pengoperasian angkutan mencapai tingkat efektif dan efisien.

Menurut Morlok (1995), dalam kegiatan transportasi ada lima kelompok yang akan menanggung biaya transportasi, yaitu :

1. Pemakai Sistem Transportasi
 - a) Harga Langsung
 - b) Waktu yang terjadi
 - c) Ketidaknyamanan penumpang

2. Pemilik Sistem Transportasi atau Operator

Biaya yang terpakai adalah biaya yang langsung untuk konstruksi, operasi, dan pemeliharaan.

3. Non Pemakai

Biaya yang dikeluarkan orang yang tidak memakai transportasi tetapi terkena dampaknya.

- a) Perubahan nilai lahan dan produktivitasnya
- b) Penurunan tingkat kenyamanan lingkungan

4. Pemerintah

- a) Subsidi dan sumbangan Modal
- b) Kehilangan hasil pajak, yaitu apabila terdapat jalan atau milik umum yang menggantikan fungsi tanah yang biasanya terkena pajak.

5. Daerah

Biaya yang terpakai biasanya tidak langsung, tetapi melalui reorganisasi terkait dari pemakaian tanah dan tingkat pertumbuhan daerah yang terhambat.

C. Metode Perkiraan Biaya

Morlok (1995), menegaskan pada dasarnya terdapat dua metode pendekatan untuk menentukan biaya, walaupun pada prakteknya kedua pendekatan tersebut sering dikombinasikan penggunaannya. Metode tersebut adalah metode biaya statistik dan metode biaya satuan.

Metode biaya statistik adalah dengan menghubungkan biaya dengan pelayanan transportasi yang disediakan dan tidak memperhitungkan keperluan untuk mengembangkan suatu modal eksplisit dari sumber-sumber tertentu yang dipakai. Metode biaya satuan adalah metode yang memisahkan biaya menurut beberapa sub kategori, seperti biaya pegawai, biaya pemeliharaan, dan bahan bakar.

Metode yang paling umum digunakan adalah metode biaya satuan. Pendekatan dasar dari metode biaya satuan adalah pengembangan hubungan-hubungan yang memungkinkan dilakukannya perkiraan jumlah dan jenis seluruh faktor (Morlok, 1995). Pada metode ini biaya dipisahkan menurut beberapa kategori, seperti biaya tetap dan biaya variabel. Dari kategori-kategori tersebut dipisahkan menjadi beberapa sub kategori, seperti biaya perawatan dan biaya bahan bakar. Sedangkan suatu kategori-sub kategori tersebut kemudian dipisahkan lagi menjadi beberapa variabel, seperti jarak tempuh kendaraan dan waktu tempuh kendaraan. Kemudian dengan menghitung unit koefisien untuk setiap faktor dapat dibentuk persamaan dengan banyak variabel (Convero, 1982 dikutip dari Ismanto, 2000).

Keuntungan dari pendekatan metode biaya satuan memungkinkan kita untuk meneliti perubahan-perubahan yang terjadi dan memeriksa komponen-komponen biaya tertentu, sehingga setiap perubahan yang terjadi akan dapat diketahui dan diselesaikan selama harga dari jenis-jenis barang dapat diperkirakan atau ditentukan (Morlok, 1995). Metode yang digunakan dalam penelitian ini untuk memperkirakan biaya adalah metode biaya satuan.

BAB III

LANDASAN TEORI

A. Komponen Biaya

Komponen biaya transportasi dapat dibedakan atas biaya tetap dan biaya variabel. Biaya tetap (*fixed cost*) adalah biaya yang tidak bisa dihindari atau ditekan keberadaannya dari suatu operasi, sedangkan biaya variabel adalah biaya yang dapat dihindari atau ditekan, karena biaya ini dapat nol jika kendaraan tidak beroperasi. (Waldiyono, 1986).

B. Komponen Biaya Operasi Kendaraan

Menurut Waldiyono (1986), Komponen biaya operasi kendaraan terdiri dari :

1. Biaya Tetap

Biaya tetap adalah biaya yang tidak tergantung dari tingkat lalu lintas pada jalur, sehingga keberadaan biaya ini tidak bisa dihindarkan dan ditekan. Biaya ini terdiri dari :

a). Biaya Ijin dan Administrasi

Biaya yang harus dikeluarkan untuk perijinan dan administrasi. Biaya ini terdiri dari :

- 1) Surat Tanda Nomor Kendaraan (STNK) yaitu biaya yang dikeluarkan pemilik atau pengemudi untuk setiap kendaraan yang menggunakan jalan umum.

2. Ijin Usaha, yaitu biaya yang dikeluarkan untuk memperoleh ijin dalam perusahaan kendaraan angkutan umum.
3. Ijin Trayek, yaitu biaya yang dikeluarkan untuk memperoleh ijin pengoperasian kendaraan untuk melayani suatu trayek tertentu.
4. Organda, yaitu iuran yang dikeluarkan bagi organisasi angkutan darat.
5. KIR, yaitu biaya yang dikeluarkan untuk pemeriksaan kendaraan secara teknis dapat layak atau tidaknya beroperasi dijalan raya.
6. Koperasi, yaitu iuran yang dikeluarkan untuk kesejahteraan dan kesehatan operator angkutan penumpang umum. Dana koperasi ini juga digunakan untuk menutup biaya *overhead*

Untuk menghitung biaya tetap per tahun digunakan rumus sebagai berikut:

$$BT = PK + IU + IT + IO + KIR + KOP$$

Dengan :

| | |
|-----|-----------------------------------|
| BT | : Biaya Tetap, per tahun |
| PK | : Pajak kendaraan STNK, per tahun |
| IU | : Ijin Usaha, per tahun |
| IT | : Ijin trayek |
| IO | : Iuran organda, per tahun |
| KIR | : Biaya KIR kendaraan, per tahun |
| KOP | : Iuran Koperasi, per tahun |

2. Biaya Variabel

Biaya variabel adalah biaya yang dapat dihindari atau ditekan, sehingga biaya ini bisa berubah-ubah (tidak tetap) apabila terjadi perubahan pada volume produksi jasa.

Biaya-biaya variabel terdiri dari :

a) Pengeluaran sopir dan kondektur

Biaya yang dikeluarkan sopir dan kondektur pada saat beroperasi, seperti pembelian BBM, retribusi terminal, uang makan, upah operator, cuci mobil, timer.

b) Biaya pemeliharaan dan perawatan

Biaya yang dikeluarkan untuk merawat dan memperbaiki kendaraan dari kerusakan yang terjadi, meliputi *service* dan turun mesin (*overhaul*)

c) Biaya suku cadang dan minyak pelumas

Biaya yang dikeluarkan untuk pembelian minyak pelumas dan pengantian suku cadang kendaraan yang rusak seperti:

1. Ban

2. Roda depan

3. Roda belakang

4. Gardan

5. Mesin

6. Perseneling

7. Listrik

Untuk menghitung biaya variabel per tahun digunakan rumus :

Dengan :

BV : Biaya variabel, per tahun

BN : Biaya pemakaian ban, per tahun

PP : Biaya pemeliharaan dan perawatan, per tahun

O : Biaya pemakaian pelumas/oli, per tahun

SC : Biaya suku cadang, per tahun

3. Biaya Kepemilikan Aset

Perhitungan biaya ini dapat dipermudah dengan memisahkan beberapa komponen biaya dari biaya tetap dan biaya variabel. Komponen-komponen biaya tetap tersebut adalah cicilan bank, angsuran kendaraan, dan asuransi. Sedangkan komponen biaya variabel yang dimaksud adalah biaya depresiasi. Biaya-biaya ini dikelompokan kedalam biaya kepemilikan aset, karena biaya-biaya ini berkaitan dengan kepemilikan aset, pengadaan aset, dan proteksi terhadap aset.

Biaya kepemilikan aset ini memiliki jumlah yang berbeda tiap tahun selama masa ekonomisnya, sampai masa pembayarannya selesai, yang dibayarkan baik kendaraan itu beroperasi ataupun tidak. Hal tersebut berlaku baik untuk komponen biaya kepemilikan aset yang berasal dari biaya tetap ataupun yang berasal dari biaya variabel.

Komponen-komponen dari biaya kepemilikan aset adalah:

- a. Biaya depresiasi atau penyusutan.

Biaya penyusutan nilai kendaraan adalah biaya yang dikeluarkan atas penyusutan nilai kendaraan karena berkurangnya nilai ekonomis kendaraan yang bersamaan bertambahnya waktu. Besarnya nilai penyusutan nilai kendaraan ini dihitung dengan metode keseimbangan menurun (*declining balanced method*) metode ini beranggapan bahwa penyusutan suatu nilai barang adalah lebih cepat pada tahun-tahun awal dari usia kegunaannya yang biasanya ditentukan dengan tingkat penyusutan tertentu. Metode ini mengisyaratkan bahwa nilai jual kembali dari suatu aset adalah harus lebih besar dari pada nol.

Untuk menentukan besar biaya depresiasi digunakan rumus:

Dengan :

Dt : Penyusutan pada tahun ke t

R : Tingkat penyusutan

B_{t-1} : Nilai aset pada tahun sebelumnya

n : Umur ekonomis kendaraan

- b. Biaya premi asuransi.

Biaya asuransi adalah biaya untuk membayar tarif premi tahunan.

Dengan membayar asuransi kendaraan dan operator, pemilik

kendaraan akan terlepas dari resiko membayar akibat kecelakaan atau kehilangan kendaraan.

Untuk menghitung biaya asuransi per tahun digunakan rumus:

Dengan:

Atur : Asuransi pada tahun ke t

Tp : Tingkat premi

Bt : Nilai aset pada tahun ke t

Jadi untuk menghitung biaya KPA per tahun digunakan rumus :

Dengan;

KPAt : biaya kepemilikan aset pada tahun ke t

Dt : biaya depresiasi kendaraan pada tahun ke t

Atur : biaya asuransi pada tahun ke t

4. Discount Factor

Untuk menghitung biaya operasi kendaraan tahunan perlu juga diperhatikan adanya pengaruh tingkat pertumbuhan pada suatu nilai barang jika ditinjau pada suatu tahun ke t. untuk itu digunakan *discount factor* pada komponen biaya tetap dan biaya variabel.

Dengan:

i : Tingkat bunga per tahun

n : Umur ekonomis kendaraan

5. Present Value

Untuk menghitung nilai BOKt, maka masing-masing nilai BOKt pada tahun tersebut harus dihitung dengan *present value*. Rumus yang digunakan:

Dengan :

PV : *Present value*

BOKt : Biaya operasi kendaraan pada tahun ke t

6. Annual Value

Setelah BOKt dihitung dengan *present value*, kemudian dihitung dengan *annual value* selama masa ekonomis. Rumus yang digunakan :

$$AVofBOK = PVofBOK \times \frac{i(1+i)^n}{(1+i)^n - 1} \quad \dots \dots \dots \quad (3.9)$$

Dengan:

AV : Annual Value

PV : Present Value

BOKt : Biaya operasi kendaraan pada tahun ke-t

i : Tingkat bunga per tahun

n : Umur ekonomis kendaraan

7. Biaya Lain-lain

Yang termasuk di dalam biaya lain-lain adalah:

a. Biaya *Overhead*

Biaya *overhead* adalah biaya yang dikeluarkan untuk membayai aktivitas tetap, yang mencakup biaya-biaya gaji dan tunjangan, staf administrasi, teknik, direksi, serta biaya pengelolaan administrasi perusahaan dan biaya-biaya yang lain yang tidak tercakup dalam komponen-komponen biaya tetap dan biaya variabel diatas. Untuk menghitung biaya *overhead* angkutan umum digunakan rumus:

$$BO = GU + PD + AKD + PA + MK + AD + PD + OP + PB \dots \dots \dots (3.10)$$

Dengan:

BO : Biaya *overhead* per tahun

GU : Biaya gaji, upah, dan tunjangan pegawainon *crew* per tahun

PD : Biaya pakaian dinas pegawai *non crew* per tahun

AKD : Biaya AKD dan pengobatan pegawai *non crew* per tahun

PA : Biaya pangan pegawai *non crew* per tahun

MK : Biaya pemeliharaan kantor dan peralatannya per tahun

AD : Biaya administrasi kantor per tahun

PD : Biaya perjalanan dinas pegawai dan transportasi per tahun

OP : Biaya listrik, air, dan telepon per tahun

PB : Biaya pajak bumi dan bangunan per tahun

b. Biaya tak terduga

Biaya ini mencakup biaya tambahan yang harus dikeluarkan untuk hal-hal yang tak terduga oleh pengemudi kendaraan, seperti pungutan diluar ketentuan yang berlaku.

C. Keuntungan

Keuntungan adalah besarnya pendapatan yang diperoleh pemilik kendaraan. Pemilik kendaraan memperoleh keuntungan dari setoran per hari dikurangi dengan jumlah biaya operasi kendaraan per hari (tanpa pengeluaran untuk bahan bakar). Dalam penelitian ini digunakan asumsi keuntungan yang diperoleh pemilik kendaraan adalah sebesar 10% dari biaya operasi kendaraan tahunan.

Besarnya keuntungan dihitung dengan rumus:

Dengan:

K : Besarnya keuntungan

BOK : Besarnya biaya operasi kendaraan

Jadi secara umum biaya operasi kendaraan total adalah jumlah dari semua komponen biaya operasi kendaraan, yaitu:

$$BOK = BT + BV + KPA + K + BO \quad \dots \dots \dots \quad (3.12)$$

Dengan:

BOK : Biaya operasi kendaraan

BT : Biaya tetap

BV : Biaya variabel
 KPA : Biaya kepemilikan aset
 K : Keuntungan
 BO : Biaya *overhead*

D. *Expected Benefit*

Expected Benefit adalah besarnya keuntungan bersih yang diharapkan oleh pemilik kendaraan setelah dikurangi sejumlah biaya untuk pengeluaran. Untuk mencari *Expected Benefit* digunakan aliran dana (*cash flow*) dari beberapa komponen biaya. Dalam aliran dana ini ada beberapa komponen biaya yang dikalikan dengan rumus-rumus aliran dana untuk menghitung nilai uang. Dalam penelitian ini digunakan dua macam rumus aliran dana, yaitu:

1. Single Payment Present Worth

Dengan:

i : tingkat suku bunga per periode

n : periode atau waktu pemakaian

2. Uniform Series Present Worth

Dengan:

i : tingkat suku bunga

n : periode atau waktu pemakaian

E. Tarif

Tarif jasa angkutan adalah pembayaran yang diberikan konsumen selaku pemakai jasa kepada produsen selaku penyedia jasa atau pelayanan jasa yang diterima konsumen. Besarnya tarif sangat bervariasi, tergantung jenis dan karakteristik angkutan dan tipe jasa pelayanannya.

1. Sistem Tarif

Sistem penetapan tarif angkutan pada suatu rute perjalanan sangat memiliki arti penting dalam pengelolaan usaha angkutan. Penetapan tarif yang sesuai harus dilakukan agar tarif yang ditetapkan oleh pihak yang berwenang memberi kesan yang adil. Sistem tarif yang umum digunakan ada 2 macam yaitu: *fixed rate* (tarif tetap) dan *flexible rate* (tarif fleksibel).

Yang dimaksud dengan *fixed rate* adalah tarif tetap yang dikenakan kepada penumpang yang tidak tergantung terhadap jarak yang ditempuhnya. Jadi baik untuk jarak yang dekat maupun jarak yang jauh, penumpang dikenakan tarif yang sama besar. Tarif *fixed rate* diberlakukan pada jenis angkutan penumpang umum kota.

Yang dimaksud dengan *flexible rate* adalah tarif yang dibayarkan oleh penumpang sesuai dengan jarak yang ditempuhnya. Jadi untuk jarak dekat penumpang akan membayar tarif yang lebih murah dari pada penumpang yang menempuh jarak yang lebih jauh.

2. Penetapan Tarif

Agar dihasilkan tarif yang berkesan adil maka dalam penetapan tarif harus benar-benar sesuai dengan biaya operasi kendaraan ditambah dengan keuntungan dibagi dengan jumlah penumpang. Pada angkutan penumpang umum bus kota, besar tarif tiap trayek yang berbeda jaraknya dikenakan nilai yang sama. Selain itu terdapat perlakuan yang berbeda antara penumpang umum atau mahasiswa dengan penumpang pelajar. Hal ini berdasarkan kebijakan pemerintah untuk memberikan subsidi kepada penumpang pelajar. Jadi secara umum tarif angkutan penumpang umum bus kota dapat ditentukan dengan rumus:

$$\text{Tarif (Rp/pnp)} = \frac{EB(Rp/hari)}{Jpu(pnp/hari) + y \cdot Jpp(pnp/hari)} \quad \dots \dots \dots (3.15)$$

Dengan :

EB : Pemasukan perhari

Jpu : Jumlah penumpang umum atau mahasiswa

Jpp : Jumlah penumpang pelajar

y : Pembanding antara tarif pelajar dengan penumpang umum atau mahasiswa

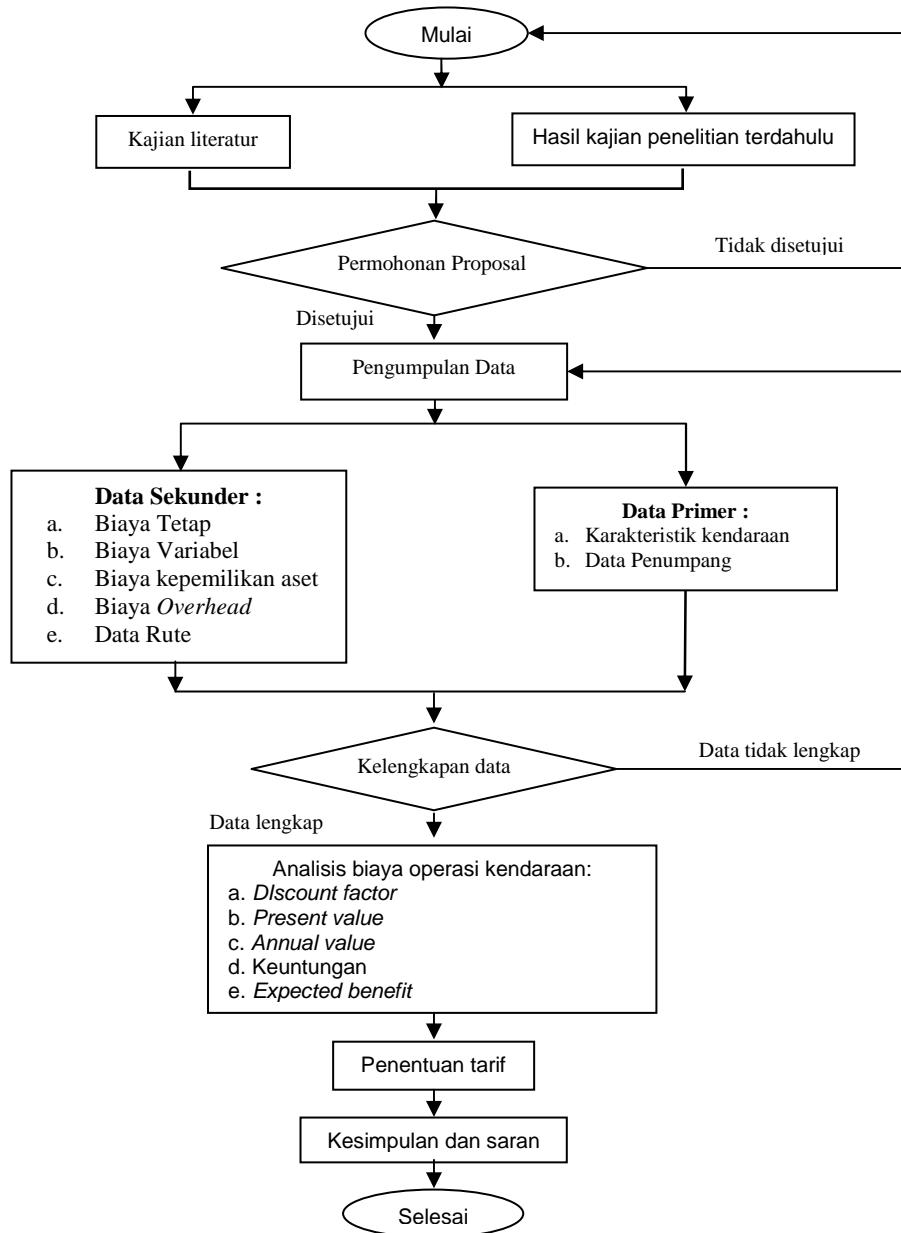
Untuk Daerah Istimewa Yogyakarta nilai y yang berlaku pada saat penelitian yaitu tarif penumpang pelajar Rp 1000, sedangkan tarif umum atau mahasiswa Rp 2000 jadi besarnya nilai $y = \text{Rp } 1000 : \text{Rp } 2000 = 0,5$, maka penelitian ini nilai y yang digunakan adalah 0,5 seperti yang telah berlaku saat ini.

BAB IV

METODOLOGI PENELITIAN

A. Tahapan Penelitian

Tahapan penelitian yang dilakukan tercantum dalam gambar 4.1 berikut:



Gambar 4.1 Tahapan Penelitian

B. Metode Pengumpulan Data

Metode pengumpulan data dalam penelitian ini dilakukan melalui beberapa cara, antara lain:

1. Metode Observasi

Metode Observasi yaitu metode pengambilan data dengan cara melakukan pengamatan secara sistematis terhadap gejala yang diteliti. Data yang diperoleh yaitu data penumpang dan karakteristik kendaraan.

2. Studi Pustaka

Metode Studi Pustaka yaitu metode untuk mendapatkan landasan teori terhadap masalah yang dibahas dengan cara membaca dan memahami buku-buku atau media lain yang berhubungan dengan masalah yang dibahas.

3. Metode Interview

Metode Interview yaitu metode pengambilan data dengan cara melakukan tanya jawab sepihak dengan pihak-pihak yang bersangkutan. Terutama dengan pemilik perusahaan dan operator yang dikerjakan secara sistematis dan berlandaskan pada tujuan penelitian. Data yang diperoleh yaitu biaya tetap, biaya variabel, biaya kepemilikan aset, biaya *overhead*, dan data rute bus.

.

C. Data Yang Diperlukan

Pada penelitian ini ada dua macam data yang digunakan yaitu data primer dan data sekunder. Data Primer adalah data yang dikumpulkan atau didapat secara langsung dilapangan yang diperoleh pada waktu survei. Data Sekunder adalah data yang diperoleh dari mengambil data yang sudah ada, baik itu dari survei sebelumnya atau dari instansi-instansi terkait.

1. Data Primer

Data yang termasuk ke dalam kategori data primer adalah :

- a). Karakteristik Kendaraan
 - 1). Harga kendaraan.
 - 2). Jumlah rit dalam satu hari
 - 3). Jumlah hari operasi dalam satu bulan
- b). Data Penumpang
 - 1). Jumlah penumpang yang naik tiap rit

2. Data Sekunder

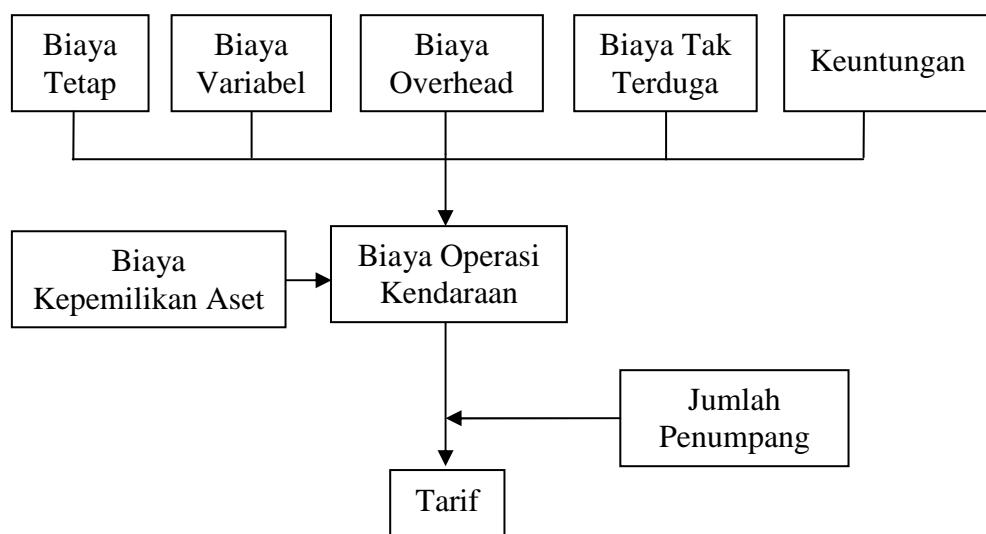
Data yang termasuk dalam kategori data sekunder adalah :

- a). Biaya Tetap
- b). Biaya Variabel
- c). Biaya kepemilikan aset
- d). Biaya *Overhead*
- e). Data rute
 - 1). Daftar rute atau daerah yang dilewati
 - 2). Panjang rute untuk tiap trayek

3). Jumlah Kendaraan yang beroperasi untuk tiap trayek.

D. Alur Penentuan Tarif dan BOK

Pada penelitian ini digunakan metode evaluasi biaya operasi kendaraan (BOK) dalam penelitian tarif. Tarif diperoleh dari besarnya biaya operasional dan biaya lainnya yang dibebankan kepada masing-masing penumpang. Penentuan tarif atas dasar biaya biaya operasi kendaraan dijelaskan dalam gambar 4.2



Gambar 4.2 Alur Penentuan Tarif

1. Biaya Operasi Kendaraan (BOK)

Dari data yang diperoleh, maka langkah-langkah yang dilakukan dalam menghitung biaya operasi kendaraan per tahun adalah sebagai berikut :

- a) Penentuan Biaya Tetap

1) Menghitung biaya administrasi

Menghitung biaya tetap dengan persamaan (3.1)

b) Penentuan Biaya Variabel

1) Menghitung biaya pemakaian ban

2) Menghitung biaya pemeliharaan dan perawatan

3) Menghitung biaya pemakaian pelumas

4) Menghitung biaya pemakaian suku cadang

Menghitung biaya variabel dengan menggunakan persamaan (3.2)

c) Menghitung biaya kepemilikan aset

1) Menghitung biaya depresiasi dengan persamaan (3.3) dan (3.4)

2) Menghitung biaya premi asuransi dengan persamaan (3.5)

Menghitung biaya kepemilikan aset dengan persamaan (3.6)

d) Menghitung biaya *overhead* dengan persamaan (3.10)

e) menghitung biaya tak terduga

f) Menghitung keuntungan dengan persamaan (3.11)

g) Menghitung Biaya Operasi Kendaraan dengan persamaan (3.12)

2. Penumpang

Pada penelitian ini data penumpang bus kota diperoleh dengan hasil survei yang dilakukan terhadap angkutan umum bus kota milik koperasi pengusaha angkutan kota Kopata yang beroperasi pada jalur 06 di Daerah Istimewa Yogyakarta. Survei dilakukan tiga hari yaitu hari sabtu tanggal 08 September 2007 mewakili hari biasa, hari minggu tanggal 09

September 2007 mewakili hari libur, dan hari senin tanggal 10 September 2007 mewakili hari sibuk. Survei dimulai dari jam 07.15 sampai dengan jam 18.10 WIB. Data yang diperoleh selama survei tiga hari diperkirakan sudah cukup mewakili dari data jumlah penumpang pada angkutan umum bus kota Kopata jalur 06

BAB V

PENGUMPULAN DATA DAN ANALISIS

A. Data Rute Kendaraan

Salah satu armada angkutan umum bus perkotaan di Kotamadya Yogyakarta adalah Armada Kopata yang terdiri dari 202 armada dengan jalur yang dilayani 7 jalur yaitu jalur : 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9. data ini diperoleh dari Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Kopata Yogyakarta untuk bulan September 2007.

Dalam penulisan ini, definisi satu rit adalah operasi angkutan penumpang yang dilakukan oleh bus kopata dimulai dari terminal giwangan masuk lagi ke terminal giwangan. Definisi waktu tempuh per rit adalah waktu yang dibutuhkan oleh bus kopata untuk melakukan operasi yang dimulai dari terminal giwangan kembali ke terminal giwangan, tidak termasuk di dalamnya waktu tunggu atau antri di terminal untuk memperoleh giliran melakukan operasi. Trayek atau rute bus kota jalur 06 dapat dilihat pada table 5.1 berikut :

Tabel 5.1 Trayek atau rute jalur 06 bus Kopata

| No Jalur | Trayek | Jarak rit (km) | Jumlah rit (perhari) | Hari operasi (perbulan) |
|----------|---|----------------|----------------------|-------------------------|
| 06 | Terminal Giwangan- Jl.Kemasan-Jl.Ngeksigondo-Jl.Perintis Kemerdekaan-Jl. Kusumanegara-Jl. Sultan Agung-Jl. Gajahmada-Jl. Hayam wuruk-Jl.Dr.Wahidin-Jl.Prof.Dr.Yohanes- RS.Dr.Sarjito-Bunderan UGM-Jl.Jendral Soedirman- Kridosono-Lempuyangan-Jl.Hayam wuruk-Jl. Gajah mada-Jl.Sultan Agung-Jl. Kusumanegara-Jl.Veteran-Jl.Gambiran-Jl.Pramuka- Terminal Giwangan | 24 | 6 | 20 |

Sumber : Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Kopata Yogyakarta (2007)

B. Biaya Operasi Kendaraan

Dalam penelitian ini untuk memperoleh data biaya tetap dan biaya variabel dilakukan dengan cara melakukan wawancara pada pihak-pihak yang terkait dalam hal ini adalah Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Yogyakarta, Juga Operator angkutan. Adapun biaya tetap dan biaya variabel (tentang komponen biaya, durasi waktu, konsumsi pemakai) yang digunakan dalam perhitungan adalah perincian biaya-biaya yang didapat dari koperasi pengusaha angkutan kota yogyakarta pada bulan september 2007.

Pada tabel 5.2 dapat dilihat perincian biaya tetap bus kota jalur 06 kopata

Tabel 5.2 Perincian biaya tetap bus kota Kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Periode | Harga Satuan (Rp) |
|----|-------------------|---------|-------------------|
| 1 | Pajak Kendaraan | 1 Tahun | 192.000 |
| 2 | Biaya Ijin Usaha | 5 Tahun | 200.000 |
| 3 | Biaya Ijin Trayek | 5 Tahun | 160.000 |
| 4 | K.P | 6 Bulan | 20.000 |
| 5 | Biaya KIR | 6 Bulan | 36.000 |
| 6 | Iuran Organda | 6 Bulan | 16.000 |
| 7 | Iuran Koperasi | 1 Bulan | 200.000 |

Sumber : Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Kopata Yogyakarta (2007)

Pada tabel 5.3. dibawah ini dapat dilihat perincian biaya variabel

Tabel 5.3. Perincian biaya variabel bus kota Kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Periode | Konsumsi | Harga satuan (Rp) |
|----|--|--|--------------------------|--|
| 1 | Pengeluaran Sopir Dan Kondektur A. Biaya BBM (Solar) B. Retribusi Terminal C. Lain-Lain - Uang Makan - Upah Operator - Cuci Mobil - Timer | 1 Hari 1 Hari 1 Hari 1 Minggu 1 Hari | 25 Liter 6 2 18 | 4.300 1.200 30.000 60.000 5.000 1.000 |
| 2 | Biaya Pemeliharaan dan perawatan - Overhaul Body - Overhaul Mesin | 5 Tahun 3 Tahun | | 5.000.000 4.000.000 |
| 3 | Biaya Suku cadang dan minyak pelumas A. Ban - Ban Dalam - Ban Luar (vulkanisir) B. Roda depan | 1 Tahun 3 Bulan | 6 6 | 90.000 350.000 |

| | | | | |
|--|-------------------------|-----------|----|----------|
| | - Laqer luar | 2 Tahun | 4 | 35.000 |
| | - Laqer dalam | 2 Tahun | 4 | 45.000 |
| | - Kampas rem | 3 Bulan | 4 | 30.000 |
| | - Tirot | 2 Tahun | 2 | .100.000 |
| | - King pen | 1 Tahun | 2 | 300.000 |
| | C. Roda belakang | | | |
| | - Kampas rem | 3 bulan | 4 | 10.000 |
| | - Laqer luar | 2 tahun | 4 | 75.000 |
| | - Laqer dalam | 2 tahun | 4 | 90.000 |
| | - Karet per | 6 bulan | 12 | 15.000 |
| | - Sil roda | 1 tahun | 12 | 5.000 |
| | - Karet sokbeker | 1 tahun | 8 | 2.000 |
| | D. Gardan | | | |
| | - Sil gardan | 1 tahun | 3 | 40.000 |
| | - Kris kopel | 1 tahun | 3 | 45.000 |
| | - Oli gardan | 4 bulan | 3 | 17.000 |
| | E. Mesin | | | |
| | - Pompa air | 2 tahun | 1 | 175.000 |
| | - Tali kipas | 1 tahun | 1 | 40.000 |
| | - Filter oli | 2 bulan | 1 | 25.000 |
| | - Filter udara | 1 tahun | 1 | 30.000 |
| | - Sil kruk as | 1 tahun | 1 | 65.000 |
| | - Oli mesin | 1 bulan | 7 | 13.000 |
| | - Slang radiator | 1 tahun | 2 | 25.000 |
| | F. Vreseneleng | | | |
| | - Kampas kopling | 6 bulan | 1 | 150.000 |
| | - Drek laqer | 1 tahun | 1 | 105.000 |
| | - Plendes | 1 tahun | 1 | 250.000 |
| | - Garpu vresneleng | 1 tahun | 1 | 200.000 |
| | - Oli vresneleng | 6 bulan | 3 | 15.000 |
| | G. Listrik | | | |
| | - Accu | 1,5 tahun | 2 | 375.000 |
| | - Bola lampu | 1 tahun | 2 | 30.000 |
| | - Flasher | 6 bulan | 1 | 25.000 |
| | - Swit rem | 6 bulan | 1 | 15.000 |

Sumber : Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Kopata Yogyakarta (2007)

C. Data Jumlah Penumpang

Angkutan umum bus kota mempunyai karakteristik penumpang yang berbeda dengan penumpang angkutan umum luar daerah, karena pada penumpang angkutan bus kota terdapat perbedaan perlakuan antara penumpang umum biasa atau mahasiswa dengan penumpang pelajar dalam tarif yang harus dibayarkan. Dalam hal ini pihak koperasi pengusaha angkutan kota memberikan subsidi terhadap pelajar yaitu sebesar selisih

antara tarif yang dibayarkan oleh penumpang umum atau mahasiswa dengan tarif pelajar.

Data penumpang diperoleh dari survei yang dilakukan selama tiga hari pada bus kota kopata yogyakarta jalur 06 pada tanggal 8, 9, 10 september 2007.

Tabel berikut ini adalah karakteristik penumpang bus kota Kopata jalur 06.

Tabel 5.4 Karakteristik penumpang bus kota Kopata jalur 06

| Jalur | Hari/Tanggal | Jam operasi (WIB) | Jumlah Penumpang | |
|--------|----------------------------|----------------------|------------------|---------|
| | | | Umum/Mahasiswa | Pelajar |
| 06 | Sabtu 8 september 2007 | 07.15-09.15 | 54 | 4 |
| | | 09.20-11.15 | 21 | 5 |
| | | 11.40-13.25 | 53 | 23 |
| | | 13.40-15.25 | 56 | 45 |
| | | 15.33-17.10 | 64 | 7 |
| | | 17.15-19.05 | 47 | 2 |
| 06 | Minggu 9 september 2007 | 07.10-08.55 | 22 | - |
| | | 09.15-10.51 | 51 | - |
| | | 11.15-13.05 | 71 | - |
| | | 13.20-15.00 | 56 | - |
| | | 15.25-17.10 | 58 | - |
| | | 17.15-18.55 | 29 | - |
| 06 | Senin 10 September 2007 | 06.05-08.15 | 41 | 19 |
| | | 08.25-10.25 | 32 | 8 |
| | | 10.28-12.32 | 43 | 11 |
| | | 12.42-14.50 | 45 | 37 |
| | | 15.05-17.00 | 57 | 9 |
| | | 17.05-18.55 | 35 | 7 |
| Jumlah | | | 835 | 177 |

Sumber : Hasil survei Penumpang Tanggal 8, 9, 10 September 2007

Dari tabel 5.4 dapat diketahui bahwa jumlah penumpang rata-rata tiap rit adalah:

$$\text{Umum/Mahasiswa} = 835/18 = 46,39 \approx 46 \text{ orang/rit}$$

$$\text{Pelajar} = 177/12 = 14,75 \approx 15 \text{ orang/rit}$$

D. Analisis Biaya Operasi Kendaraan

Biaya Operasi kendaraan dianalisis dengan menggunakan data yang telah diperoleh dari hasil survei dan wawancara pada koperasi pengusaha angkutan kota yogyakarta, operator bus serta sumber-sumber informasi lainnya. Untuk mempermudah dan memperjelas maka perhitungan mengenai biaya operasi kendaraan ini dijadikan dalam satu tahun sebagai dasar perhitungan.

1. Biaya Tetap

Perhitungan untuk biaya tetap pada angkutan kota Kopata yogyakarta jalur 06 dapat dilihat pada Tabel 5.5 dibawah:

| No | Komponen Biaya | Durasi | Harga satuan (Rp) | Biaya (Rp/Tahun) |
|-----------------------|-------------------|---------|-------------------|------------------|
| 1 | Pajak Kendaraan | 1 Tahun | 192.000 | 192.000 |
| 2 | Biaya Ijin Usaha | 5 Tahun | 200.000 | 40.000 |
| 3 | Biaya Ijin Trayek | 5 Tahun | 160.000 | 32.000 |
| 4 | K.P | 6 Bulan | 20.000 | 40.000 |
| 5 | Biaya KIR | 6 Bulan | 36.000 | 72.000 |
| 6 | Iuran Organda | 6 Bulan | 16.000 | 32.000 |
| 7 | Iuran Koperasi | 1 Bulan | 200.000 | 2.400.000 |
| Biaya Total per tahun | | | | 2.808.000 |

Sumber : hasil analisis (2007)

Jarak tempuh per rit : 24 km

Jumlah rit per hari : 6 rit

Jarak tempuh per hari : $24 \times 6 = 144$ km

Hari operasi per bulan : 20 hari

Hari operasi per tahun : $20 \times 12 = 240$ hari

2. Biaya Variabel

Hasil perhitungan biaya variabel untuk bus kota kopata jalur 06 dapat dilihat pada tabel 5.6

Tabel 5.6 perhitungan biaya variabel bus kota kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Periode | Konsumsi | Harga satuan (Rp) | Biaya (Rp/Tahun) |
|----|---|--|--|---|---|
| 1 | Pengeluaran sopir dan kondektur A. Biaya BBM (Solar) B. Retribusi terminal C. Lain-lain - Uang makan - Upah Operator - Cuci mobil - Timer | 1 Hari 1 Hari 1 Hari 1 Hari 1 Minggu 1 Hari | 25 Liter 6 30.000 60.000 5.000 1.000 | 4.300 1.200 | 25.800.000 1.728.000 7.200.000 14.400.000 240.000 4.320.000 |
| 2 | Biaya Pemeliharaan dan perawatan - <i>Overhaul Body</i> - <i>Overhaul Mesin</i> | 5 Tahun 3 Tahun | | 5.000.000 4.000.000 | 1.000.000 1.000.000 |
| 3 | Biaya Suku cadang dan minyak pelumas A. Ban - Ban Dalam - Ban Luar (vulkanisir) B. Roda depan - Laqer luar - Laqer dalam - Kampas rem - Tirot - King pen C. Roda belakang - Kampas rem - Laqer luar - Laqer dalam - Karet per - Sil roda - Karet sokbeker D. Gardan - Sil gardan - Kris kopel - Oli gardan E. Mesin - Pompa air - Tali kipas - Filter oli - Filter udara - Sil kruk as - Oli mesin - Slang radiator | 1 Tahun 3 Bulan 2 Tahun 2 Tahun 3 Bulan 2 Tahun 1 Tahun 3 bulan 2 tahun 2 tahun 6 bulan 1 tahun 1 tahun 1 tahun 1 tahun 4 bulan | 6 6 4 4 4 2 2 4 4 4 12 12 8 3 3 3 | 90.000 350.000 35.000 45.000 30.000 .100.000 300.000 10.000 75.000 90.000 15.000 5.000 2.000 40.000 45.000 17.000 175.000 40.000 25.000 30.000 65.000 13.000 25.000 | 540.000 8.400.000 70.000 90.000 480.000 50.000 600.000 160.000 150.000 180.000 360.000 60.000 16.000 120.000 135.000 153.000 87.500 40.000 150.000 30.000 65.000 1.092.000 50.000 |

| | | | | | |
|--|-----------------------------------|-----------|---|---------|------------|
| | F. Vreseneleng | | | | |
| | - Kampas kopling | 6 bulan | 1 | 150.000 | 300.000 |
| | - Drek laqer | 1 tahun | 1 | 105.000 | 105.000 |
| | - Plandes | 1 tahun | 1 | 250.000 | 250.000 |
| | - Garpu | | | | |
| | vresneleng | 1 tahun | 1 | 200.000 | 200.000 |
| | - Oli vresneleng | 6 bulan | 3 | 15.000 | 90.000 |
| | G. Listrik | | | | |
| | - Accu | 1,5 tahun | 2 | 375.000 | 467.000 |
| | - Bola lampu | 1 tahun | 2 | 30.000 | 60.000 |
| | - Flasher | 6 bulan | 1 | 25.000 | 50.000 |
| | - Swit rem | 6 bulan | 1 | 15.000 | 30.000 |
| | Biaya variabel total (Rp/tahun) | | | | 70.318.500 |

Sumber : Koperasi pengusaha angkutan kota Yogyakarta dan analisis (2007)

3. Biaya Kepemilikan Aset

Biaya kepemilikan aset dipisahkan dari biaya tetap maupun biaya variabel karena komponen biaya ini terdiri dari biaya depresi dan biaya premi asuransi, yang harus dibayarkan adalah semakin kecil ke tahun-tahun berikutnya, namun tidak dipengaruhi oleh jarak tempuh operasi kendaraan.

Perhitungan biaya kepemilikan aset angkutan kota kopata jalur 06 adalah:

Harga beli kendaraan = Rp.96.000.000 (Tahun 1996)

Masa susutan = 5 tahun

Tingkat suku bunga = 14%/tahun (Bank BRI)

Tingkat premi = 0,5% (Asumsi)

(Sumber : Koperasi pengusaha angkutan kota)

Depresiasi nilai dari kendaraan dicari dengan metode *declining balanced methods* (metode keseimbangan menurun), yaitu dengan metode Rumus 3.3 dan 3.4 yang telah diuraikan pada Bab III.

Perhitungan biaya Kepemilikan aset Bus Kota Kopata jalur 06

a) Biaya depresiasi

$$R_{\max} = \frac{100\%}{n}$$

$$R_{\max} = \frac{100\%}{5}$$

Depresiasi nilai kendaraan pada tahun ke-1 adalah :

$$Dt = \frac{100\%}{n} \times B_o$$

$$Dt = \frac{100\%}{5} \times \text{Rp. } 96.000.000$$

$$= \text{Rp. } 19.200.000$$

maka nilai kendaraan setelah terdepresiasi pada tahun ke-1 adalah:

$$Bt = B_o - Dt$$

$$= \text{Rp. } 96.000.000 - \text{Rp. } 19.200.000$$

$$= \text{Rp. } 76.800.000$$

Tabel 5.7 Perhitungan depresiasi bus kota kopata jalur 06

| Tahun | <i>Declining Balance Methods</i> | |
|-------|----------------------------------|------------|
| | Dt | Bt |
| 0 | - | 96.000.000 |
| 1 | 19.200.000 | 76.800.000 |
| 2 | 15.360.000 | 61.440.000 |
| 3 | 12.288.000 | 49.152.000 |
| 4 | 9.830.400 | 39.321.600 |
| 5 | 7.864.320 | 31.457.280 |

Sumber : Hasil analisis (2007)

b) Biaya premi asuransi

Biaya premi asuransi kendaraan dihitung dengan menggunakan

Rumus 3.5

$$At = Tp \times Bt$$

$$\begin{aligned}
 &= 0,5\% \times \text{Rp. } 76.800.000 \\
 &= \text{Rp. } 384.000
 \end{aligned}$$

Tabel 5.8 Perhitungan biaya depresiasi, biaya premi asuransi, dan biaya kepemilikan aset bus kota kopata jalur 06

| Tahun | Depresiasi (Rp) | Asuransi Kendaraan (Rp) | Biaya KPA (Rp) |
|-------|--------------------|----------------------------|-------------------|
| 0 | - | 480.000 | 480.000 |
| 1 | 19.200.000 | 384.000 | 19.584.000 |
| 2 | 15.360.000 | 307.200 | 15.667.200 |
| 3 | 12.288.000 | 245.760 | 12.533.760 |
| 4 | 9.830.400 | 196.608 | 10.027.008 |
| 5 | 7.864.320 | 157.286 | 8.021.606 |

Sumber : Hasil analisis (2007)

Maka biaya kepemilikan aset pada tahun ke-1 adalah total biaya nilai depresiasi dan biaya asuransi kendaraan, yaitu:

$$\begin{aligned}
 \text{Biaya KPA}_1 &= \text{Rp. } 19.200.000 + \text{Rp. } 384.000 \\
 &= \text{Rp. } 19.584.000
 \end{aligned}$$

Dari hasil analisis diatas, maka biaya operasi kendaraan pada tahun pertama untuk armada bus kopata jalur 06 dapat dihitung dengan menjumlahkan biaya tetap, biaya variabel pada tahun pertama, yaitu :

$$\begin{aligned}
 \text{BOK}_1 &= \text{Rp. } 2.808.000 + \text{Rp. } 70.318.500 \\
 &= \text{Rp. } 73.126.500
 \end{aligned}$$

4. *Discount Factor*

Suatu barang dari tahun ke tahun akan mengalami tingkat pertumbuhan nilai barang, maka digunakan *discount factor*. Komponen yang mengalami *Discount Factor* adalah komponen biaya tetap dan biaya variabel.

$$\text{Discount Factor} = \frac{1}{(1+i)^n}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{(1+14\%)^1} \\
 &= 0,877
 \end{aligned}$$

5. Present Value

Untuk menghitung nilai BOK tahunan, maka masing-masing nilai BOK pada tahun peninjauan tersebut harus dihitung *present value* terlebih dahulu awal tahun. Besarnya *present value of BOK* pada masing-masing tahun peninjauan tersebut sesuai dengan tabel 5.9

Tabel 5.9 Perhitungan BOK bus kota Kopata jalur 06

| Thn | Discount Factor | Biaya Tetap (Rp) | Biaya Variabel (RP) | BOK (Rp) | Biaya KPA (Rp) | PV of BOK (Rp) |
|------------------------------------|-----------------|------------------|---------------------|-------------|----------------|----------------|
| 0 | 1.000 | | | 480.000 | 480.000 | 480.000 |
| 1 | 0,877 | 2.808.000 | 70.318.500 | 73.126.500 | 19.584.000 | 83.715.940 |
| 2 | 0,769 | 3.201.824 | 80.180.730 | 83.382.554 | 15.667.200 | 79.778.384 |
| 3 | 0,675 | 3.650.882 | 91.426.146 | 95.077.028 | 12.533.760 | 76.710.754 |
| 4 | 0,592 | 4.162.921 | 104.248.741 | 108.411.662 | 10.027.008 | 74.206.712 |
| 5 | 0,519 | 4.746.775 | 118.869.716 | 123.616.491 | 8.021.606 | 74.773.564 |
| Jumlah <i>Present Value of BOK</i> | | | | | | 389.665.354 |

Sumber : Hasil analisis (2007)

Maka *PV of BOK* pada tahun ke-1 adalah :

$$PV \text{ of BOK}_1 = BOK_n \times \frac{1}{(1+i)^n} + KPA$$

$$\begin{aligned}
 PV \text{ of BOK}_1 &= Rp.73.126.500 \times 0,877 + 19.584.000 \\
 &= Rp.83.715.940
 \end{aligned}$$

Nilai *PV of BOK* selama masa ekonomi adalah dihitung sebagai berikut

$$PV \text{ of BOK} = PV \text{ of BOK}_0 + PV \text{ of BOK}_1 + PV \text{ of BOK}_2 + PV \text{ of BOK}_3$$

$$+ PV \text{ of BOK}_4 + PV \text{ of BOK}_5$$

$$PV \text{ of BOK} = Rp.480.000 + Rp.83.715.940 + Rp.79.778.384$$

$$+ Rp.76.710.754 + Rp.74.206.712 + Rp.74.773.564$$

$$PV \text{ of BOK} = \text{Rp.}389.665.354$$

6. Annual Value

Setelah didapat nilai total *present value of BOK*, maka dapat dihitung *annual value of BOK* selama masa ekonomis. Nilai dari BOK selama masa ekonomis adalah :

$$AV \text{ of BOK} = PV \text{ of BOK} \times \frac{i(1+i)^n}{(1+i)^n - 1}$$

$$AV \text{ of BOK} = \text{Rp.}389.665.354 \times \frac{14\%(1+14\%)^5}{(1+14\%)^5 - 1}$$

$$AV \text{ of BOK} = \text{Rp.}113.520.773$$

Jadi nilai BOK yang harus ditanggung oleh bus kota Kopata jalur 06 adalah sebesar Rp.113.520.773

E. Biaya Operasi Kendaraan Total

Biaya operasi kendaraan total merupakan penjumlahan BOK tahunan, biaya overhead, biaya tak terduga, dan keuntungan.

1. Biaya overhead

Tabel 5.10 Perhitungan Biaya Overhead bus kota kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Jumlah (orang) | Durasi | Harga Satuan | Biaya Total (Rp/Tahun) |
|--------------|------------------------------|----------------|---------|--------------|------------------------|
| 1 | Gaji upah non crew | 45 | 1 Bulan | 500.000 | 270.000.000 |
| 2 | Pakaian dinas | 45 | 2 Tahun | 150.000 | 3.375.000 |
| 3 | AKD | 45 | 1 Tahun | 20.000 | 900.000 |
| 4 | Uang Makan | 45 | 1 Bulan | 150.000 | 81.000.000 |
| 5 | Pemeliharaan kantor dan alat | | 1 Bulan | 150.000 | 1.800.000 |
| 6 | Administrasi kantor | | 1 Tahun | 1.500.000 | 18.000.000 |
| 7 | Listrik dan telpon | | 1 Bulan | 1.200.000 | 14.400.000 |
| 8 | Perjalanan dinas | | 1 Tahun | 2.000.000 | 2.000.000 |
| 9 | Pajak bumi dan bangunan | | 1 Tahun | 145.000 | 145.000 |
| Jumlah total | | | | | 391.620.000 |

Sumber : Koperasi pengusaha angkutan kota Yogyakarta (2007)

Biaya total overhead sebesar Rp. 391.620.000. Ini semua ditanggung oleh koperasi pengusaha angkutan kota yogyakarta dan biaya ini sudah dibebankan ke seluruh angkutan bus kota kopata berupa iuran koperasi, sehingga biaya overhead ini tidak diperhitungkan lagi pada BOK

2. Biaya tak terduga

Biaya ini dikeluarkan pada setiap angkutan kota yang diberikan untuk hal-hal yang tak terduga oleh pemilik/pengemudi kendaraan, Biaya ini rata-rata per bulannya Rp.20.000. Maka untuk biaya pertahunnya $Rp.20.000 \times 12 = Rp.240.000$

F. Keuntungan

Keuntungan adalah besarnya pendapatan yang diperoleh pemilik kendaraan. Pemilik kendaraan memperoleh keuntungan dari setoran per hari dikurangi dengan jumlah biaya operasi kendaraan per hari.

$$\begin{aligned} K &= 10\% \times BOK \\ &= 10\% \times Rp.113.520.773 \\ &= Rp.11.352.077 \end{aligned}$$

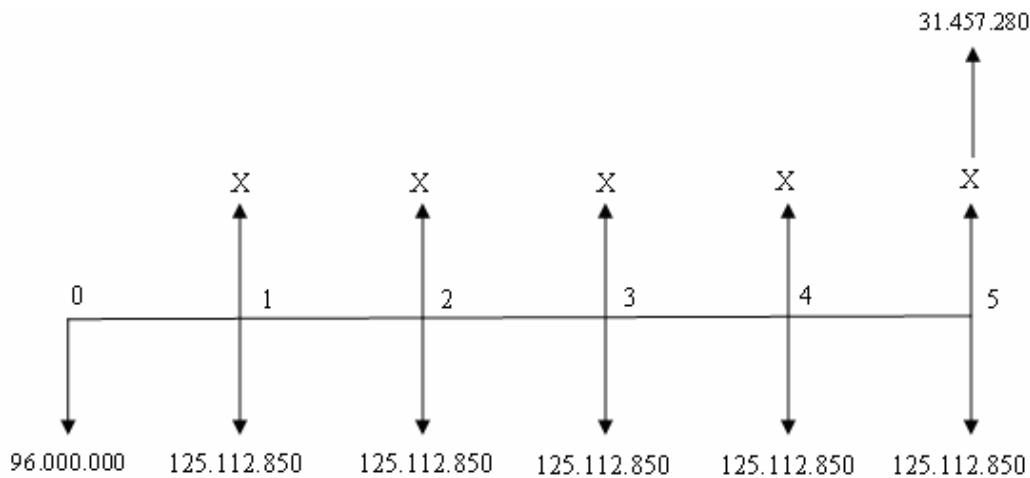
(Sumber : Koperasi pengusaha angkutan kota Yogyakarta)

Dengan diketahuinya nilai BOK tahunan, biaya tak terduga dan keuntungan, maka nilai BOK total dapat dihitung sebagai berikut :

$$\begin{aligned} BOK \text{ total} &= BOK \text{ tahunan} + \text{Keuntungan} + \text{Biaya tak terduga} \\ &= Rp.113.520.773 + Rp.11.352.077 + Rp.240.000 \\ &= Rp.125.112.850 \end{aligned}$$

G. Expected Benefit (EB)

Perhitungan *expected benefit* diperlihatkan pada aliran dana (*cash flow*) berikut :



Gambar 5.1 Aliran dana *Expected Benefit*

Anak panah menyatakan arus kas dan ditempatkan pada akhir periode.

Anak panah kebawah ↓ menyatakan pengeluaran dan anak panah keatas ↑ menyatakan pemasukan. Rp.31.457.280 adalah dana kepemilikan aset pada nilai sisa tahun ke lima. Nilai X adalah pendapatan atau pemasukan dari penumpang, dana pengeluaran yaitu harga beli kendaraan Rp.96.000.000. dana biaya operasi kendaraan Rp.125.112.850. Pada *Cash flow* tersebut diatas maka perlu keseimbangan antara pemasukan (*benefit*) dan pengeluaran (*cost*) dengan tingkat suku bunga 14% dan cara penghitungannya adalah:

1. Uniform Series Present Worth

$$(P/A, i\%, n) = \frac{(1+i)^n - 1}{i(1+i)^n}$$

$$= \frac{(1+14\%)^5 - 1}{14\%(1+14\%)^5}$$

= 3,433

2. Single Payment Present Worth

$$(P/F, i\%, n) = \frac{1}{(1+i)^n}$$

$$= \frac{1}{(1+14\%)^5}$$

$$= 0,519$$

Expected Benefit adalah besarnya pemasukan yang diharapkan oleh pemilik kendaraan setelah dikurangi sejumlah biaya untuk pengeluaran. Aliran dana ini memerlukan keseimbangan antara dana pengeluaran, sehingga perhitungannya sebagai berikut :

Pengeluaran harga beli kendaraan + (dana biaya operasi kendaraan x faktor pengali / (P/F, 14%, 5)) – Nilai sisa kendaraan = X (yang dicari) x faktor pengali (P/A, 14%, 5)

$$96.000.000 + (125.112.850 \times 3,433) - (31.457.280 \times 0,519) = X$$

3,433.....(4.2.)

3.433 X = 509.186.086

$$X = 148.321.027 \dots \quad (4.3.)$$

$$EB = X$$

Jadi pemasukan yang harus didapat per tahun atau $X = \text{Rp. } 148.321.027$

H. Penentuan Tarif

Tarif merupakan jumlah beban biaya operasi kendaraan yang harus ditanggung oleh seluruh penumpang atas jumlah *expected benefit* yang harus dibebankan kepada masing-masing penumpang yang naik. Dengan adanya perbedaan beban pembayaran antara penumpang umum atau mahasiswa dengan penumpang pelajar, maka tarif dapat dihitung dengan menggunakan persamaan 3.15, yaitu sebagai berikut :

$$\text{Pemasukan per bulan} : \text{Rp.}148.321.027 : 12 = \text{Rp.}12.360.086$$

$$\text{Pemasukan per hari} : \text{Rp.}12.360.086 : 20 = \text{Rp.}618.004$$

$$\text{Jumlah penumpang umum/mahasiswa per rit} = 46 \text{ orang}$$

$$\text{Jumlah penumpang pelajar per rit} = 15 \text{ orang}$$

$$\text{Jumlah rit per hari} = 6 \text{ rit}$$

$$\text{Jumlah penumpang umum/mahasiswa per hari} = 46 \times 6 \text{ rit} = 276 \text{ orang}$$

$$\text{Jumlah penumpang pelajar per hari} = 15 \times 6 \text{ rit} = 90 \text{ orang}$$

$$\text{Jarak tempuh per rit} = 24 \text{ km}$$

Tabel 5.11 Rata-rata jumlah penumpang per hari

| No | Jenis penumpang | Jumlah penumpang | Tarif | Pendapatan/hari |
|--------------|-----------------|------------------|-------|-----------------|
| 1 | Umum/mahasiswa | 276 | 2000 | 552.000 |
| 2 | Pelajar | 90 | 1000 | 90.000 |
| Jumlah total | | | | 642.000 |

Sumber : Analisis data

$$\text{Tarif} = \frac{EB(\text{Rp / hari})}{Jpu(pnp / hari) + y \cdot Jpp(pnp / hari)}$$

$$\text{Tarif (Rp/pnp)} = \frac{618.004}{276 + (0,5 \times 90)}$$

$$= \text{Rp.}1.925,25/\text{pnp}$$

$$\begin{aligned}\text{Tarif (Rp/km)} &= \frac{618.004}{[276 + (0,5 \times 90)] \times 24} \\ &= \text{Rp.}80,22/\text{pnp-km}\end{aligned}$$

Berdasarkan atas perhitungan tarif diatas, atas dasar biaya operasi kendaraan didapat tarif setiap penumpang umum/mahasiswa adalah sebesar Rp.1.925,25/penumpang umum/mahasiswa, sedang untuk penumpang pelajar adalah sebesar $0,5 \times \text{Rp.}1.925,25 = \text{Rp.}962,6/\text{penumpang pelajar}$.

Dari hasil hitungan yang dilakukan ditetapkan tarif sebesar Rp.1.925,25/penumpang umum/mahasiswa dan sebesar Rp.962,6/penumpang pelajar.

Tarif ini diharapkan kepada pengelola jasa angkutan umum (dalam hal ini Kopata) dalam menutup biaya operasi kendaraan dan melayani pengguna jasa angkutan umum yang ideal.

Kondisi saat ini dimana tarif penumpang umum/mahasiswa sebesar Rp.2000/penumpang umum/mahasiswa dan penumpang pelajar sebesar Rp.1000/penumpang pelajar dirasa sudah sesuai untuk menjalankan operasi kendaraan, karena tarif penumpang umum/mahasiswa sebesar Rp.2000/penumpang dan tarif pelajar sebesar Rp.1000/penumpang, perusahaan angkutan kota mendapat pemasukan selama 1 tahun sebesar $(276 \times 2000 + 90 \times 1000) \times 240 = \text{Rp.}154.080.000$ maka tarif tersebut dapat menutup semua biaya operasi kendaraan.

Dipihak lain penumpang sebagai pengguna jasa menuntut pelayanan angkutan umum yang aman dan nyaman. Yang pada kenyataannya belum bisa disediakan. Kenyamanan yang diinginkan penumpang yaitu tersedianya

fasilitas bus yang baik diantaranya tempat duduk masih bagus, jendela kaca dapat dibuka, tersedianya korden, kebersihan bus yang terjaga, kondisi bus yang masih baik, serta perjalanan yang tertib sesuai aturan. Dengan kondisi penumpang yang kadang berdesakan menyebabkan pengguna jasa angkutan umum kurang terjamin keamanannya dari tindak kejahatan pencopetan yang sering terjadi.

BAB VI

KESIMPULAN DAN SARAN

A. Kesimpulan

Dari hasil analisis dalam penelitian ini dapat disimpulkan hal-hal sebagai berikut :

1. Besar biaya yang harus dikeluarkan oleh perusahaan angkutan kota berdasarkan analisis biaya operasi kendaraan selama satu tahun untuk satu bus sebesar Rp.125.112.850 per bus
2. Besarnya pemasukan yang didapat oleh pengelola angkutan kota selama satu tahun berdasarkan tarif yang berlaku sekarang sebesar $(276 \times 2000 + 90 \times 1000) \times 240 = \text{Rp.}154.080.000$ per bus
3. Besarnya harga tarif yang didapat berdasarkan hasil analisis biaya operasi kendaraan sebesar Rp.1.925,25.
4. Selisih harga tarif analisis biaya operasi kendaraan dengan tarif yang berlaku sekarang yaitu :
 - a) Untuk penumpang umum/mahasiswa Rp.2000 - Rp.1.925,25= Rp.74,7
 - b) Untuk penumpang pelajar Rp.1000 - Rp.962,6= Rp.37,4

Dengan demikian operator atau pengelola masih mendapatkan keuntungan dari tarif yang berlaku saat ini.

B. Saran

Beberapa saran yang dirasakan perlu sehubungan dengan penelitian ini antara lain:

1. Tingginya harga suku cadang kendaraan menyebabkan rendahnya daya beli pengusaha angkutan, maka pemerintah harus segera mengembangkan industri suku cadang kendaraan untuk mengantisipasi harga suku cadang.
2. Bagi para pengguna diharapkan agar menjaga fasilitas yang ada pada bus agar keamanan dan kenyamanan tetap dapat dirasakan bersama.
3. Jika ada penelitian lagi tentang masalah ini, diharapkan pada peneliti untuk mengambil jalur lain. hal ini dimaksudkan untuk mengetahui tarif optimum bagi jalur lain maupun bagi koperasi angkutan lain, sehingga bisa diambil tarif optimum bagi semua bus kota yang beroperasi di Yogyakarta.
4. Jika ada penelitian lagi tentang masalah ini, diharapkan pada peneliti menggunakan harga BBM dan harga suku cadang yang berlaku sekarang.

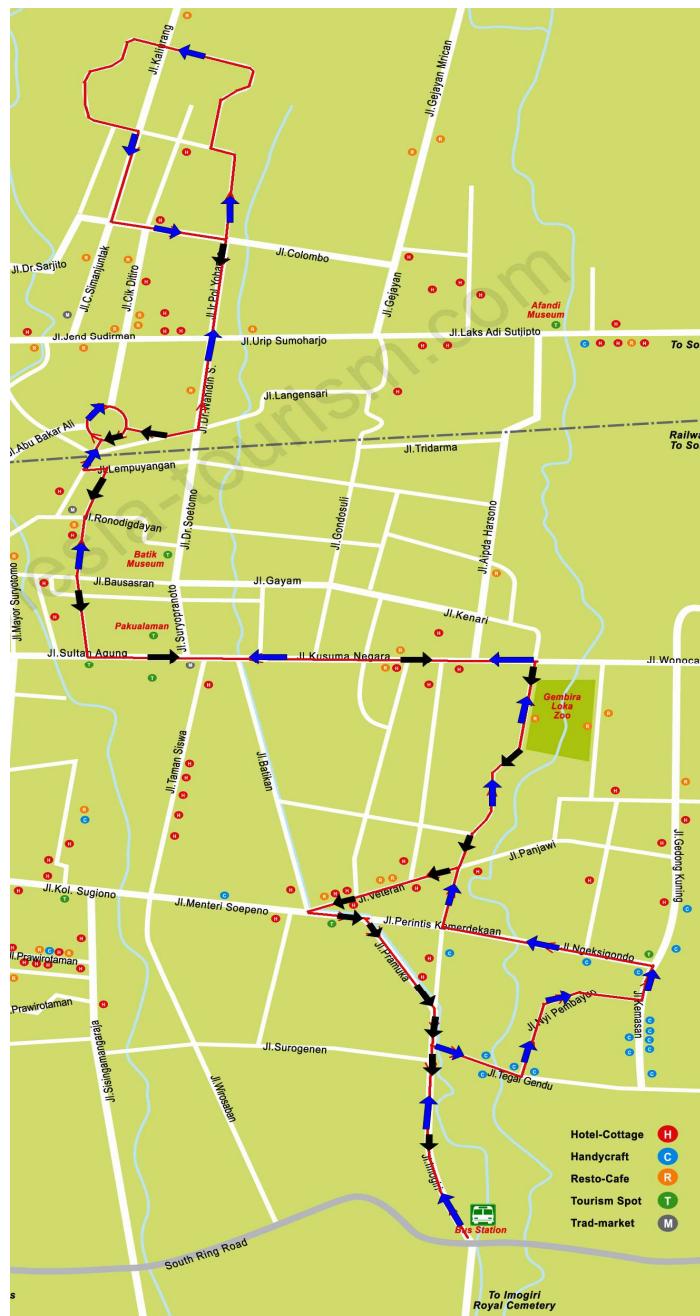
DAFTAR PUSTAKA

- Anonim, 1999, *Modul Pelatihan Perencanaan Sistem Angkutan Umum*, Sub Jurusan Rekayasa Transportasi Jurusan Teknik Sipil ITB, Jurusan Teknik Sipil Universitas Katolik Soegijapranata, Forum Studi Transportasi Antar Perguruan Tinggi (FSTPT).
- Cipta, H.J, 2006 *Analisis Biaya Operasi Kendaraan Dalam Penentuan Tarif Angkutan Perkotaan Daerah Istimewa Yogyakarta (Studi Kasus Angkutan Perkotaan Koperasi Pemuda Jalur 17)*. Tugas Akhir Mahasiswa JTS FT UMY, Yogyakarta
- Degarmo, E.P. 1997, *Ekonomi Teknik*. Alih bahasa Ir. Joseph Setyono, M.Eng.Prenhallindo, Jakarta...
- Morlok. E. K., 1995, Alih Bahasa Ir. John Kelana Putra, *Pengantar Teknik dan Perencanaan Transportasi*, Erlangga, Bandung.
- Riana, S.A, 2004, *Evaluasi Biaya Operasi Kendaraan Dalam Penentuan Tarif Angkutan Kota Daerah Istimewa Yogyakarta (Studi Kasus Bus Perkotaan Puskopkar Jalur 19 DIY)*, Tugas Akhir Mahasiswa JTS FT UMY, Yogyakarta
- Waldiyono, 1986, *Ekonomi Teknik*, Andi Offset, Yogyakarta

LAMPIRAN

PETA RUTE BUS JALUR 6

Terminal Giwangan-Jl.Kemasan-Jl.Ngeksigondo-Jl.Perintis Kemerdekaan-Jl.Kusumanegara-Jl.Sultan Agung-Jl.Gajahmada-Jl.Hayam wuruk-Kridosono-Jl.Dr.Wahidin-Jl.Prof.Dr.Yohanes-RS.Dr.Sarjito-Bunderan UGM-Jl.Prof.Dr.Yohanes-Jl.Dr.Wahidin Kridosono—Lempuyangan-Jl.Hayam wuruk-Jl.Gajah mada-Jl.Sultan Agung-Jl.Kusumanegara-Jl.Veteran-Jl.Gambiran-Jl.Pramuka-Terminal iwangan



RUMUS-RUMUS

Rumus Bunga Majemuk Diskrit

- Mencari Nilai Akan Datang dari Nilai Sekarang ($F/P,i\%,n$)
- Mencari Nilai Sekarang dari Nilai Akan Datang ($P/F,i\%,n$)
- Mencari Nilai Akan Datang dari Nilai Sama Rata ($F/A,i\%,n$)
- Mencari Nilai Sama Rata dari Nilai Akan Datang ($A/F,i\%,n$)
- Mencari Nilai Sekarang dari Nilai Sama Rata ($P/A,i\%,n$)
- Mencari Nilai Sama Rata dari Nilai Sekarang ($A/P,i\%,n$)
- Mencari Nilai Akan Datang dari Nilai Gradient ($F/G,i\%,n$)
- Mencari Nilai Sekarang dari Nilai Gradient ($P/G,i\%,n$)
- Mencari Nilai Sama Rata dari Nilai Gradient ($A/G,i\%,n$)

EKONOMI TEKNIK

| | | | | |
|---------------|-----------|------------------|-------------------|--------|
| Untuk mencari | Diketahui | Faktor pengganda | Nama Faktor | Simbol |
| | | Yang diketahui | fungsional faktor | |

Untuk arus kas tunggal

| | | | |
|---|---|---|-----------------|
| F | P | $(1+i)^n$ Nilai hasil pemajemukan Pembayaran tunggal | $(F/P, i\%, N)$ |
|---|---|---|-----------------|

| | | | |
|---|---|--|-----------------|
| P | F | $\frac{1}{(1+i)^n}$ Nilai sekarang Pembayaran tunggal | $(F/P, i\%, N)$ |
|---|---|--|-----------------|

Untuk deret seragam (anuitas)

| | | | |
|---|---|---|-----------------|
| F | A | $\frac{(1+i)^n - 1}{i}$ Nilai hasil pemajemukan Seri seragam | $(F/A, i\%, N)$ |
|---|---|---|-----------------|

| | | | |
|---|---|---|-----------------|
| P | A | $\frac{(1+i)^n - 1}{i(1+i)^n}$ Nilai sekarang Seri seragam | $(P/A, i\%, N)$ |
|---|---|---|-----------------|

| | | | |
|---|---|---------------------------------------|-----------------|
| A | F | $\frac{i}{(1+i)^n - 1}$ Dana tertanam | $(A/F, i\%, N)$ |
|---|---|---------------------------------------|-----------------|

| | | | |
|---|---|--|-----------------|
| A | P | $\frac{i(1+i)^n}{(1+i)^n - 1}$ Pemulihan modal | $(A/P, i\%, N)$ |
|---|---|--|-----------------|

“i”, suku bunga efektif per periode bunga ; N, banyaknya periode bunga ; A, nilai seri seragam (terjadi akhir setiap periode bunga); F, ekivalen masa depan ; P, ekivalen sekarang

Rumus Factor Fungsional i = 14%, N = 5 Tahun

$$(P/F, i\%, n) = \frac{1}{(1+i)^n}$$

$$= \frac{1}{(1+14\%)^5}$$

$$= 0,519$$

$$(P/A, i\%, n) = \frac{(1+i)^n - 1}{i(1+i)^n}$$

$$= \frac{(1+14\%)^5 - 1}{14\%(1+14\%)^5}$$

$$= 3,433$$

$$(A/P, 14\%, 5) = \frac{i(1+i)^n}{(1+i)^n - 1}$$

$$= \frac{14\%(1+14\%)^5}{(1+14\%)^5 - 1}$$

$$= 0,291$$

“i”, suku bunga efektif per periode bunga ; N, banyaknya periode bunga ; A, nilai seri seragam (terjadi akhir setiap periode bunga); F, ekivalen masa depan ; P, ekivalen sekarang

DAFTAR ISTILAH

1. Annual value = Nilai tahunan
Arus kas pada periode (nilai ekivalen pada akhir periode) dalam bentuk seragam yang berseri kelanjutan selama jumlah periode tertentu.
2. Biaya = Faktor yang menentukan dalam transportasi untuk penetapan tarif, alat kontrol agar dalam pengoperasian mencapai tingkat efektifitas dan efisien
3. Present value = Nilai sekarang
Jumlah uang pada saat ini, nilai ekivalen dari satu atau lebih arus kas pada suatu waktu yang tersebut saat ini.
4. Tarif = Pembayaran yang diberikan konsumen selaku pemakai jasa kepada produsen selaku penyedia jasa yang diterima konsumen.
5. *Single payment present worth* = Pembayaran tunggal harga sekarang
Jumlah nilai uang pada permulaan periode, berdasarkan jumlah uang yang diterima diakhir periode
6. *Uniform series present worth* = Pembayaran seragam harga sekarang
Deretan pembayaran dengan jumlah uang tetap pada setiap kala pembayaran untuk penggunaan-peminjaman uang yang berbunga majemuk.

FORMAT DAFTAR SURVEI PENUMPANG
KOPERASI PENGUSAHA ANGKUTAN KOTA YOGYAKARTA JALUR 06

| Hari/tanggal | Rit | Jam Operasi | Jumlah Penumpang | |
|--------------|-----|-------------|------------------|---------|
| | | | Umum/Mahasiswa | Pelajar |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |

FORMAT DAFTAR SURVEI PENUMPANG
KOPERASI PENGUSAHA ANGKUTAN KOTA YOGYAKARTA JALUR 06

| Hari/tanggal | Rit | Jam Operasi | Jumlah Penumpang | |
|--------------|-----|-------------|------------------|---------|
| | | | Umum/Mahasiswa | Pelajar |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |

FORMAT DAFTAR SURVEI PENUMPANG
KOPERASI PENGUSAHA ANGKUTAN KOTA YOGYAKARTA JALUR 06

| Hari/tanggal | Rit | Jam Operasi | Jumlah Penumpang | |
|--------------|-----|-------------|------------------|---------|
| | | | Umum/Mahasiswa | Pelajar |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |

FORMAT DAFTAR SURVEI PENUMPANG
KOPERASI PENGUSAHA ANGKUTAN KOTA YOGYAKARTA JALUR 06

| Hari/tanggal | Rit | Jam Operasi | Jumlah Penumpang | |
|--------------|-----|-------------|------------------|---------|
| | | | Umum/Mahasiswa | Pelajar |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| | | | | |
| Jumlah | | | | |

Perincian biaya tetap bus kota Kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Periode | Harga Satuan (Rp) |
|----|-------------------|---------|-------------------|
| 1 | Pajak Kendaraan | 1 Tahun | 192.000 |
| 2 | Biaya Ijin Usaha | 5 Tahun | 200.000 |
| 3 | Biaya Ijin Trayek | 5 Tahun | 160.000 |
| 4 | K.P | 6 Bulan | 20.000 |
| 5 | Biaya KIR | 6 Bulan | 36.000 |
| 6 | Iuran Organda | 6 Bulan | 16.000 |
| 7 | Iuran Koperasi | 1 Bulan | 200.000 |

Sumber : Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Kopata Yogyakarta (2007)

Perincian biaya variabel bus kota Kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Periode | Konsumsi | Harga satuan (Rp) |
|----|---|--|--------------------------|---|
| 1 | Pengeluaran Sopir Dan Kondektur A. Biaya BBM (Solar) B. Retribusi Terminal C. Lain-Lain - Uang Makan - Upah Operator - Cuci Mobil - Timer | 1 Hari 1 Hari 1 Hari 1 Minggu 1 Hari | 25 Liter 6 2 18 | 4.300 1.200 30.000 60.000 5.000 1.000 |
| 2 | Biaya Pemeliharaan dan perawatan - Overhaul Body - Overhaul Mesin | 5 Tahun 3 Tahun | | 5.000.000 4.000.000 |
| 3 | Biaya Suku cadang dan minyak pelumas A. Ban - Ban Dalam - Ban Luar (vulkanisir) B. Roda depan - Laqer luar - Laqer dalam - Kampas rem - Tirot - King pen C. Roda belakang - Kampas rem - Laqer luar - Laqer dalam - Karet per - Sil roda - Karet sokbeker D. Gardan - Sil gardan - Kris kopel - Oli gardan E. Mesin - Pompa air - Tali kipas | | | 90.000 350.000 35.000 45.000 30.000 .100.000 300.000 10.000 75.000 90.000 15.000 5.000 2.000 40.000 45.000 17.000 175.000 40.000 |

| | | | | |
|--|--------------------|-----------|---|---------|
| | - Filter oli | 2 bulan | 1 | 25.000 |
| | - Filter udara | 1 tahun | 1 | 30.000 |
| | - Sil kruk as | 1 tahun | 1 | 65.000 |
| | - Oli mesin | 1 bulan | 7 | 13.000 |
| | - Slang radiator | 1 tahun | 2 | 25.000 |
| | F. Vreseneleng | | | |
| | - Kampas kopling | 6 bulan | 1 | 150.000 |
| | - Drek laqer | 1 tahun | 1 | 105.000 |
| | - Plendes | 1 tahun | 1 | 250.000 |
| | - Garpu vresneleng | 1 tahun | 1 | 200.000 |
| | - Oli vresneleng | 6 bulan | 3 | 15.000 |
| | G. Listrik | | | |
| | - Accu | 1,5 tahun | 2 | 375.000 |
| | - Bola lampu | 1 tahun | 2 | 30.000 |
| | - Flasher | 6 bulan | 1 | 25.000 |
| | - Swit rem | 6 bulan | 1 | 15.000 |

Sumber : Koperasi Pengusaha Angkutan Kota Kopata Yogyakarta (2007)

Perhitungan Biaya Overhead bus kota kopata jalur 06

| No | Komponen Biaya | Jumlah (orang) | Durasi | Harga Satuan |
|--------------|------------------------------|----------------|---------|--------------|
| 1 | Gaji upah non crew | 45 | 1 Bulan | 500.000 |
| 2 | Pakaian dinas | 45 | 2 Tahun | 150.000 |
| 3 | AKD | 45 | 1 Tahun | 20.000 |
| 4 | Uang Makan | 45 | 1 Bulan | 150.000 |
| 5 | Pemeliharaan kantor dan alat | | 1 Bulan | 150.000 |
| 6 | Administrasi kantor | | 1 Tahun | 1.500.000 |
| 7 | Listrik dan telpon | | 1 Bulan | 1.200.000 |
| 8 | Perjalanan dinas | | 1 Tahun | 2.000.000 |
| 9 | Pajak bumi dan bangunan | | 1 Tahun | 145.000 |
| Jumlah total | | | | |

Sumber : Koperasi pengusaha angkutan kota Yogyakarta (2007)

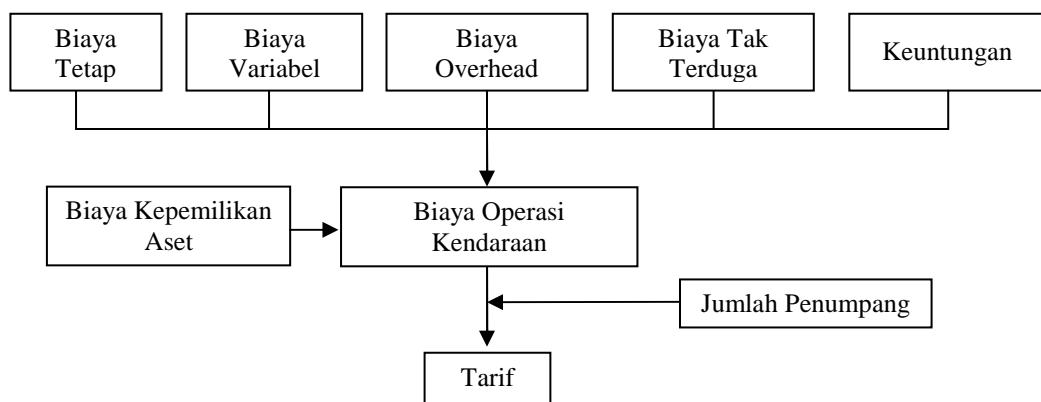
- Harga beli kendaraan = Rp.96.000.000 (Tahun 1996)
 Masa susutam = 5 tahun
 Tingkat suku bunga = 14%/tahun (Bank BRI)
 Tingkat premi = 0,5% (Asumsi)
 Jumlah rit per hari = 6 rit
 Jarak tempuh per rit = 24 km
 Jarak tempuh per hari = $=: 24 \times 6 = 144 \text{ km}$
 Hari operasi per bulan = 20 hari
 Hari operasi per tahun = $= 20 \times 12 = 240 \text{ hari}$

**LAMPIRAN TUGAS AKHIR
(PENJELASAN PENDADARAN)**

LAMPIRAN TUGAS AKHIR (PENJELASAN DARI PENDADARAN)

1. Metode Biaya Operasi Kendaraan Total

Dengan metode biaya operasi ini besarnya tarif ditentukan berdasarkan besarnya biaya operasi yang terjadi, kemudian dibebankan kepada masing-masing penumpang. Tahapan tahapan dalam penentuan tarif dengan metode analisis biaya operasi kendaraan adalah sebagai berikut:



Gambar 4.2 Tahapan perhitungan tarif dengan metode BOK

Dimana perincian data yang diperlukan adalah:

1. Biaya tetap yang terdiri dari:
 - a. Biaya pajak kendaraan
 - b. Biaya ijin usaha
 - c. Biaya ijin trayek
 - d. Biaya K.P
 - e. Biaya KIR
 - f. Biaya iuran organda

g. Biaya iuran koperasi

2. Biaya Variabel

- a. Menghitung biaya pengeluaran sopir dan kondektur
- b. Menghitung biaya pemeliharaan dan perawatan.
- c. Menghitung minyak pelumas dan biaya suku cadang.

3. Biaya kepemilikan aset terdiri dari:

- a. Biaya depresiasi
- b. Biaya asuransi

Dari ketiga komponen diatas didapatkan biaya operasional kendaraan (BOK) yang kemudian akan dijumlahkan dengan biaya lain-lain.

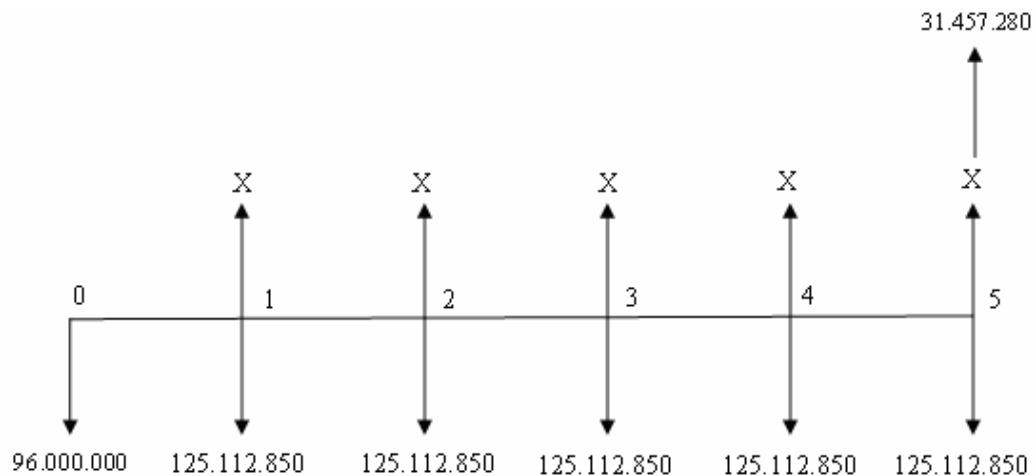
Biaya lain-lain, yang terdiri dari:

- 1. Biaya tak terduga
 - a. Biaya keuntungan
 - b. Biaya overhead

Kemudian akan didapatkan Biaya Operasi kendaraan total (BOK Total) dan BOK total tersebut dibagi dengan jumlah penumpang rata-rata perhari sehingga didapatkan tarif penumpang.

- 2. Perbandingan antara perhitungan dengan menggunakan metode bunga flat dengan bunga menurun

Perhitungan *expected benefit* diperlihatkan pada aliran dana (*cash flow*) berikut ini:



Gambar 5.1 Aliran dana *Expected Benefit*

Anak panah menyatakan arus kas dan ditempatkan pada akhir periode. Anak panah kebawah ↓ menyatakan pengeluaran dan anak panah keatas ↑ menyatakan pemasukan. Rp.31.457.280 adalah dana kepemilikan aset pada nilai sisa tahun ke lima. Nilai X adalah pendapatan atau pemasukan dari penumpang, dana pengeluaran yaitu harga beli kendaraan Rp.96.000.000. dana biaya operasi kendaraan Rp.125.112.850. Pada *Cash flow* tersebut diatas maka perlu keseimbangan antara pemasukan (*benefit*) dan pengeluaran (*cost*) dengan tingkat suku bunga 14% dan cara penghitungannya adalah:

$$\text{Pengeluaran harga beli kendaraan} + (\text{dana biaya operasi kendaraan} \times \text{faktor pengali} / (P/F, 14\%, 5)) - \text{Nilai sisa kendaraan} = X \text{ (yang dicari)} \times \text{faktor pengali} (P/A, 14\%, 5)$$

$$96.000.000 + 125.112.850 (P/A, 14\%, 5) - 31.457.280 (P/F, 14\%, 5) = X (P/A, 14\%, 5)$$

$$96.000.000 + (125.112.850 \times 3,433) - (31.457.280 \times 0,519) = X 3,433$$

$$3,433 X = 509.186.086$$

$$X = 148.321.027)$$

$$EB = X$$

Jadi pemasukan yang harus didapat per tahun atau $X = Rp. 148.321.027$

Dari perhitungan diatas akan diperbandingkan apakah hasil dari perhitungan sesuai dengan metode perhitungan ekonomi dimana modal Rp.96.000.000,- dianggap sebagai pinjaman Bank dengan jangka waktu peminjaman 5 tahun dan bunga yang berlaku adalah 14% pertahun.

- **Perhitungan dengan Metode bunga tetap**

Perhitungan apabila uang pembelian mobil berasal dari kredit bank dengan suku bunga bang 14% dan jangka waktu selama 5 tahun.

Diketahui:

$$\text{Pinjaman} = Rp.96.000.000,-$$

$$\text{Suku bunga} = 14\%$$

$$\text{Jangka waktu} = 5 \text{ tahun}$$

Jawab

$$\text{Bunga per bulan} = (P \times i \times t) : jb$$

Dimana:

P : Pokok pinjaman awal

i : suku bunga pertahun

t : jumlah tahun jangka waktu kredit

jb : jumlah bulan dalam jangka waktu kredit

$$\text{Total bunga} = 96.000.000 \times 14\% \times 5$$

$$= \text{Rp.}67.200.000,-$$

$$\text{Bunga tahunan} = 67.200.000 / 5$$

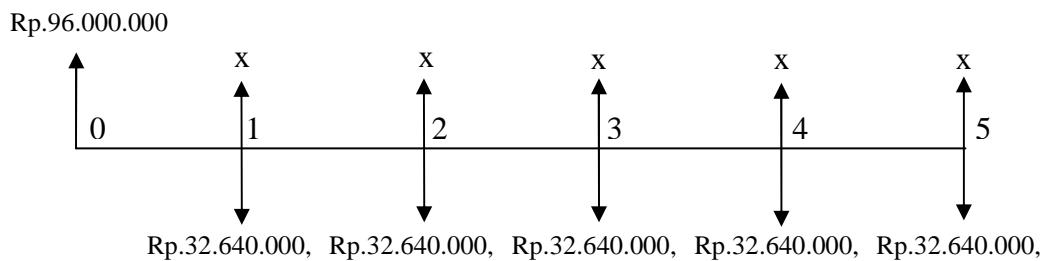
$$= \text{Rp.}13.440.000$$

$$\text{Angsuran pertahun} = (96.000.000/5) + 13.440.000$$

$$= \text{Rp.}32.640.000,-$$

$$\text{Total yang hutang} = 96.000.000 + 67.200.000$$

$$= 163.200.000$$



- Perhitungan dengan metode bunga menurun**

Perhitungan apabila uang pembelian mobil berasal dari kredit bank dengan suku bunga 14% dan jangka waktu peminjaman selama 5 tahun.

Diketahui:

$$\text{Pinjaman} = \text{Rp.}96.000.000$$

$$\text{Suku bunga} = 14\% \text{ pertahun}$$

Jangka waktu = 5 tahun

Jawab

$$\text{Bunga} = \text{SP} \times i \times (30/360)$$

Dimana :

SP = Saldo pokok pinjaman bulan sebelumnya

i = Suku bunga pertahun

30 = Jumlah hari dalam satu bulan

360 = Jumlah hari dalam satu tahun

Bunga efektif Bulan 1

$$= \text{Rp.}96.000.000,- \times 14\% \times (30/360)$$

$$= \text{Rp.}1.120.000,-$$

Angsuran pokok dan bunga pada bulan 1 adalah

$$= (19.200.000/12) + 1.120.000,-$$

$$= \text{Rp.}2.720.000,-$$

Bunga efektif Bulan ke 2

$$= \text{Rp.}94.400.000 \times 14\% \times (30/360)$$

$$= \text{Rp.}1.101.329$$

Angsuran pokok dan bunga pada bulan 2 adalah

$$= \text{Rp.}1.600.000 + \text{Rp.}1.101.329$$

$$= \text{Rp.}2.701.329,-$$

Angsuran bulan kedua lebih kecil dari bulan pertama, demikian pula untuk bulan-bulan selanjutnya, besar angsuran akan semakin menurun dari waktu ke waktu.

Selengkapnya dapat dilihat pada tabel dibawah ini:

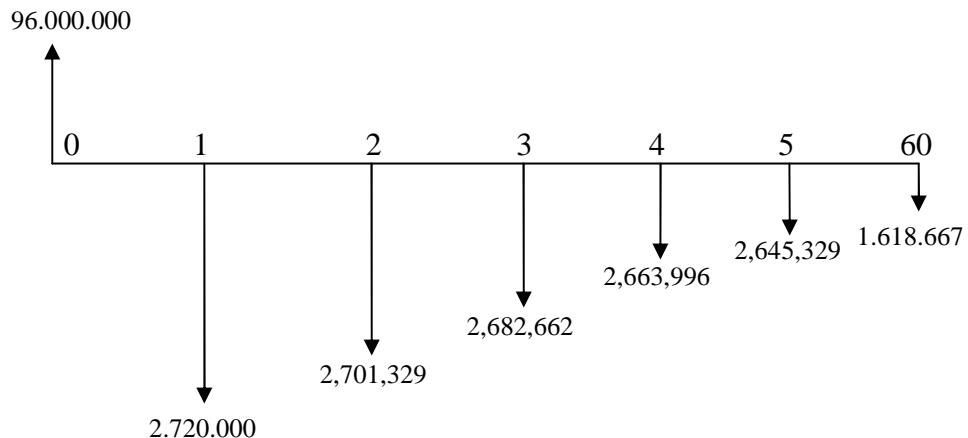
ANGSURAN PINJAMAN PERHITUNGAN BUNGA MENURUN

Suku bunga bank 14%
 Jangka waktu pinjaman 5 Tahun
 Pokok pinjaman Rp.96.000.000

| BULAN KE | POKOK PINJAMAN | CICILAN POKOK PINJAMAN | BUNGA | ANGSURAN PERBULAN | SALDO POKOK PINJAMAN |
|----------|----------------|------------------------|-----------|-------------------|----------------------|
| 1 | 96,000,000 | 1,600,000 | 1,120,000 | 2,720,000 | 94,400,000 |
| 2 | 94,400,000 | 1,600,000 | 1,101,329 | 2,701,329 | 92,800,000 |
| 3 | 92,800,000 | 1,600,000 | 1,082,662 | 2,682,662 | 91,200,000 |
| 4 | 91,200,000 | 1,600,000 | 1,063,996 | 2,663,996 | 89,600,000 |
| 5 | 89,600,000 | 1,600,000 | 1,045,329 | 2,645,329 | 88,000,000 |
| 6 | 88,000,000 | 1,600,000 | 1,026,663 | 2,626,663 | 86,400,000 |
| 7 | 86,400,000 | 1,600,000 | 1,007,996 | 2,607,996 | 84,800,000 |
| 8 | 84,800,000 | 1,600,000 | 989,329 | 2,589,329 | 83,200,000 |
| 9 | 83,200,000 | 1,600,000 | 970,663 | 2,570,663 | 81,600,000 |
| 10 | 81,600,000 | 1,600,000 | 951,996 | 2,551,996 | 80,000,000 |
| 11 | 80,000,000 | 1,600,000 | 933,330 | 2,533,330 | 78,400,000 |
| 12 | 78,400,000 | 1,600,000 | 914,663 | 2,514,663 | 76,800,000 |
| 13 | 76,800,000 | 1,600,000 | 895,996 | 2,495,996 | 75,200,000 |
| 14 | 75,200,000 | 1,600,000 | 877,330 | 2,477,330 | 73,600,000 |
| 15 | 73,600,000 | 1,600,000 | 858,663 | 2,458,663 | 72,000,000 |
| 16 | 72,000,000 | 1,600,000 | 839,997 | 2,439,997 | 70,400,000 |
| 17 | 70,400,000 | 1,600,000 | 821,330 | 2,421,330 | 68,800,000 |
| 18 | 68,800,000 | 1,600,000 | 802,663 | 2,402,663 | 67,200,000 |
| 19 | 67,200,000 | 1,600,000 | 783,997 | 2,383,997 | 65,600,000 |
| 20 | 65,600,000 | 1,600,000 | 765,330 | 2,365,330 | 64,000,000 |
| 21 | 64,000,000 | 1,600,000 | 746,664 | 2,346,664 | 62,400,000 |
| 22 | 62,400,000 | 1,600,000 | 727,997 | 2,327,997 | 60,800,000 |
| 23 | 60,800,000 | 1,600,000 | 709,330 | 2,309,330 | 59,200,000 |
| 24 | 59,200,000 | 1,600,000 | 690,664 | 2,290,664 | 57,600,000 |
| 25 | 57,600,000 | 1,600,000 | 671,997 | 2,271,997 | 56,000,000 |

| | | | | | |
|---------------------------------|------------|-----------|---------|-------------|------------|
| 26 | 56,000,000 | 1,600,000 | 653,331 | 2,253,331 | 54,400,000 |
| 27 | 54,400,000 | 1,600,000 | 634,664 | 2,234,664 | 52,800,000 |
| 28 | 52,800,000 | 1,600,000 | 615,998 | 2,215,998 | 51,200,000 |
| 29 | 51,200,000 | 1,600,000 | 597,331 | 2,197,331 | 49,600,000 |
| 30 | 49,600,000 | 1,600,000 | 578,664 | 2,178,664 | 48,000,000 |
| 31 | 48,000,000 | 1,600,000 | 559,998 | 2,159,998 | 46,400,000 |
| 32 | 46,400,000 | 1,600,000 | 541,331 | 2,141,331 | 44,800,000 |
| 33 | 44,800,000 | 1,600,000 | 522,665 | 2,122,665 | 43,200,000 |
| 34 | 43,200,000 | 1,600,000 | 503,998 | 2,103,998 | 41,600,000 |
| 35 | 41,600,000 | 1,600,000 | 485,331 | 2,085,331 | 40,000,000 |
| 36 | 40,000,000 | 1,600,000 | 466,665 | 2,066,665 | 38,400,000 |
| 37 | 38,400,000 | 1,600,000 | 447,998 | 2,047,998 | 36,800,000 |
| 38 | 36,800,000 | 1,600,000 | 429,332 | 2,029,332 | 35,200,000 |
| 39 | 35,200,000 | 1,600,000 | 410,665 | 2,010,665 | 33,600,000 |
| 40 | 33,600,000 | 1,600,000 | 391,998 | 1,991,998 | 32,000,000 |
| 41 | 32,000,000 | 1,600,000 | 373,332 | 1,973,332 | 30,400,000 |
| 42 | 30,400,000 | 1,600,000 | 354,665 | 1,954,665 | 28,800,000 |
| 43 | 28,800,000 | 1,600,000 | 335,999 | 1,935,999 | 27,200,000 |
| 44 | 27,200,000 | 1,600,000 | 317,332 | 1,917,332 | 25,600,000 |
| 45 | 25,600,000 | 1,600,000 | 298,665 | 1,898,665 | 24,000,000 |
| 46 | 24,000,000 | 1,600,000 | 279,999 | 1,879,999 | 22,400,000 |
| 47 | 22,400,000 | 1,600,000 | 261,332 | 1,861,332 | 20,800,000 |
| 48 | 20,800,000 | 1,600,000 | 242,666 | 1,842,666 | 19,200,000 |
| 49 | 19,200,000 | 1,600,000 | 223,999 | 1,823,999 | 17,600,000 |
| 50 | 17,600,000 | 1,600,000 | 205,333 | 1,805,333 | 16,000,000 |
| 51 | 16,000,000 | 1,600,000 | 186,666 | 1,786,666 | 14,400,000 |
| 52 | 14,400,000 | 1,600,000 | 167,999 | 1,767,999 | 12,800,000 |
| 53 | 12,800,000 | 1,600,000 | 149,333 | 1,749,333 | 11,200,000 |
| 54 | 11,200,000 | 1,600,000 | 130,666 | 1,730,666 | 9,600,000 |
| 55 | 9,600,000 | 1,600,000 | 112,000 | 1,712,000 | 8,000,000 |
| 56 | 8,000,000 | 1,600,000 | 93,333 | 1,693,333 | 6,400,000 |
| 57 | 6,400,000 | 1,600,000 | 74,666 | 1,674,666 | 4,800,000 |
| 58 | 4,800,000 | 1,600,000 | 56,000 | 1,656,000 | 3,200,000 |
| 59 | 3,200,000 | 1,600,000 | 37,333 | 1,637,333 | 1,600,000 |
| 60 | 1,600,000 | 1,600,000 | 18,667 | 1,618,667 | 0 |
| JUMLAH TOTAL YANG HARUS DIBAYAR | | | | 130,159,868 | |

Total yang hutang = Rp.130.159.868,-



Gambar Aliran dana berdasarkan metode bunga menurun (dalam bulanan)

Jadi menurut perhitungan bunga 14% pertahun, jika kita menggunakan pinjaman modal dari Bank sebagai modal pembelian angkutan kota, dengan perhitungan bunga menurun, maka pemasukan bersih dari hasil angkutan kota dapat menutup setoran pengembalian modal pada pihak bank

- Perhitungan dengan yang didapatkan dari deposito.

Dengan asumsi:

$$\text{Modal deposito} = \text{Rp.}96.000.000$$

$$\text{Tingkat suku bunga} = 14\% \text{ pertahun}$$

$$\text{Jangka waktu} = 5 \text{ tahun}$$

Jawab

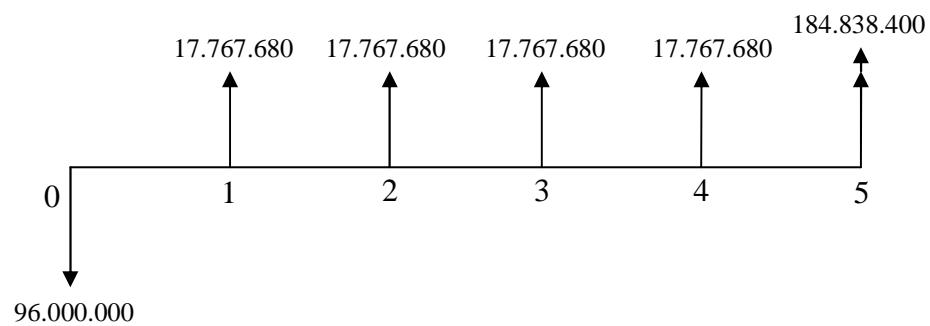
$$F = (F/P ; 15\% ; 5) \text{ Rp.}96.000.000$$

$$= (1,9254) \text{ Rp.}96.000.000$$

$$= \text{Rp.}184.838.400,-$$

Jadi nilai uang yang didepositokan pada 5 tahun yang akan datang adalah Rp. 184.838.400,-

$$\begin{aligned}
 \text{Bunga pertahunnya} &= (\text{Rp. } 184.838.400 - \text{Rp. } 96.000.000) / 5 \\
 &= \text{Rp. } 88.838.400 / 5 \\
 &= \text{Rp. } 17.767.680
 \end{aligned}$$



Gambar Aliran dana investasi

TABEL PEMAJEMUKAN DISKRIT

0.25%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.0025 | 0.9975 | 1 | 0.9975 | 1 | 1.0025 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.0050 | 0.9950 | 2.0025 | 1.9925 | 0.4994 | 0.5019 | 0.9950 | 0.4994 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.0075 | 0.9925 | 3.0075 | 2.9851 | 0.3325 | 0.3350 | 2.9801 | 0.9983 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.0100 | 0.9901 | 4.0150 | 3.9751 | 0.2491 | 0.2516 | 5.9503 | 1.4969 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 1.0126 | 0.9876 | 5.0251 | 4.9627 | 0.1990 | 0.2015 | 9.9007 | 1.9950 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 1.0151 | 0.9851 | 6.0376 | 5.9478 | 0.1656 | 0.1681 | 14.8263 | 2.4927 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 1.0176 | 0.9827 | 7.0527 | 6.9305 | 0.1418 | 0.1443 | 20.7223 | 2.9900 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 1.0202 | 0.9802 | 8.0704 | 7.9107 | 0.1239 | 0.1264 | 27.5839 | 3.4869 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 1.0227 | 0.9778 | 9.0905 | 8.8885 | 0.1100 | 0.1125 | 35.4061 | 3.9834 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 1.0253 | 0.9753 | 10.1133 | 9.8639 | 0.0989 | 0.1014 | 44.1842 | 4.4794 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 1.0278 | 0.9729 | 11.1385 | 10.8368 | 0.0898 | 0.0923 | 53.9133 | 4.9750 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 1.0304 | 0.9705 | 12.1664 | 11.8073 | 0.0822 | 0.0847 | 64.5886 | 5.4702 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 1.0330 | 0.9681 | 13.1968 | 12.7753 | 0.0758 | 0.0783 | 76.2053 | 5.9650 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 1.0356 | 0.9656 | 14.2298 | 13.7410 | 0.0703 | 0.0728 | 88.7587 | 6.4594 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 1.0382 | 0.9632 | 15.2654 | 14.7042 | 0.0655 | 0.0680 | 102.2441 | 6.9534 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 1.0408 | 0.9608 | 16.3035 | 15.6650 | 0.0613 | 0.0638 | 116.6567 | 7.4469 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 1.0434 | 0.9584 | 17.3443 | 16.6235 | 0.0577 | 0.0602 | 131.9917 | 7.9401 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 1.0460 | 0.9561 | 18.3876 | 17.5795 | 0.0544 | 0.0569 | 148.2446 | 8.4328 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 1.0486 | 0.9537 | 19.4336 | 18.5332 | 0.0515 | 0.0540 | 165.4106 | 8.9251 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 1.0512 | 0.9513 | 20.4822 | 19.4845 | 0.0488 | 0.0513 | 183.4851 | 9.4170 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 1.0538 | 0.9489 | 21.5334 | 20.4334 | 0.0464 | 0.0489 | 202.4634 | 9.9085 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 1.0565 | 0.9466 | 22.5872 | 21.3800 | 0.0443 | 0.0468 | 222.3410 | 10.3995 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 1.0591 | 0.9442 | 23.6437 | 22.3241 | 0.0423 | 0.0448 | 243.1131 | 10.8901 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 1.0618 | 0.9418 | 24.7028 | 23.2660 | 0.0405 | 0.0430 | 264.7753 | 11.3804 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 1.0644 | 0.9395 | 25.7646 | 24.2055 | 0.0388 | 0.0413 | 287.3230 | 11.8702 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 1.0671 | 0.9371 | 26.8290 | 25.1426 | 0.0373 | 0.0398 | 310.7516 | 12.3596 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 1.0697 | 0.9348 | 27.8961 | 26.0774 | 0.0358 | 0.0383 | 335.0566 | 12.8485 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 1.0724 | 0.9325 | 28.9658 | 27.0099 | 0.0345 | 0.0370 | 360.2334 | 13.3371 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 1.0751 | 0.9301 | 30.0382 | 27.9400 | 0.0333 | 0.0358 | 386.2776 | 13.8252 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 1.0778 | 0.9278 | 31.1133 | 28.8679 | 0.0321 | 0.0346 | 413.1847 | 14.3130 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 1.0941 | 0.9140 | 37.6206 | 34.3865 | 0.0266 | 0.0291 | 592.4988 | 17.2306 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 1.1050 | 0.9050 | 42.0132 | 38.0199 | 0.0238 | 0.0263 | 728.7399 | 19.1673 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 1.1273 | 0.8871 | 50.9312 | 45.1787 | 0.0196 | 0.0221 | 1040.0552 | 23.0209 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 1.1330 | 0.8826 | 53.1887 | 46.9462 | 0.0188 | 0.0213 | 1125.7767 | 23.9802 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 1.1386 | 0.8782 | 55.4575 | 48.7048 | 0.0180 | 0.0205 | 1214.5885 | 24.9377 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 1.1616 | 0.8609 | 64.6467 | 55.6524 | 0.0155 | 0.0180 | 1600.0845 | 28.7514 | 60 | | | | | | | |

0.50%

| Single Payment | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.0050 | 0.9950 | 1 | 0.9950 | 1 | 1.005 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.0100 | 0.9901 | 2.005 | 1.9851 | 0.4988 | 0.5038 | 0.9901 | 0.4988 | 2 |
| 3 | 1.0151 | 0.9851 | 3.0150 | 2.9702 | 0.3317 | 0.3367 | 2.9604 | 0.9967 | 3 |
| 4 | 1.0202 | 0.9802 | 4.0301 | 3.9505 | 0.2481 | 0.2531 | 5.9011 | 1.4938 | 4 |
| 5 | 1.0253 | 0.9754 | 5.0503 | 4.9259 | 0.1980 | 0.2030 | 9.8026 | 1.9900 | 5 |
| 6 | 1.0304 | 0.9705 | 6.0755 | 5.8964 | 0.1646 | 0.1696 | 14.6552 | 2.4855 | 6 |
| 7 | 1.0355 | 0.9657 | 7.1059 | 6.8621 | 0.1407 | 0.1457 | 20.4493 | 2.9801 | 7 |
| 8 | 1.0407 | 0.9609 | 8.1414 | 7.8230 | 0.1228 | 0.1278 | 27.1755 | 3.4738 | 8 |
| 9 | 1.0459 | 0.9561 | 9.1821 | 8.7791 | 0.1089 | 0.1139 | 34.8244 | 3.9668 | 9 |
| 10 | 1.0511 | 0.9513 | 10.2280 | 9.7304 | 0.0978 | 0.1028 | 43.3865 | 4.4589 | 10 |
| 11 | 1.0564 | 0.9466 | 11.2792 | 10.6770 | 0.0887 | 0.0937 | 52.8526 | 4.9501 | 11 |
| 12 | 1.0617 | 0.9419 | 12.3356 | 11.6189 | 0.0811 | 0.0861 | 63.2136 | 5.4406 | 12 |
| 13 | 1.0670 | 0.9372 | 13.3972 | 12.5562 | 0.0746 | 0.0796 | 74.4602 | 5.9302 | 13 |
| 14 | 1.0723 | 0.9326 | 14.4642 | 13.4887 | 0.0691 | 0.0741 | 86.5835 | 6.4190 | 14 |
| 15 | 1.0777 | 0.9279 | 15.5365 | 14.4166 | 0.0644 | 0.0694 | 99.5743 | 6.9069 | 15 |
| 16 | 1.0831 | 0.9233 | 16.6142 | 15.3399 | 0.0602 | 0.0652 | 113.4238 | 7.3940 | 16 |
| 17 | 1.0885 | 0.9187 | 17.6973 | 16.2586 | 0.0565 | 0.0615 | 128.1231 | 7.8803 | 17 |
| 18 | 1.0939 | 0.9141 | 18.7858 | 17.1728 | 0.0532 | 0.0582 | 143.6634 | 8.3658 | 18 |
| 19 | 1.0994 | 0.9096 | 19.8797 | 18.0824 | 0.0503 | 0.0553 | 160.0360 | 8.8504 | 19 |
| 20 | 1.1049 | 0.9051 | 20.9791 | 18.9874 | 0.0477 | 0.0527 | 177.2322 | 9.3342 | 20 |
| 21 | 1.1104 | 0.9006 | 22.0840 | 19.8880 | 0.0453 | 0.0503 | 195.2434 | 9.8172 | 21 |
| 22 | 1.1160 | 0.8961 | 23.1944 | 20.7841 | 0.0431 | 0.0481 | 214.0611 | 10.2993 | 22 |
| 23 | 1.1216 | 0.8916 | 24.3104 | 21.6757 | 0.0411 | 0.0461 | 233.6768 | 10.7806 | 23 |
| 24 | 1.1272 | 0.8872 | 25.4320 | 22.5629 | 0.0393 | 0.0443 | 254.0820 | 11.2611 | 24 |
| 25 | 1.1328 | 0.8828 | 26.5591 | 23.4456 | 0.0377 | 0.0427 | 275.2686 | 11.7407 | 25 |
| 26 | 1.1385 | 0.8784 | 27.6919 | 24.3240 | 0.0361 | 0.0411 | 297.2281 | 12.2195 | 26 |
| 27 | 1.1442 | 0.8740 | 28.8304 | 25.1980 | 0.0347 | 0.0397 | 319.9523 | 12.6975 | 27 |
| 28 | 1.1499 | 0.8697 | 29.9745 | 26.0677 | 0.0334 | 0.0384 | 343.4332 | 13.1747 | 28 |
| 29 | 1.1556 | 0.8653 | 31.1244 | 26.9330 | 0.0321 | 0.0371 | 367.6625 | 13.6510 | 29 |
| 30 | 1.1614 | 0.8610 | 32.2800 | 27.7941 | 0.0310 | 0.0360 | 392.6324 | 14.1265 | 30 |
| 36 | 1.1967 | 0.8356 | 39.3361 | 32.8710 | 0.0254 | 0.0304 | 557.5598 | 16.9621 | 36 |
| 40 | 1.2208 | 0.8191 | 44.1588 | 36.1722 | 0.0226 | 0.0276 | 681.3347 | 18.8359 | 40 |
| 48 | 1.2705 | 0.7871 | 54.0978 | 42.5803 | 0.0185 | 0.0235 | 959.9188 | 22.5437 | 48 |
| 50 | 1.2832 | 0.7793 | 56.6452 | 44.1428 | 0.0177 | 0.0227 | 1035.6966 | 23.4624 | 50 |
| 52 | 1.2961 | 0.7716 | 59.2180 | 45.6897 | 0.0169 | 0.0219 | 1113.8162 | 24.3778 | 52 |
| 60 | 1.3489 | 0.7414 | 69.7700 | 51.7256 | 0.0143 | 0.0193 | 1448.6458 | 28.0064 | 60 |

0.75%

| Uniform Gradient | | | | | | | | | |
|------------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Single Payment | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.0075 | 0.9926 | 1 | 0.9926 | 1 | 1.0075 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.0151 | 0.9852 | 2.0075 | 1.9777 | 0.4981 | 0.5056 | 0.9852 | 0.4981 | 2 |
| 3 | 1.0227 | 0.9778 | 3.0226 | 2.9556 | 0.3308 | 0.3383 | 2.9408 | 0.9950 | 3 |
| 4 | 1.0303 | 0.9706 | 4.0452 | 3.9261 | 0.2472 | 0.2547 | 5.8525 | 1.4907 | 4 |
| 5 | 1.0381 | 0.9633 | 5.0756 | 4.8894 | 0.1970 | 0.2045 | 9.7058 | 1.9851 | 5 |
| 6 | 1.0459 | 0.9562 | 6.1136 | 5.8456 | 0.1636 | 0.1711 | 14.4866 | 2.4782 | 6 |
| 7 | 1.0537 | 0.9490 | 7.1595 | 6.7946 | 0.1397 | 0.1472 | 20.1808 | 2.9701 | 7 |
| 8 | 1.0616 | 0.9420 | 8.2132 | 7.7366 | 0.1218 | 0.1293 | 26.7747 | 3.4608 | 8 |
| 9 | 1.0696 | 0.9350 | 9.2748 | 8.6716 | 0.1078 | 0.1153 | 34.2544 | 3.9502 | 9 |
| 10 | 1.0776 | 0.9280 | 10.3443 | 9.5996 | 0.0967 | 0.1042 | 42.6064 | 4.4384 | 10 |
| 11 | 1.0857 | 0.9211 | 11.4219 | 10.5207 | 0.0876 | 0.0951 | 51.8174 | 4.9253 | 11 |
| 12 | 1.0938 | 0.9142 | 12.5076 | 11.4349 | 0.0800 | 0.0875 | 61.8740 | 5.4110 | 12 |
| 13 | 1.1020 | 0.9074 | 13.6014 | 12.3423 | 0.0735 | 0.0810 | 72.7632 | 5.8954 | 13 |
| 14 | 1.1103 | 0.9007 | 14.7034 | 13.2430 | 0.0680 | 0.0755 | 84.4720 | 6.3786 | 14 |
| 15 | 1.1186 | 0.8940 | 15.8137 | 14.1370 | 0.0632 | 0.0707 | 96.9876 | 6.8606 | 15 |
| 16 | 1.1270 | 0.8873 | 16.9323 | 15.0243 | 0.0591 | 0.0666 | 110.2973 | 7.3413 | 16 |
| 17 | 1.1354 | 0.8807 | 18.0593 | 15.9050 | 0.0554 | 0.0629 | 124.3887 | 7.8207 | 17 |
| 18 | 1.1440 | 0.8742 | 19.1947 | 16.7792 | 0.0521 | 0.0596 | 139.2494 | 8.2989 | 18 |
| 19 | 1.1525 | 0.8676 | 20.3387 | 17.6468 | 0.0492 | 0.0567 | 154.8671 | 8.7759 | 19 |
| 20 | 1.1612 | 0.8612 | 21.4912 | 18.5080 | 0.0465 | 0.0540 | 171.2297 | 9.2516 | 20 |
| 21 | 1.1699 | 0.8548 | 22.6524 | 19.3628 | 0.0441 | 0.0516 | 188.3253 | 9.7261 | 21 |
| 22 | 1.1787 | 0.8484 | 23.8223 | 20.2112 | 0.0420 | 0.0495 | 206.1420 | 10.1994 | 22 |
| 23 | 1.1875 | 0.8421 | 25.0010 | 21.0533 | 0.0400 | 0.0475 | 224.6682 | 10.6714 | 23 |
| 24 | 1.1964 | 0.8358 | 26.1885 | 21.8891 | 0.0382 | 0.0457 | 243.8923 | 11.1422 | 24 |
| 25 | 1.2054 | 0.8296 | 27.3849 | 22.7188 | 0.0365 | 0.0440 | 263.8029 | 11.6117 | 25 |
| 26 | 1.2144 | 0.8234 | 28.5903 | 23.5422 | 0.0350 | 0.0425 | 284.3888 | 12.0800 | 26 |
| 27 | 1.2235 | 0.8173 | 29.8047 | 24.3595 | 0.0336 | 0.0411 | 305.6387 | 12.5470 | 27 |
| 28 | 1.2327 | 0.8112 | 31.0282 | 25.1707 | 0.0322 | 0.0397 | 327.5416 | 13.0128 | 28 |
| 29 | 1.2420 | 0.8052 | 32.2609 | 25.9759 | 0.0310 | 0.0385 | 350.0867 | 13.4774 | 29 |
| 30 | 1.2513 | 0.7992 | 33.5029 | 26.7751 | 0.0298 | 0.0373 | 373.2631 | 13.9407 | 30 |
| 36 | 1.3086 | 0.7641 | 41.1527 | 31.4468 | 0.0243 | 0.0318 | 524.9924 | 16.6946 | 36 |
| 40 | 1.3483 | 0.7416 | 46.4465 | 34.4469 | 0.0215 | 0.0290 | 637.4693 | 18.5058 | 40 |
| 48 | 1.4314 | 0.6986 | 57.5207 | 40.1848 | 0.0174 | 0.0249 | 886.8404 | 22.0691 | 48 |
| 50 | 1.4530 | 0.6883 | 60.3943 | 41.5664 | 0.0166 | 0.0241 | 953.8486 | 22.9476 | 50 |
| 52 | 1.4748 | 0.6780 | 63.3111 | 42.9276 | 0.0158 | 0.0233 | 1022.5852 | 23.8211 | 52 |
| 60 | 1.5657 | 0.6387 | 75.4241 | 48.1734 | 0.0133 | 0.0208 | 1313.5189 | 27.2665 | 60 |

1.00%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.0100 | 0.9901 | 1 | 0.9901 | 1 | 1.01 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.0201 | 0.9803 | 2.01 | 1.9704 | 0.4975 | 0.5075 | 0.9803 | 0.4975 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.0303 | 0.9706 | 3.0301 | 2.9410 | 0.3300 | 0.3400 | 2.9215 | 0.9934 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.0406 | 0.9610 | 4.0604 | 3.9020 | 0.2463 | 0.2563 | 5.8044 | 1.4876 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 1.0510 | 0.9515 | 5.1010 | 4.8534 | 0.1960 | 0.2060 | 9.6103 | 1.9801 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 1.0615 | 0.9420 | 6.1520 | 5.7955 | 0.1625 | 0.1725 | 14.3205 | 2.4710 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 1.0721 | 0.9327 | 7.2135 | 6.7282 | 0.1386 | 0.1486 | 19.9168 | 2.9602 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 1.0829 | 0.9235 | 8.2857 | 7.6517 | 0.1207 | 0.1307 | 26.3812 | 3.4478 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 1.0937 | 0.9143 | 9.3685 | 8.5660 | 0.1067 | 0.1167 | 33.6959 | 3.9337 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 1.1046 | 0.9053 | 10.4622 | 9.4713 | 0.0956 | 0.1056 | 41.8435 | 4.4179 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 1.1157 | 0.8963 | 11.5668 | 10.3676 | 0.0865 | 0.0965 | 50.8067 | 4.9005 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 1.1268 | 0.8874 | 12.6825 | 11.2551 | 0.0788 | 0.0888 | 60.5687 | 5.3815 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 1.1381 | 0.8787 | 13.8093 | 12.1337 | 0.0724 | 0.0824 | 71.1126 | 5.8607 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 1.1495 | 0.8700 | 14.9474 | 13.0037 | 0.0669 | 0.0769 | 82.4221 | 6.3384 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 1.1610 | 0.8613 | 16.0969 | 13.8651 | 0.0621 | 0.0721 | 94.4810 | 6.8143 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 1.1726 | 0.8528 | 17.2579 | 14.7179 | 0.0579 | 0.0679 | 107.2734 | 7.2886 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 1.1843 | 0.8444 | 18.4304 | 15.5623 | 0.0543 | 0.0643 | 120.7834 | 7.7613 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 1.1961 | 0.8360 | 19.6147 | 16.3983 | 0.0510 | 0.0610 | 134.9957 | 8.2323 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 1.2081 | 0.8277 | 20.8109 | 17.2260 | 0.0481 | 0.0581 | 149.8950 | 8.7017 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 1.2202 | 0.8195 | 22.0190 | 18.0456 | 0.0454 | 0.0554 | 165.4664 | 9.1694 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 1.2324 | 0.8114 | 23.2392 | 18.8570 | 0.0430 | 0.0530 | 181.6950 | 9.6354 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 1.2447 | 0.8034 | 24.4716 | 19.6604 | 0.0409 | 0.0509 | 198.5663 | 10.0998 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 1.2572 | 0.7954 | 25.7163 | 20.4558 | 0.0389 | 0.0489 | 216.0660 | 10.5626 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 1.2697 | 0.7876 | 26.9735 | 21.2434 | 0.0371 | 0.0471 | 234.1800 | 11.0237 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 1.2824 | 0.7798 | 28.2432 | 22.0232 | 0.0354 | 0.0454 | 252.8945 | 11.4831 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 1.2953 | 0.7720 | 29.5256 | 22.7952 | 0.0339 | 0.0439 | 272.1957 | 11.9409 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 1.3082 | 0.7644 | 30.8209 | 23.5596 | 0.0324 | 0.0424 | 292.0702 | 12.3971 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 1.3213 | 0.7568 | 32.1291 | 24.3164 | 0.0311 | 0.0411 | 312.5047 | 12.8516 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 1.3345 | 0.7493 | 33.4504 | 25.0658 | 0.0299 | 0.0399 | 333.4863 | 13.3044 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 1.3478 | 0.7419 | 34.7849 | 25.8077 | 0.0287 | 0.0387 | 355.0021 | 13.7557 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 1.4308 | 0.6989 | 43.0769 | 30.1075 | 0.0232 | 0.0332 | 494.6207 | 16.4285 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 1.4889 | 0.6717 | 48.8864 | 32.8347 | 0.0205 | 0.0305 | 596.8561 | 18.1776 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 1.6122 | 0.6203 | 61.2226 | 37.9740 | 0.0163 | 0.0263 | 820.1460 | 21.5976 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 1.6446 | 0.6080 | 64.4632 | 39.1961 | 0.0155 | 0.0255 | 879.4176 | 22.4363 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 1.6777 | 0.5961 | 67.7689 | 40.3942 | 0.0148 | 0.0248 | 939.9175 | 23.2686 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 1.8167 | 0.5504 | 81.6697 | 44.9550 | 0.0122 | 0.0222 | 1192.8061 | 26.5333 | 60 | | | | | | | |

3.00%

| Uniform Gradient | | | | | | | | | |
|------------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| Single Payment | | | Uniform Series | | | | | | |
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.0300 | 0.9709 | 1 | 0.9709 | 1 | 1.03 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.0609 | 0.9426 | 2.03 | 1.9135 | 0.4926 | 0.5226 | 0.9426 | 0.4926 | 2 |
| 3 | 1.0927 | 0.9151 | 3.0909 | 2.8286 | 0.3235 | 0.3535 | 2.7729 | 0.9803 | 3 |
| 4 | 1.1255 | 0.8885 | 4.1836 | 3.7171 | 0.2390 | 0.2690 | 5.4383 | 1.4631 | 4 |
| 5 | 1.1593 | 0.8626 | 5.3091 | 4.5797 | 0.1884 | 0.2184 | 8.8888 | 1.9409 | 5 |
| 6 | 1.1941 | 0.8375 | 6.4684 | 5.4172 | 0.1546 | 0.1846 | 13.0762 | 2.4138 | 6 |
| 7 | 1.2299 | 0.8131 | 7.6625 | 6.2303 | 0.1305 | 0.1605 | 17.9547 | 2.8819 | 7 |
| 8 | 1.2668 | 0.7894 | 8.8923 | 7.0197 | 0.1125 | 0.1425 | 23.4806 | 3.3450 | 8 |
| 9 | 1.3048 | 0.7664 | 10.1591 | 7.7861 | 0.0984 | 0.1284 | 29.6119 | 3.8032 | 9 |
| 10 | 1.3439 | 0.7441 | 11.4639 | 8.5302 | 0.0872 | 0.1172 | 36.3088 | 4.2565 | 10 |
| 11 | 1.3842 | 0.7224 | 12.8078 | 9.2526 | 0.0781 | 0.1081 | 43.5330 | 4.7049 | 11 |
| 12 | 1.4258 | 0.7014 | 14.1920 | 9.9540 | 0.0705 | 0.1005 | 51.2482 | 5.1485 | 12 |
| 13 | 1.4685 | 0.6810 | 15.6178 | 10.6350 | 0.0640 | 0.0940 | 59.4196 | 5.5872 | 13 |
| 14 | 1.5126 | 0.6611 | 17.0863 | 11.2961 | 0.0585 | 0.0885 | 68.0141 | 6.0210 | 14 |
| 15 | 1.5580 | 0.6419 | 18.5989 | 11.9379 | 0.0538 | 0.0838 | 77.0002 | 6.4500 | 15 |
| 16 | 1.6047 | 0.6232 | 20.1569 | 12.5611 | 0.0496 | 0.0796 | 86.3477 | 6.8742 | 16 |
| 17 | 1.6528 | 0.6050 | 21.7616 | 13.1661 | 0.0460 | 0.0760 | 96.0280 | 7.2936 | 17 |
| 18 | 1.7024 | 0.5874 | 23.4144 | 13.7535 | 0.0427 | 0.0727 | 106.0137 | 7.7081 | 18 |
| 19 | 1.7535 | 0.5703 | 25.1169 | 14.3238 | 0.0398 | 0.0698 | 116.2788 | 8.1179 | 19 |
| 20 | 1.8061 | 0.5537 | 26.8704 | 14.8775 | 0.0372 | 0.0672 | 126.7987 | 8.5229 | 20 |
| 21 | 1.8603 | 0.5375 | 28.6765 | 15.4150 | 0.0349 | 0.0649 | 137.5496 | 8.9231 | 21 |
| 22 | 1.9161 | 0.5219 | 30.5368 | 15.9369 | 0.0327 | 0.0627 | 148.5094 | 9.3186 | 22 |
| 23 | 1.9736 | 0.5067 | 32.4529 | 16.4436 | 0.0308 | 0.0608 | 159.6566 | 9.7093 | 23 |
| 24 | 2.0328 | 0.4919 | 34.4265 | 16.9355 | 0.0290 | 0.0590 | 170.9711 | 10.0954 | 24 |
| 25 | 2.0938 | 0.4776 | 36.4593 | 17.4131 | 0.0274 | 0.0574 | 182.4336 | 10.4768 | 25 |
| 26 | 2.1566 | 0.4637 | 38.5530 | 17.8768 | 0.0259 | 0.0559 | 194.0260 | 10.8535 | 26 |
| 27 | 2.2213 | 0.4502 | 40.7096 | 18.3270 | 0.0246 | 0.0546 | 205.7309 | 11.2255 | 27 |
| 28 | 2.2879 | 0.4371 | 42.9309 | 18.7641 | 0.0233 | 0.0533 | 217.5320 | 11.5930 | 28 |
| 29 | 2.3566 | 0.4243 | 45.2189 | 19.1885 | 0.0221 | 0.0521 | 229.4137 | 11.9558 | 29 |
| 30 | 2.4273 | 0.4120 | 47.5754 | 19.6004 | 0.0210 | 0.0510 | 241.3613 | 12.3141 | 30 |
| 36 | 2.8983 | 0.3450 | 63.2759 | 21.8323 | 0.0158 | 0.0458 | 313.7028 | 14.3688 | 36 |
| 40 | 3.2620 | 0.3066 | 75.4013 | 23.1148 | 0.0133 | 0.0433 | 361.7499 | 15.6502 | 40 |
| 48 | 4.1323 | 0.2420 | 104.4084 | 25.2667 | 0.0096 | 0.0396 | 455.0255 | 18.0089 | 48 |
| 50 | 4.3839 | 0.2281 | 112.7969 | 25.7298 | 0.0089 | 0.0389 | 477.4803 | 18.5575 | 50 |
| 52 | 4.6509 | 0.2150 | 121.6962 | 26.1662 | 0.0082 | 0.0382 | 499.5191 | 19.0902 | 52 |
| 60 | 5.8916 | 0.1697 | 163.0534 | 27.6756 | 0.0061 | 0.0361 | 583.0526 | 21.0674 | 60 |

4.00%

| Uniform Gradient | | | | | | | | | |
|------------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Single Payment | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.0400 | 0.9615 | 1 | 0.9615 | 1 | 1.04 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.0816 | 0.9246 | 2.04 | 1.8861 | 0.4902 | 0.5302 | 0.9246 | 0.4902 | 2 |
| 3 | 1.1249 | 0.8890 | 3.1216 | 2.7751 | 0.3203 | 0.3603 | 2.7025 | 0.9739 | 3 |
| 4 | 1.1699 | 0.8548 | 4.2465 | 3.6299 | 0.2355 | 0.2755 | 5.2670 | 1.4510 | 4 |
| 5 | 1.2167 | 0.8219 | 5.4163 | 4.4518 | 0.1846 | 0.2246 | 8.5547 | 1.9216 | 5 |
| 6 | 1.2653 | 0.7903 | 6.6330 | 5.2421 | 0.1508 | 0.1908 | 12.5062 | 2.3857 | 6 |
| 7 | 1.3159 | 0.7599 | 7.8983 | 6.0021 | 0.1266 | 0.1666 | 17.0657 | 2.8433 | 7 |
| 8 | 1.3686 | 0.7307 | 9.2142 | 6.7327 | 0.1085 | 0.1485 | 22.1806 | 3.2944 | 8 |
| 9 | 1.4233 | 0.7026 | 10.5828 | 7.4353 | 0.0945 | 0.1345 | 27.8013 | 3.7391 | 9 |
| 10 | 1.4802 | 0.6756 | 12.0061 | 8.1109 | 0.0833 | 0.1233 | 33.8814 | 4.1773 | 10 |
| 11 | 1.5395 | 0.6496 | 13.4864 | 8.7605 | 0.0741 | 0.1141 | 40.3772 | 4.6090 | 11 |
| 12 | 1.6010 | 0.6246 | 15.0258 | 9.3851 | 0.0666 | 0.1066 | 47.2477 | 5.0343 | 12 |
| 13 | 1.6651 | 0.6006 | 16.6268 | 9.9856 | 0.0601 | 0.1001 | 54.4546 | 5.4533 | 13 |
| 14 | 1.7317 | 0.5775 | 18.2919 | 10.5631 | 0.0547 | 0.0947 | 61.9618 | 5.8659 | 14 |
| 15 | 1.8009 | 0.5553 | 20.0236 | 11.1184 | 0.0499 | 0.0899 | 69.7355 | 6.2721 | 15 |
| 16 | 1.8730 | 0.5339 | 21.8245 | 11.6523 | 0.0458 | 0.0858 | 77.7441 | 6.6720 | 16 |
| 17 | 1.9479 | 0.5134 | 23.6975 | 12.1657 | 0.0422 | 0.0822 | 85.9581 | 7.0656 | 17 |
| 18 | 2.0258 | 0.4936 | 25.6454 | 12.6593 | 0.0390 | 0.0790 | 94.3498 | 7.4530 | 18 |
| 19 | 2.1068 | 0.4746 | 27.6712 | 13.1339 | 0.0361 | 0.0761 | 102.8933 | 7.8342 | 19 |
| 20 | 2.1911 | 0.4564 | 29.7781 | 13.5903 | 0.0336 | 0.0736 | 111.5647 | 8.2091 | 20 |
| 21 | 2.2788 | 0.4388 | 31.9692 | 14.0292 | 0.0313 | 0.0713 | 120.3414 | 8.5779 | 21 |
| 22 | 2.3699 | 0.4220 | 34.2480 | 14.4511 | 0.0292 | 0.0692 | 129.2024 | 8.9407 | 22 |
| 23 | 2.4647 | 0.4057 | 36.6179 | 14.8568 | 0.0273 | 0.0673 | 138.1284 | 9.2973 | 23 |
| 24 | 2.5633 | 0.3901 | 39.0826 | 15.2470 | 0.0256 | 0.0656 | 147.1012 | 9.6479 | 24 |
| 25 | 2.6658 | 0.3751 | 41.6459 | 15.6221 | 0.0240 | 0.0640 | 156.1040 | 9.9925 | 25 |
| 26 | 2.7725 | 0.3607 | 44.3117 | 15.9828 | 0.0226 | 0.0626 | 165.1212 | 10.3312 | 26 |
| 27 | 2.8834 | 0.3468 | 47.0842 | 16.3296 | 0.0212 | 0.0612 | 174.1385 | 10.6640 | 27 |
| 28 | 2.9987 | 0.3335 | 49.9676 | 16.6631 | 0.0200 | 0.0600 | 183.1424 | 10.9909 | 28 |
| 29 | 3.1187 | 0.3207 | 52.9663 | 16.9837 | 0.0189 | 0.0589 | 192.1206 | 11.3120 | 29 |
| 30 | 3.2434 | 0.3083 | 56.0849 | 17.2920 | 0.0178 | 0.0578 | 201.0618 | 11.6274 | 30 |
| 36 | 4.1039 | 0.2437 | 77.5983 | 18.9083 | 0.0129 | 0.0529 | 253.4052 | 13.4018 | 36 |
| 40 | 4.8010 | 0.2083 | 95.0255 | 19.7928 | 0.0105 | 0.0505 | 286.5303 | 14.4765 | 40 |
| 48 | 6.5705 | 0.1522 | 139.2632 | 21.1951 | 0.0072 | 0.0472 | 347.2446 | 16.3832 | 48 |
| 50 | 7.1067 | 0.1407 | 152.6671 | 21.4822 | 0.0066 | 0.0466 | 361.1638 | 16.8122 | 50 |
| 52 | 7.6866 | 0.1301 | 167.1647 | 21.7476 | 0.0060 | 0.0460 | 374.5638 | 17.2232 | 52 |
| 60 | 10.5196 | 0.0951 | 237.9907 | 22.6235 | 0.0042 | 0.0442 | 422.9966 | 18.6972 | 60 |

5.00%

| Uniform Gradient | | | | | | | | | |
|------------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Single Payment | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.0500 | 0.9524 | 1 | 0.9524 | 1 | 1.05 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.1025 | 0.9070 | 2.05 | 1.8594 | 0.4878 | 0.5378 | 0.9070 | 0.4878 | 2 |
| 3 | 1.1576 | 0.8638 | 3.1525 | 2.7232 | 0.3172 | 0.3672 | 2.6347 | 0.9675 | 3 |
| 4 | 1.2155 | 0.8227 | 4.3101 | 3.5460 | 0.2320 | 0.2820 | 5.1028 | 1.4391 | 4 |
| 5 | 1.2763 | 0.7835 | 5.5256 | 4.3295 | 0.1810 | 0.2310 | 8.2369 | 1.9025 | 5 |
| 6 | 1.3401 | 0.7462 | 6.8019 | 5.0757 | 0.1470 | 0.1970 | 11.9680 | 2.3579 | 6 |
| 7 | 1.4071 | 0.7107 | 8.1420 | 5.7864 | 0.1228 | 0.1728 | 16.2321 | 2.8052 | 7 |
| 8 | 1.4775 | 0.6768 | 9.5491 | 6.4632 | 0.1047 | 0.1547 | 20.9700 | 3.2445 | 8 |
| 9 | 1.5513 | 0.6446 | 11.0266 | 7.1078 | 0.0907 | 0.1407 | 26.1268 | 3.6758 | 9 |
| 10 | 1.6289 | 0.6139 | 12.5779 | 7.7217 | 0.0795 | 0.1295 | 31.6520 | 4.0991 | 10 |
| 11 | 1.7103 | 0.5847 | 14.2068 | 8.3064 | 0.0704 | 0.1204 | 37.4988 | 4.5144 | 11 |
| 12 | 1.7959 | 0.5568 | 15.9171 | 8.8633 | 0.0628 | 0.1128 | 43.6241 | 4.9219 | 12 |
| 13 | 1.8856 | 0.5303 | 17.7130 | 9.3936 | 0.0565 | 0.1065 | 49.9879 | 5.3215 | 13 |
| 14 | 1.9799 | 0.5051 | 19.5986 | 9.8986 | 0.0510 | 0.1010 | 56.5538 | 5.7133 | 14 |
| 15 | 2.0789 | 0.4810 | 21.5786 | 10.3797 | 0.0463 | 0.0963 | 63.2880 | 6.0973 | 15 |
| 16 | 2.1829 | 0.4581 | 23.6575 | 10.8378 | 0.0423 | 0.0923 | 70.1597 | 6.4736 | 16 |
| 17 | 2.2920 | 0.4363 | 25.8404 | 11.2741 | 0.0387 | 0.0887 | 77.1405 | 6.8423 | 17 |
| 18 | 2.4066 | 0.4155 | 28.1324 | 11.6896 | 0.0355 | 0.0855 | 84.2043 | 7.2034 | 18 |
| 19 | 2.5270 | 0.3957 | 30.5390 | 12.0853 | 0.0327 | 0.0827 | 91.3275 | 7.5569 | 19 |
| 20 | 2.6533 | 0.3769 | 33.0660 | 12.4622 | 0.0302 | 0.0802 | 98.4884 | 7.9030 | 20 |
| 21 | 2.7860 | 0.3589 | 35.7193 | 12.8212 | 0.0280 | 0.0780 | 105.6673 | 8.2416 | 21 |
| 22 | 2.9253 | 0.3418 | 38.5052 | 13.1630 | 0.0260 | 0.0760 | 112.8461 | 8.5730 | 22 |
| 23 | 3.0715 | 0.3256 | 41.4305 | 13.4886 | 0.0241 | 0.0741 | 120.0087 | 8.8971 | 23 |
| 24 | 3.2251 | 0.3101 | 44.5020 | 13.7986 | 0.0225 | 0.0725 | 127.1402 | 9.2140 | 24 |
| 25 | 3.3864 | 0.2953 | 47.7271 | 14.0939 | 0.0210 | 0.0710 | 134.2275 | 9.5238 | 25 |
| 26 | 3.5557 | 0.2812 | 51.1135 | 14.3752 | 0.0196 | 0.0696 | 141.2585 | 9.8266 | 26 |
| 27 | 3.7335 | 0.2678 | 54.6691 | 14.6430 | 0.0183 | 0.0683 | 148.2226 | 10.1224 | 27 |
| 28 | 3.9201 | 0.2551 | 58.4026 | 14.8981 | 0.0171 | 0.0671 | 155.1101 | 10.4114 | 28 |
| 29 | 4.1161 | 0.2429 | 62.3227 | 15.1411 | 0.0160 | 0.0660 | 161.9126 | 10.6936 | 29 |
| 30 | 4.3219 | 0.2314 | 66.4388 | 15.3725 | 0.0151 | 0.0651 | 168.6226 | 10.9691 | 30 |
| 36 | 5.7918 | 0.1727 | 95.8363 | 16.5469 | 0.0104 | 0.0604 | 206.6237 | 12.4872 | 36 |
| 40 | 7.0400 | 0.1420 | 120.7998 | 17.1591 | 0.0083 | 0.0583 | 229.5452 | 13.3775 | 40 |
| 48 | 10.4013 | 0.0961 | 188.0254 | 18.0772 | 0.0053 | 0.0553 | 269.2467 | 14.8943 | 48 |
| 50 | 11.4674 | 0.0872 | 209.3480 | 18.2559 | 0.0048 | 0.0548 | 277.9148 | 15.2233 | 50 |
| 52 | 12.6428 | 0.0791 | 232.8562 | 18.4181 | 0.0043 | 0.0543 | 286.1013 | 15.5337 | 52 |
| 60 | 18.6792 | 0.0535 | 353.5837 | 18.9293 | 0.0028 | 0.0528 | 314.3432 | 16.6062 | 60 |

6.00%

| Uniform Gradient | | | | | | | | | |
|------------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Single Payment | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.0600 | 0.9434 | 1 | 0.9434 | 1 | 1.06 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.1236 | 0.8900 | 2.06 | 1.8334 | 0.4854 | 0.5454 | 0.8900 | 0.4854 | 2 |
| 3 | 1.1910 | 0.8396 | 3.1836 | 2.6730 | 0.3141 | 0.3741 | 2.5692 | 0.9612 | 3 |
| 4 | 1.2625 | 0.7921 | 4.3746 | 3.4651 | 0.2286 | 0.2886 | 4.9455 | 1.4272 | 4 |
| 5 | 1.3382 | 0.7473 | 5.6371 | 4.2124 | 0.1774 | 0.2374 | 7.9345 | 1.8836 | 5 |
| 6 | 1.4185 | 0.7050 | 6.9753 | 4.9173 | 0.1434 | 0.2034 | 11.4594 | 2.3304 | 6 |
| 7 | 1.5036 | 0.6651 | 8.3938 | 5.5824 | 0.1191 | 0.1791 | 15.4497 | 2.7676 | 7 |
| 8 | 1.5938 | 0.6274 | 9.8975 | 6.2098 | 0.1010 | 0.1610 | 19.8416 | 3.1952 | 8 |
| 9 | 1.6895 | 0.5919 | 11.4913 | 6.8017 | 0.0870 | 0.1470 | 24.5768 | 3.6133 | 9 |
| 10 | 1.7908 | 0.5584 | 13.1808 | 7.3601 | 0.0759 | 0.1359 | 29.6023 | 4.0220 | 10 |
| 11 | 1.8983 | 0.5268 | 14.9716 | 7.8869 | 0.0668 | 0.1268 | 34.8702 | 4.4213 | 11 |
| 12 | 2.0122 | 0.4970 | 16.8699 | 8.3838 | 0.0593 | 0.1193 | 40.3369 | 4.8113 | 12 |
| 13 | 2.1329 | 0.4688 | 18.8821 | 8.8527 | 0.0530 | 0.1130 | 45.9629 | 5.1920 | 13 |
| 14 | 2.2609 | 0.4423 | 21.0151 | 9.2950 | 0.0476 | 0.1076 | 51.7128 | 5.5635 | 14 |
| 15 | 2.3966 | 0.4173 | 23.2760 | 9.7122 | 0.0430 | 0.1030 | 57.5546 | 5.9260 | 15 |
| 16 | 2.5404 | 0.3936 | 25.6725 | 10.1059 | 0.0390 | 0.0990 | 63.4592 | 6.2794 | 16 |
| 17 | 2.6928 | 0.3714 | 28.2129 | 10.4773 | 0.0354 | 0.0954 | 69.4011 | 6.6240 | 17 |
| 18 | 2.8543 | 0.3503 | 30.9057 | 10.8276 | 0.0324 | 0.0924 | 75.3569 | 6.9597 | 18 |
| 19 | 3.0256 | 0.3305 | 33.7600 | 11.1581 | 0.0296 | 0.0896 | 81.3062 | 7.2867 | 19 |
| 20 | 3.2071 | 0.3118 | 36.7856 | 11.4699 | 0.0272 | 0.0872 | 87.2304 | 7.6051 | 20 |
| 21 | 3.3996 | 0.2942 | 39.9927 | 11.7641 | 0.0250 | 0.0850 | 93.1136 | 7.9151 | 21 |
| 22 | 3.6035 | 0.2775 | 43.3923 | 12.0416 | 0.0230 | 0.0830 | 98.9412 | 8.2166 | 22 |
| 23 | 3.8197 | 0.2618 | 46.9958 | 12.3034 | 0.0213 | 0.0813 | 104.7007 | 8.5099 | 23 |
| 24 | 4.0489 | 0.2470 | 50.8156 | 12.5504 | 0.0197 | 0.0797 | 110.3812 | 8.7951 | 24 |
| 25 | 4.2919 | 0.2330 | 54.8645 | 12.7834 | 0.0182 | 0.0782 | 115.9732 | 9.0722 | 25 |
| 26 | 4.5494 | 0.2198 | 59.1564 | 13.0032 | 0.0169 | 0.0769 | 121.4684 | 9.3414 | 26 |
| 27 | 4.8223 | 0.2074 | 63.7058 | 13.2105 | 0.0157 | 0.0757 | 126.8600 | 9.6029 | 27 |
| 28 | 5.1117 | 0.1956 | 68.5281 | 13.4062 | 0.0146 | 0.0746 | 132.1420 | 9.8568 | 28 |
| 29 | 5.4184 | 0.1846 | 73.6398 | 13.5907 | 0.0136 | 0.0736 | 137.3096 | 10.1032 | 29 |
| 30 | 5.7435 | 0.1741 | 79.0582 | 13.7648 | 0.0126 | 0.0726 | 142.3588 | 10.3422 | 30 |
| 36 | 8.1473 | 0.1227 | 119.1209 | 14.6210 | 0.0084 | 0.0684 | 170.0387 | 11.6298 | 36 |
| 40 | 10.2857 | 0.0972 | 154.7620 | 15.0463 | 0.0065 | 0.0665 | 185.9568 | 12.3590 | 40 |
| 48 | 16.3939 | 0.0610 | 256.5645 | 15.6500 | 0.0039 | 0.0639 | 212.0351 | 13.5485 | 48 |
| 50 | 18.4202 | 0.0543 | 290.3359 | 15.7619 | 0.0034 | 0.0634 | 217.4574 | 13.7964 | 50 |
| 52 | 20.6969 | 0.0483 | 328.2814 | 15.8614 | 0.0030 | 0.0630 | 222.4823 | 14.0267 | 52 |
| 60 | 32.9877 | 0.0303 | 533.1282 | 16.1614 | 0.0019 | 0.0619 | 239.0428 | 14.7909 | 60 |

7.00%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.0700 | 0.9346 | 1 | 0.9346 | 1 | 1.07 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.1449 | 0.8734 | 2.07 | 1.8080 | 0.4831 | 0.5531 | 0.8734 | 0.4831 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.2250 | 0.8163 | 3.2149 | 2.6243 | 0.3111 | 0.3811 | 2.5060 | 0.9549 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.3108 | 0.7629 | 4.4399 | 3.3872 | 0.2252 | 0.2952 | 4.7947 | 1.4155 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 1.4026 | 0.7130 | 5.7507 | 4.1002 | 0.1739 | 0.2439 | 7.6467 | 1.8650 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 1.5007 | 0.6663 | 7.1533 | 4.7665 | 0.1398 | 0.2098 | 10.9784 | 2.3032 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 1.6058 | 0.6227 | 8.6540 | 5.3893 | 0.1156 | 0.1856 | 14.7149 | 2.7304 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 1.7182 | 0.5820 | 10.2598 | 5.9713 | 0.0975 | 0.1675 | 18.7889 | 3.1465 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 1.8385 | 0.5439 | 11.9780 | 6.5152 | 0.0835 | 0.1535 | 23.1404 | 3.5517 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 1.9672 | 0.5083 | 13.8164 | 7.0236 | 0.0724 | 0.1424 | 27.7156 | 3.9461 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 2.1049 | 0.4751 | 15.7836 | 7.4987 | 0.0634 | 0.1334 | 32.4665 | 4.3296 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 2.2522 | 0.4440 | 17.8885 | 7.9427 | 0.0559 | 0.1259 | 37.3506 | 4.7025 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 2.4098 | 0.4150 | 20.1406 | 8.3577 | 0.0497 | 0.1197 | 42.3302 | 5.0648 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 2.5785 | 0.3878 | 22.5505 | 8.7455 | 0.0443 | 0.1143 | 47.3718 | 5.4167 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 2.7590 | 0.3624 | 25.1290 | 9.1079 | 0.0398 | 0.1098 | 52.4461 | 5.7583 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 2.9522 | 0.3387 | 27.8881 | 9.4466 | 0.0359 | 0.1059 | 57.5271 | 6.0897 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 3.1588 | 0.3166 | 30.8402 | 9.7632 | 0.0324 | 0.1024 | 62.5923 | 6.4110 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 3.3799 | 0.2959 | 33.9990 | 10.0591 | 0.0294 | 0.0994 | 67.6219 | 6.7225 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 3.6165 | 0.2765 | 37.3790 | 10.3356 | 0.0268 | 0.0968 | 72.5991 | 7.0242 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 3.8697 | 0.2584 | 40.9955 | 10.5940 | 0.0244 | 0.0944 | 77.5091 | 7.3163 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 4.1406 | 0.2415 | 44.8652 | 10.8355 | 0.0223 | 0.0923 | 82.3393 | 7.5990 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 4.4304 | 0.2257 | 49.0057 | 11.0612 | 0.0204 | 0.0904 | 87.0793 | 7.8725 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 4.7405 | 0.2109 | 53.4361 | 11.2722 | 0.0187 | 0.0887 | 91.7201 | 8.1369 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 5.0724 | 0.1971 | 58.1767 | 11.4693 | 0.0172 | 0.0872 | 96.2545 | 8.3923 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 5.4274 | 0.1842 | 63.2490 | 11.6536 | 0.0158 | 0.0858 | 100.6765 | 8.6391 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 5.8074 | 0.1722 | 68.6765 | 11.8258 | 0.0146 | 0.0846 | 104.9814 | 8.8773 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 6.2139 | 0.1609 | 74.4838 | 11.9867 | 0.0134 | 0.0834 | 109.1656 | 9.1072 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 6.6488 | 0.1504 | 80.6977 | 12.1371 | 0.0124 | 0.0824 | 113.2264 | 9.3289 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 7.1143 | 0.1406 | 87.3465 | 12.2777 | 0.0114 | 0.0814 | 117.1622 | 9.5427 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 7.6123 | 0.1314 | 94.4608 | 12.4090 | 0.0106 | 0.0806 | 120.9718 | 9.7487 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 11.4239 | 0.0875 | 148.9135 | 13.0352 | 0.0067 | 0.0767 | 141.1990 | 10.8321 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 14.9745 | 0.0668 | 199.6351 | 13.3317 | 0.0050 | 0.0750 | 152.2928 | 11.4233 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 25.7289 | 0.0389 | 353.2701 | 13.7305 | 0.0028 | 0.0728 | 169.4981 | 12.3447 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 29.4570 | 0.0339 | 406.5289 | 13.8007 | 0.0025 | 0.0725 | 172.9051 | 12.5287 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 33.7253 | 0.0297 | 467.5050 | 13.8621 | 0.0021 | 0.0721 | 176.0037 | 12.6967 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 57.9464 | 0.0173 | 813.5204 | 14.0392 | 0.0012 | 0.0712 | 185.7677 | 13.2321 | 60 | | | | | | | |

9.00%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.0900 | 0.9174 | 1.0000 | 0.9174 | 1.0000 | 1.0900 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.1881 | 0.8417 | 2.0900 | 1.7591 | 0.4785 | 0.5685 | 0.8417 | 0.4785 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.2950 | 0.7722 | 3.2781 | 2.5313 | 0.3051 | 0.3951 | 2.3860 | 0.9426 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.4116 | 0.7084 | 4.5731 | 3.2397 | 0.2187 | 0.3087 | 4.5113 | 1.3925 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 1.5386 | 0.6499 | 5.9847 | 3.8897 | 0.1671 | 0.2571 | 7.1110 | 1.8282 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 1.6771 | 0.5963 | 7.5233 | 4.4859 | 0.1329 | 0.2229 | 10.0924 | 2.2498 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 1.8280 | 0.5470 | 9.2004 | 5.0330 | 0.1087 | 0.1987 | 13.3746 | 2.6574 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 1.9926 | 0.5019 | 11.0285 | 5.5348 | 0.0907 | 0.1807 | 16.8877 | 3.0512 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 2.1719 | 0.4604 | 13.0210 | 5.9952 | 0.0768 | 0.1668 | 20.5711 | 3.4312 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 2.3674 | 0.4224 | 15.1929 | 6.4177 | 0.0658 | 0.1558 | 24.3728 | 3.7978 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 2.5804 | 0.3875 | 17.5603 | 6.8052 | 0.0569 | 0.1469 | 28.2481 | 4.1510 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 2.8127 | 0.3555 | 20.1407 | 7.1607 | 0.0497 | 0.1397 | 32.1590 | 4.4910 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 3.0658 | 0.3262 | 22.9534 | 7.4869 | 0.0436 | 0.1336 | 36.0731 | 4.8182 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 3.3417 | 0.2992 | 26.0192 | 7.7862 | 0.0384 | 0.1284 | 39.9633 | 5.1326 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 3.6425 | 0.2745 | 29.3609 | 8.0607 | 0.0341 | 0.1241 | 43.8069 | 5.4346 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 3.9703 | 0.2519 | 33.0034 | 8.3126 | 0.0303 | 0.1203 | 47.5849 | 5.7245 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 4.3276 | 0.2311 | 36.9737 | 8.5436 | 0.0270 | 0.1170 | 51.2821 | 6.0024 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 4.7171 | 0.2120 | 41.3013 | 8.7556 | 0.0242 | 0.1142 | 54.8860 | 6.2687 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 5.1417 | 0.1945 | 46.0185 | 8.9501 | 0.0217 | 0.1117 | 58.3868 | 6.5236 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 5.6044 | 0.1784 | 51.1601 | 9.1285 | 0.0195 | 0.1095 | 61.7770 | 6.7674 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 6.1088 | 0.1637 | 56.7645 | 9.2922 | 0.0176 | 0.1076 | 65.0509 | 7.0006 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 6.6586 | 0.1502 | 62.8733 | 9.4424 | 0.0159 | 0.1059 | 68.2048 | 7.2232 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 7.2579 | 0.1378 | 69.5319 | 9.5802 | 0.0144 | 0.1044 | 71.2359 | 7.4357 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 7.9111 | 0.1264 | 76.7898 | 9.7066 | 0.0130 | 0.1030 | 74.1433 | 7.6384 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 8.6231 | 0.1160 | 84.7009 | 9.8226 | 0.0118 | 0.1018 | 76.9265 | 7.8316 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 9.3992 | 0.1064 | 93.3240 | 9.9290 | 0.0107 | 0.1007 | 79.5863 | 8.0156 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 10.2451 | 0.0976 | 102.7231 | 10.0266 | 0.0097 | 0.0997 | 82.1241 | 8.1906 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 11.1671 | 0.0895 | 112.9682 | 10.1161 | 0.0089 | 0.0989 | 84.5419 | 8.3571 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 12.1722 | 0.0822 | 124.1354 | 10.1983 | 0.0081 | 0.0981 | 86.8422 | 8.5154 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 13.2677 | 0.0754 | 136.3075 | 10.2737 | 0.0073 | 0.0973 | 89.0280 | 8.6657 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 22.2512 | 0.0449 | 236.1247 | 10.6118 | 0.0042 | 0.0942 | 99.9319 | 9.4171 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 31.4094 | 0.0318 | 337.8824 | 10.7574 | 0.0030 | 0.0930 | 105.3762 | 9.7957 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 62.5852 | 0.0160 | 684.2804 | 10.9336 | 0.0015 | 0.0915 | 112.9625 | 10.3317 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 74.3575 | 0.0134 | 815.0836 | 10.9617 | 0.0012 | 0.0912 | 114.3251 | 10.4295 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 88.3442 | 0.0113 | 970.4908 | 10.9853 | 0.0010 | 0.0910 | 115.5193 | 10.5158 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 176.0313 | 0.0057 | 1944.7921 | 11.0480 | 0.0005 | 0.0905 | 118.9683 | 10.7683 | 60 | | | | | | | |

10%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.1000 | 0.9091 | 1.0000 | 0.9091 | 1.0000 | 1.1000 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.2100 | 0.8264 | 2.1000 | 1.7355 | 0.4762 | 0.5762 | 0.8264 | 0.4762 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.3310 | 0.7513 | 3.3100 | 2.4869 | 0.3021 | 0.4021 | 2.3291 | 0.9366 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.4641 | 0.6830 | 4.6410 | 3.1699 | 0.2155 | 0.3155 | 4.3781 | 1.3812 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 1.6105 | 0.6209 | 6.1051 | 3.7908 | 0.1638 | 0.2638 | 6.8618 | 1.8101 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 1.7716 | 0.5645 | 7.7156 | 4.3553 | 0.1296 | 0.2296 | 9.6842 | 2.2236 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 1.9487 | 0.5132 | 9.4872 | 4.8684 | 0.1054 | 0.2054 | 12.7631 | 2.6216 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 2.1436 | 0.4665 | 11.4359 | 5.3349 | 0.0874 | 0.1874 | 16.0287 | 3.0045 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 2.3579 | 0.4241 | 13.5795 | 5.7590 | 0.0736 | 0.1736 | 19.4215 | 3.3724 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 2.5937 | 0.3855 | 15.9374 | 6.1446 | 0.0627 | 0.1627 | 22.8913 | 3.7255 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 2.8531 | 0.3505 | 18.5312 | 6.4951 | 0.0540 | 0.1540 | 26.3963 | 4.0641 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 3.1384 | 0.3186 | 21.3843 | 6.8137 | 0.0468 | 0.1468 | 29.9012 | 4.3884 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 3.4523 | 0.2897 | 24.5227 | 7.1034 | 0.0408 | 0.1408 | 33.3772 | 4.6988 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 3.7975 | 0.2633 | 27.9750 | 7.3667 | 0.0357 | 0.1357 | 36.8005 | 4.9955 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 4.1772 | 0.2394 | 31.7725 | 7.6061 | 0.0315 | 0.1315 | 40.1520 | 5.2789 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 4.5950 | 0.2176 | 35.9497 | 7.8237 | 0.0278 | 0.1278 | 43.4164 | 5.5493 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 5.0545 | 0.1978 | 40.5447 | 8.0216 | 0.0247 | 0.1247 | 46.5819 | 5.8071 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 5.5599 | 0.1799 | 45.5992 | 8.2014 | 0.0219 | 0.1219 | 49.6395 | 6.0526 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 6.1159 | 0.1635 | 51.1591 | 8.3649 | 0.0195 | 0.1195 | 52.5827 | 6.2861 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 6.7275 | 0.1486 | 57.2750 | 8.5136 | 0.0175 | 0.1175 | 55.4069 | 6.5081 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 7.4002 | 0.1351 | 64.0025 | 8.6487 | 0.0156 | 0.1156 | 58.1095 | 6.7189 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 8.1403 | 0.1228 | 71.4027 | 8.7715 | 0.0140 | 0.1140 | 60.6893 | 6.9189 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 8.9543 | 0.1117 | 79.5430 | 8.8832 | 0.0126 | 0.1126 | 63.1462 | 7.1085 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 9.8497 | 0.1015 | 88.4973 | 8.9847 | 0.0113 | 0.1113 | 65.4813 | 7.2881 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 10.8347 | 0.0923 | 98.3471 | 9.0770 | 0.0102 | 0.1102 | 67.6964 | 7.4580 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 11.9182 | 0.0839 | 109.1818 | 9.1609 | 0.0092 | 0.1092 | 69.7940 | 7.6186 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 13.1100 | 0.0763 | 121.0999 | 9.2372 | 0.0083 | 0.1083 | 71.7773 | 7.7704 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 14.4210 | 0.0693 | 134.2099 | 9.3066 | 0.0075 | 0.1075 | 73.6495 | 7.9137 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 15.8631 | 0.0630 | 148.6309 | 9.3696 | 0.0067 | 0.1067 | 75.4146 | 8.0489 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 17.4494 | 0.0573 | 164.4940 | 9.4269 | 0.0061 | 0.1061 | 77.0766 | 8.1762 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 30.9127 | 0.0323 | 299.1268 | 9.6765 | 0.0033 | 0.1033 | 85.1194 | 8.7965 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 45.2593 | 0.0221 | 442.5926 | 9.7791 | 0.0023 | 0.1023 | 88.9525 | 9.0962 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 97.0172 | 0.0103 | 960.1723 | 9.8969 | 0.0010 | 0.1010 | 94.0217 | 9.5001 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 117.3909 | 0.0085 | 1163.9085 | 9.9148 | 0.0009 | 0.1009 | 94.8889 | 9.5704 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 142.0429 | 0.0070 | 1410.4293 | 9.9296 | 0.0007 | 0.1007 | 95.6351 | 9.6313 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 304.4816 | 0.0033 | 3034.8164 | 9.9672 | 0.0003 | 0.1003 | 97.7010 | 9.8023 | 60 | | | | | | | |

12%

| Single Payment | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.1200 | 0.8929 | 1.0000 | 0.8929 | 1.0000 | 1.1200 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.2544 | 0.7972 | 2.1200 | 1.6901 | 0.4717 | 0.5917 | 0.7972 | 0.4717 | 2 |
| 3 | 1.4049 | 0.7118 | 3.3744 | 2.4018 | 0.2963 | 0.4163 | 2.2208 | 0.9246 | 3 |
| 4 | 1.5735 | 0.6355 | 4.7793 | 3.0373 | 0.2092 | 0.3292 | 4.1273 | 1.3589 | 4 |
| 5 | 1.7623 | 0.5674 | 6.3528 | 3.6048 | 0.1574 | 0.2774 | 6.3970 | 1.7746 | 5 |
| 6 | 1.9738 | 0.5066 | 8.1152 | 4.1114 | 0.1232 | 0.2432 | 8.9302 | 2.1720 | 6 |
| 7 | 2.2107 | 0.4523 | 10.0890 | 4.5638 | 0.0991 | 0.2191 | 11.6443 | 2.5515 | 7 |
| 8 | 2.4760 | 0.4039 | 12.2997 | 4.9676 | 0.0813 | 0.2013 | 14.4714 | 2.9131 | 8 |
| 9 | 2.7731 | 0.3606 | 14.7757 | 5.3282 | 0.0677 | 0.1877 | 17.3563 | 3.2574 | 9 |
| 10 | 3.1058 | 0.3220 | 17.5487 | 5.6502 | 0.0570 | 0.1770 | 20.2541 | 3.5847 | 10 |
| 11 | 3.4785 | 0.2875 | 20.6546 | 5.9377 | 0.0484 | 0.1684 | 23.1288 | 3.8953 | 11 |
| 12 | 3.8960 | 0.2567 | 24.1331 | 6.1944 | 0.0414 | 0.1614 | 25.9523 | 4.1897 | 12 |
| 13 | 4.3635 | 0.2292 | 28.0291 | 6.4235 | 0.0357 | 0.1557 | 28.7024 | 4.4683 | 13 |
| 14 | 4.8871 | 0.2046 | 32.3926 | 6.6282 | 0.0309 | 0.1509 | 31.3624 | 4.7317 | 14 |
| 15 | 5.4736 | 0.1827 | 37.2797 | 6.8109 | 0.0268 | 0.1468 | 33.9202 | 4.9803 | 15 |
| 16 | 6.1304 | 0.1631 | 42.7533 | 6.9740 | 0.0234 | 0.1434 | 36.3670 | 5.2147 | 16 |
| 17 | 6.8660 | 0.1456 | 48.8837 | 7.1196 | 0.0205 | 0.1405 | 38.6973 | 5.4353 | 17 |
| 18 | 7.6900 | 0.1300 | 55.7497 | 7.2497 | 0.0179 | 0.1379 | 40.9080 | 5.6427 | 18 |
| 19 | 8.6128 | 0.1161 | 63.4397 | 7.3658 | 0.0158 | 0.1358 | 42.9979 | 5.8375 | 19 |
| 20 | 9.6463 | 0.1037 | 72.0524 | 7.4694 | 0.0139 | 0.1339 | 44.9676 | 6.0202 | 20 |
| 21 | 10.8038 | 0.0926 | 81.6987 | 7.5620 | 0.0122 | 0.1322 | 46.8188 | 6.1913 | 21 |
| 22 | 12.1003 | 0.0826 | 92.5026 | 7.6446 | 0.0108 | 0.1308 | 48.5543 | 6.3514 | 22 |
| 23 | 13.5523 | 0.0738 | 104.6029 | 7.7184 | 0.0096 | 0.1296 | 50.1776 | 6.5010 | 23 |
| 24 | 15.1786 | 0.0659 | 118.1552 | 7.7843 | 0.0085 | 0.1285 | 51.6929 | 6.6406 | 24 |
| 25 | 17.0001 | 0.0588 | 133.3339 | 7.8431 | 0.0075 | 0.1275 | 53.1046 | 6.7708 | 25 |
| 26 | 19.0401 | 0.0525 | 150.3339 | 7.8957 | 0.0067 | 0.1267 | 54.4177 | 6.8921 | 26 |
| 27 | 21.3249 | 0.0469 | 169.3740 | 7.9426 | 0.0059 | 0.1259 | 55.6369 | 7.0049 | 27 |
| 28 | 23.8839 | 0.0419 | 190.6989 | 7.9844 | 0.0052 | 0.1252 | 56.7674 | 7.1098 | 28 |
| 29 | 26.7499 | 0.0374 | 214.5828 | 8.0218 | 0.0047 | 0.1247 | 57.8141 | 7.2071 | 29 |
| 30 | 29.9599 | 0.0334 | 241.3327 | 8.0552 | 0.0041 | 0.1241 | 58.7821 | 7.2974 | 30 |
| 36 | 59.1356 | 0.0169 | 484.4631 | 8.1924 | 0.0021 | 0.1221 | 63.1970 | 7.7141 | 36 |
| 40 | 93.0510 | 0.0107 | 767.0914 | 8.2438 | 0.0013 | 0.1213 | 65.1159 | 7.8988 | 40 |
| 48 | 230.3908 | 0.0043 | 1911.5898 | 8.2972 | 0.0005 | 0.1205 | 67.4068 | 8.1241 | 48 |
| 50 | 289.0022 | 0.0035 | 2400.0182 | 8.3045 | 0.0004 | 0.1204 | 67.7624 | 8.1597 | 50 |
| 52 | 362.5243 | 0.0028 | 3012.7029 | 8.3103 | 0.0003 | 0.1203 | 68.0576 | 8.1895 | 52 |
| 60 | 897.5969 | 0.0011 | 7471.6411 | 8.3240 | 0.0001 | 0.1201 | 68.8100 | 8.2664 | 60 |

14%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.1400 | 0.8772 | 1.0000 | 0.8772 | 1.0000 | 1.1400 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.2996 | 0.7695 | 2.1400 | 1.6467 | 0.4673 | 0.6073 | 0.7695 | 0.4673 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.4815 | 0.6750 | 3.4396 | 2.3216 | 0.2907 | 0.4307 | 2.1194 | 0.9129 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.6890 | 0.5921 | 4.9211 | 2.9137 | 0.2032 | 0.3432 | 3.8957 | 1.3370 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 1.9254 | 0.5194 | 6.6101 | 3.4331 | 0.1513 | 0.2913 | 5.9731 | 1.7399 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 2.1950 | 0.4556 | 8.5355 | 3.8887 | 0.1172 | 0.2572 | 8.2511 | 2.1218 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 2.5023 | 0.3996 | 10.7305 | 4.2883 | 0.0932 | 0.2332 | 10.6489 | 2.4832 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 2.8526 | 0.3506 | 13.2328 | 4.6389 | 0.0756 | 0.2156 | 13.1028 | 2.8246 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 3.2519 | 0.3075 | 16.0853 | 4.9464 | 0.0622 | 0.2022 | 15.5629 | 3.1463 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 3.7072 | 0.2697 | 19.3373 | 5.2161 | 0.0517 | 0.1917 | 17.9906 | 3.4490 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 4.2262 | 0.2366 | 23.0445 | 5.4527 | 0.0434 | 0.1834 | 20.3567 | 3.7333 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 4.8179 | 0.2076 | 27.2707 | 5.6603 | 0.0367 | 0.1767 | 22.6399 | 3.9998 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 5.4924 | 0.1821 | 32.0887 | 5.8424 | 0.0312 | 0.1712 | 24.8247 | 4.2491 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 6.2613 | 0.1597 | 37.5811 | 6.0021 | 0.0266 | 0.1666 | 26.9009 | 4.4819 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 7.1379 | 0.1401 | 43.8424 | 6.1422 | 0.0228 | 0.1628 | 28.8623 | 4.6990 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 8.1372 | 0.1229 | 50.9804 | 6.2651 | 0.0196 | 0.1596 | 30.7057 | 4.9011 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 9.2765 | 0.1078 | 59.1176 | 6.3729 | 0.0169 | 0.1569 | 32.4305 | 5.0888 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 10.5752 | 0.0946 | 68.3941 | 6.4674 | 0.0146 | 0.1546 | 34.0380 | 5.2630 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 12.0557 | 0.0829 | 78.9692 | 6.5504 | 0.0127 | 0.1527 | 35.5311 | 5.4243 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 13.7435 | 0.0728 | 91.0249 | 6.6231 | 0.0110 | 0.1510 | 36.9135 | 5.5734 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 15.6676 | 0.0638 | 104.7684 | 6.6870 | 0.0095 | 0.1495 | 38.1901 | 5.7111 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 17.8610 | 0.0560 | 120.4360 | 6.7429 | 0.0083 | 0.1483 | 39.3658 | 5.8381 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 20.3616 | 0.0491 | 138.2970 | 6.7921 | 0.0072 | 0.1472 | 40.4463 | 5.9549 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 23.2122 | 0.0431 | 158.6586 | 6.8351 | 0.0063 | 0.1463 | 41.4371 | 6.0624 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 26.4619 | 0.0378 | 181.8708 | 6.8729 | 0.0055 | 0.1455 | 42.3441 | 6.1610 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 30.1666 | 0.0331 | 208.3327 | 6.9061 | 0.0048 | 0.1448 | 43.1728 | 6.2514 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 34.3899 | 0.0291 | 238.4993 | 6.9352 | 0.0042 | 0.1442 | 43.9289 | 6.3342 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 39.2045 | 0.0255 | 272.8892 | 6.9607 | 0.0037 | 0.1437 | 44.6176 | 6.4100 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 44.6931 | 0.0224 | 312.0937 | 6.9830 | 0.0032 | 0.1432 | 45.2441 | 6.4791 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 50.9502 | 0.0196 | 356.7868 | 7.0027 | 0.0028 | 0.1428 | 45.8132 | 6.5423 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 111.8342 | 0.0089 | 791.6729 | 7.0790 | 0.0013 | 0.1413 | 48.2649 | 6.8180 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 188.8835 | 0.0053 | 1342.0251 | 7.1050 | 0.0007 | 0.1407 | 49.2376 | 6.9300 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 538.8065 | 0.0019 | 3841.4753 | 7.1296 | 0.0003 | 0.1403 | 50.2894 | 7.0536 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 700.2330 | 0.0014 | 4994.5213 | 7.1327 | 0.0002 | 0.1402 | 50.4375 | 7.0714 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 910.0228 | 0.0011 | 6493.0199 | 7.1350 | 0.0002 | 0.1402 | 50.5562 | 7.0857 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 2595.9187 | 0.0004 | 18535.1333 | 7.1401 | 0.0001 | 0.1401 | 50.8357 | 7.1197 | 60 | | | | | | | |

15%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.1500 | 0.8696 | 1.0000 | 0.8696 | 1.0000 | 1.1500 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.3225 | 0.7561 | 2.1500 | 1.6257 | 0.4651 | 0.6151 | 0.7561 | 0.4651 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.5209 | 0.6575 | 3.4725 | 2.2832 | 0.2880 | 0.4380 | 2.0712 | 0.9071 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 1.7490 | 0.5718 | 4.9934 | 2.8550 | 0.2003 | 0.3503 | 3.7864 | 1.3263 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 2.0114 | 0.4972 | 6.7424 | 3.3522 | 0.1483 | 0.2983 | 5.7751 | 1.7228 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 2.3131 | 0.4323 | 8.7537 | 3.7845 | 0.1142 | 0.2642 | 7.9368 | 2.0972 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 2.6600 | 0.3759 | 11.0668 | 4.1604 | 0.0904 | 0.2404 | 10.1924 | 2.4498 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 3.0590 | 0.3269 | 13.7268 | 4.4873 | 0.0729 | 0.2229 | 12.4807 | 2.7813 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 3.5179 | 0.2843 | 16.7858 | 4.7716 | 0.0596 | 0.2096 | 14.7548 | 3.0922 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 4.0456 | 0.2472 | 20.3037 | 5.0188 | 0.0493 | 0.1993 | 16.9795 | 3.3832 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 4.6524 | 0.2149 | 24.3493 | 5.2337 | 0.0411 | 0.1911 | 19.1289 | 3.6549 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 5.3503 | 0.1869 | 29.0017 | 5.4206 | 0.0345 | 0.1845 | 21.1849 | 3.9082 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 6.1528 | 0.1625 | 34.3519 | 5.5831 | 0.0291 | 0.1791 | 23.1352 | 4.1438 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 7.0757 | 0.1413 | 40.5047 | 5.7245 | 0.0247 | 0.1747 | 24.9725 | 4.3624 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 8.1371 | 0.1229 | 47.5804 | 5.8474 | 0.0210 | 0.1710 | 26.6930 | 4.5650 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 9.3576 | 0.1069 | 55.7175 | 5.9542 | 0.0179 | 0.1679 | 28.2960 | 4.7522 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 10.7613 | 0.0929 | 65.0751 | 6.0472 | 0.0154 | 0.1654 | 29.7828 | 4.9251 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 12.3755 | 0.0808 | 75.8364 | 6.1280 | 0.0132 | 0.1632 | 31.1565 | 5.0843 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 14.2318 | 0.0703 | 88.2118 | 6.1982 | 0.0113 | 0.1613 | 32.4213 | 5.2307 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 16.3665 | 0.0611 | 102.4436 | 6.2593 | 0.0098 | 0.1598 | 33.5822 | 5.3651 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 18.8215 | 0.0531 | 118.8101 | 6.3125 | 0.0084 | 0.1584 | 34.6448 | 5.4883 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 21.6447 | 0.0462 | 137.6316 | 6.3587 | 0.0073 | 0.1573 | 35.6150 | 5.6010 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 24.8915 | 0.0402 | 159.2764 | 6.3988 | 0.0063 | 0.1563 | 36.4988 | 5.7040 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 28.6252 | 0.0349 | 184.1678 | 6.4338 | 0.0054 | 0.1554 | 37.3023 | 5.7979 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 32.9190 | 0.0304 | 212.7930 | 6.4641 | 0.0047 | 0.1547 | 38.0314 | 5.8834 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 37.8568 | 0.0264 | 245.7120 | 6.4906 | 0.0041 | 0.1541 | 38.6918 | 5.9612 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 43.5353 | 0.0230 | 283.5688 | 6.5135 | 0.0035 | 0.1535 | 39.2890 | 6.0319 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 50.0656 | 0.0200 | 327.1041 | 6.5335 | 0.0031 | 0.1531 | 39.8283 | 6.0960 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 57.5755 | 0.0174 | 377.1697 | 6.5509 | 0.0027 | 0.1527 | 40.3146 | 6.1541 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 66.2118 | 0.0151 | 434.7451 | 6.5660 | 0.0023 | 0.1523 | 40.7526 | 6.2066 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 153.1519 | 0.0065 | 1014.3457 | 6.6231 | 0.0010 | 0.1510 | 42.5872 | 6.4301 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 267.8635 | 0.0037 | 1779.0903 | 6.6418 | 0.0006 | 0.1506 | 43.2830 | 6.5168 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 819.4007 | 0.0012 | 5456.0047 | 6.6585 | 0.0002 | 0.1502 | 43.9997 | 6.6080 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 1083.6574 | 0.0009 | 7217.7163 | 6.6605 | 0.0001 | 0.1501 | 44.0958 | 6.6205 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 1433.1370 | 0.0007 | 9547.5798 | 6.6620 | 0.0001 | 0.1501 | 44.1715 | 6.6304 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 4383.9987 | 0.0002 | 29219.9916 | 6.6651 | 0.0000 | 0.1500 | 44.3431 | 6.6530 | 60 | | | | | | | |

18%

| Uniform Gradient | | | | | | | | | |
|------------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|
| | Single Payment | | Uniform Series | | | | | | |
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N |
| 1 | 1.1800 | 0.8475 | 1.0000 | 0.8475 | 1.0000 | 1.1800 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 1.3924 | 0.7182 | 2.1800 | 1.5656 | 0.4587 | 0.6387 | 0.7182 | 0.4587 | 2 |
| 3 | 1.6430 | 0.6086 | 3.5724 | 2.1743 | 0.2799 | 0.4599 | 1.9354 | 0.8902 | 3 |
| 4 | 1.9388 | 0.5158 | 5.2154 | 2.6901 | 0.1917 | 0.3717 | 3.4828 | 1.2947 | 4 |
| 5 | 2.2878 | 0.4371 | 7.1542 | 3.1272 | 0.1398 | 0.3198 | 5.2312 | 1.6728 | 5 |
| 6 | 2.6996 | 0.3704 | 9.4420 | 3.4976 | 0.1059 | 0.2859 | 7.0834 | 2.0252 | 6 |
| 7 | 3.1855 | 0.3139 | 12.1415 | 3.8115 | 0.0824 | 0.2624 | 8.9670 | 2.3526 | 7 |
| 8 | 3.7589 | 0.2660 | 15.3270 | 4.0776 | 0.0652 | 0.2452 | 10.8292 | 2.6558 | 8 |
| 9 | 4.4355 | 0.2255 | 19.0859 | 4.3030 | 0.0524 | 0.2324 | 12.6329 | 2.9358 | 9 |
| 10 | 5.2338 | 0.1911 | 23.5213 | 4.4941 | 0.0425 | 0.2225 | 14.3525 | 3.1936 | 10 |
| 11 | 6.1759 | 0.1619 | 28.7551 | 4.6560 | 0.0348 | 0.2148 | 15.9716 | 3.4303 | 11 |
| 12 | 7.2876 | 0.1372 | 34.9311 | 4.7932 | 0.0286 | 0.2086 | 17.4811 | 3.6470 | 12 |
| 13 | 8.5994 | 0.1163 | 42.2187 | 4.9095 | 0.0237 | 0.2037 | 18.8765 | 3.8449 | 13 |
| 14 | 10.1472 | 0.0985 | 50.8180 | 5.0081 | 0.0197 | 0.1997 | 20.1576 | 4.0250 | 14 |
| 15 | 11.9737 | 0.0835 | 60.9653 | 5.0916 | 0.0164 | 0.1964 | 21.3269 | 4.1887 | 15 |
| 16 | 14.1290 | 0.0708 | 72.9390 | 5.1624 | 0.0137 | 0.1937 | 22.3885 | 4.3369 | 16 |
| 17 | 16.6722 | 0.0600 | 87.0680 | 5.2223 | 0.0115 | 0.1915 | 23.3482 | 4.4708 | 17 |
| 18 | 19.6733 | 0.0508 | 103.7403 | 5.2732 | 0.0096 | 0.1896 | 24.2123 | 4.5916 | 18 |
| 19 | 23.2144 | 0.0431 | 123.4135 | 5.3162 | 0.0081 | 0.1881 | 24.9877 | 4.7003 | 19 |
| 20 | 27.3930 | 0.0365 | 146.6280 | 5.3527 | 0.0068 | 0.1868 | 25.6813 | 4.7978 | 20 |
| 21 | 32.3238 | 0.0309 | 174.0210 | 5.3837 | 0.0057 | 0.1857 | 26.3000 | 4.8851 | 21 |
| 22 | 38.1421 | 0.0262 | 206.3448 | 5.4099 | 0.0048 | 0.1848 | 26.8506 | 4.9632 | 22 |
| 23 | 45.0076 | 0.0222 | 244.4868 | 5.4321 | 0.0041 | 0.1841 | 27.3394 | 5.0329 | 23 |
| 24 | 53.1090 | 0.0188 | 289.4945 | 5.4509 | 0.0035 | 0.1835 | 27.7725 | 5.0950 | 24 |
| 25 | 62.6686 | 0.0160 | 342.6035 | 5.4669 | 0.0029 | 0.1829 | 28.1555 | 5.1502 | 25 |
| 26 | 73.9490 | 0.0135 | 405.2721 | 5.4804 | 0.0025 | 0.1825 | 28.4935 | 5.1991 | 26 |
| 27 | 87.2598 | 0.0115 | 479.2211 | 5.4919 | 0.0021 | 0.1821 | 28.7915 | 5.2425 | 27 |
| 28 | 102.9666 | 0.0097 | 566.4809 | 5.5016 | 0.0018 | 0.1818 | 29.0537 | 5.2810 | 28 |
| 29 | 121.5005 | 0.0082 | 669.4475 | 5.5098 | 0.0015 | 0.1815 | 29.2842 | 5.3149 | 29 |
| 30 | 143.3706 | 0.0070 | 790.9480 | 5.5168 | 0.0013 | 0.1813 | 29.4864 | 5.3448 | 30 |
| 36 | 387.0368 | 0.0026 | 2144.6489 | 5.5412 | 0.0005 | 0.1805 | 30.2677 | 5.4623 | 36 |
| 40 | 750.3783 | 0.0013 | 4163.2130 | 5.5482 | 0.0002 | 0.1802 | 30.5269 | 5.5022 | 40 |
| 48 | 2820.5665 | 0.0004 | 15664.2586 | 5.5536 | 0.0001 | 0.1801 | 30.7587 | 5.5385 | 48 |
| 50 | 3927.3569 | 0.0003 | 21813.0937 | 5.5541 | 0.0000 | 0.1800 | 30.7856 | 5.5428 | 50 |
| 52 | 5468.4517 | 0.0002 | 30374.7316 | 5.5545 | 0.0000 | 0.1800 | 30.8057 | 5.5460 | 52 |
| 60 | 20555.1400 | 0.0000 | 114189.6665 | 5.5553 | 0.0000 | 0.1800 | 30.8465 | 5.5526 | 60 |

20%

| Single Payment | | | | | | | | | | Uniform Series | | | Uniform Gradient | | | |
|----------------|------------------------|----------------------|------------------------|----------------------|---------------------|-------------------------|-------------------------------|--------------------------------|----|----------------|--|--|------------------|--|--|--|
| | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Compound Amount Factor | Present Worth Factor | Sinking Fund Factor | Capital Recovery Factor | Gradient Present Worth Factor | Gradient Uniform Series Factor | | | | | | | | |
| | To Find F Given P | To Find P Given F | To Find F Given A | To Find P Given A | To Find A Given F | To Find A Given P | To Find P Given G | To Find A Given G | | | | | | | | |
| N | F/P | P/F | F/A | P/A | A/F | A/P | P/G | A/G | N | | | | | | | |
| 1 | 1.2000 | 0.8333 | 1.0000 | 0.8333 | 1.0000 | 1.2000 | 0 | 0 | 1 | | | | | | | |
| 2 | 1.4400 | 0.6944 | 2.2000 | 1.5278 | 0.4545 | 0.6545 | 0.6944 | 0.4545 | 2 | | | | | | | |
| 3 | 1.7280 | 0.5787 | 3.6400 | 2.1065 | 0.2747 | 0.4747 | 1.8519 | 0.8791 | 3 | | | | | | | |
| 4 | 2.0736 | 0.4823 | 5.3680 | 2.5887 | 0.1863 | 0.3863 | 3.2986 | 1.2742 | 4 | | | | | | | |
| 5 | 2.4883 | 0.4019 | 7.4416 | 2.9906 | 0.1344 | 0.3344 | 4.9061 | 1.6405 | 5 | | | | | | | |
| 6 | 2.9860 | 0.3349 | 9.9299 | 3.3255 | 0.1007 | 0.3007 | 6.5806 | 1.9788 | 6 | | | | | | | |
| 7 | 3.5832 | 0.2791 | 12.9159 | 3.6046 | 0.0774 | 0.2774 | 8.2551 | 2.2902 | 7 | | | | | | | |
| 8 | 4.2998 | 0.2326 | 16.4991 | 3.8372 | 0.0606 | 0.2606 | 9.8831 | 2.5756 | 8 | | | | | | | |
| 9 | 5.1598 | 0.1938 | 20.7989 | 4.0310 | 0.0481 | 0.2481 | 11.4335 | 2.8364 | 9 | | | | | | | |
| 10 | 6.1917 | 0.1615 | 25.9587 | 4.1925 | 0.0385 | 0.2385 | 12.8871 | 3.0739 | 10 | | | | | | | |
| 11 | 7.4301 | 0.1346 | 32.1504 | 4.3271 | 0.0311 | 0.2311 | 14.2330 | 3.2893 | 11 | | | | | | | |
| 12 | 8.9161 | 0.1122 | 39.5805 | 4.4392 | 0.0253 | 0.2253 | 15.4667 | 3.4841 | 12 | | | | | | | |
| 13 | 10.6993 | 0.0935 | 48.4966 | 4.5327 | 0.0206 | 0.2206 | 16.5883 | 3.6597 | 13 | | | | | | | |
| 14 | 12.8392 | 0.0779 | 59.1959 | 4.6106 | 0.0169 | 0.2169 | 17.6008 | 3.8175 | 14 | | | | | | | |
| 15 | 15.4070 | 0.0649 | 72.0351 | 4.6755 | 0.0139 | 0.2139 | 18.5095 | 3.9588 | 15 | | | | | | | |
| 16 | 18.4884 | 0.0541 | 87.4421 | 4.7296 | 0.0114 | 0.2114 | 19.3208 | 4.0851 | 16 | | | | | | | |
| 17 | 22.1861 | 0.0451 | 105.9306 | 4.7746 | 0.0094 | 0.2094 | 20.0419 | 4.1976 | 17 | | | | | | | |
| 18 | 26.6233 | 0.0376 | 128.1167 | 4.8122 | 0.0078 | 0.2078 | 20.6805 | 4.2975 | 18 | | | | | | | |
| 19 | 31.9480 | 0.0313 | 154.7400 | 4.8435 | 0.0065 | 0.2065 | 21.2439 | 4.3861 | 19 | | | | | | | |
| 20 | 38.3376 | 0.0261 | 186.6880 | 4.8696 | 0.0054 | 0.2054 | 21.7395 | 4.4643 | 20 | | | | | | | |
| 21 | 46.0051 | 0.0217 | 225.0256 | 4.8913 | 0.0044 | 0.2044 | 22.1742 | 4.5334 | 21 | | | | | | | |
| 22 | 55.2061 | 0.0181 | 271.0307 | 4.9094 | 0.0037 | 0.2037 | 22.5546 | 4.5941 | 22 | | | | | | | |
| 23 | 66.2474 | 0.0151 | 326.2369 | 4.9245 | 0.0031 | 0.2031 | 22.8867 | 4.6475 | 23 | | | | | | | |
| 24 | 79.4968 | 0.0126 | 392.4842 | 4.9371 | 0.0025 | 0.2025 | 23.1760 | 4.6943 | 24 | | | | | | | |
| 25 | 95.3962 | 0.0105 | 471.9811 | 4.9476 | 0.0021 | 0.2021 | 23.4276 | 4.7352 | 25 | | | | | | | |
| 26 | 114.4755 | 0.0087 | 567.3773 | 4.9563 | 0.0018 | 0.2018 | 23.6460 | 4.7709 | 26 | | | | | | | |
| 27 | 137.3706 | 0.0073 | 681.8528 | 4.9636 | 0.0015 | 0.2015 | 23.8353 | 4.8020 | 27 | | | | | | | |
| 28 | 164.8447 | 0.0061 | 819.2233 | 4.9697 | 0.0012 | 0.2012 | 23.9991 | 4.8291 | 28 | | | | | | | |
| 29 | 197.8136 | 0.0051 | 984.0680 | 4.9747 | 0.0010 | 0.2010 | 24.1406 | 4.8527 | 29 | | | | | | | |
| 30 | 237.3763 | 0.0042 | 1181.8816 | 4.9789 | 0.0008 | 0.2008 | 24.2628 | 4.8731 | 30 | | | | | | | |
| 36 | 708.8019 | 0.0014 | 3539.0094 | 4.9929 | 0.0003 | 0.2003 | 24.7108 | 4.9491 | 36 | | | | | | | |
| 40 | 1469.7716 | 0.0007 | 7343.8578 | 4.9966 | 0.0001 | 0.2001 | 24.8469 | 4.9728 | 40 | | | | | | | |
| 48 | 6319.7487 | 0.0002 | 31593.7436 | 4.9992 | 0.0000 | 0.2000 | 24.9581 | 4.9924 | 48 | | | | | | | |
| 50 | 9100.4382 | 0.0001 | 45497.1908 | 4.9995 | 0.0000 | 0.2000 | 24.9698 | 4.9945 | 50 | | | | | | | |
| 52 | 13104.6309 | 0.0001 | 65518.1547 | 4.9996 | 0.0000 | 0.2000 | 24.9783 | 4.9960 | 52 | | | | | | | |
| 60 | 56347.5144 | 0.0000 | 281732.5718 | 4.9999 | 0.0000 | 0.2000 | 24.9942 | 4.9989 | 60 | | | | | | | |